

حمل الآن

مجاناً وحصرياً

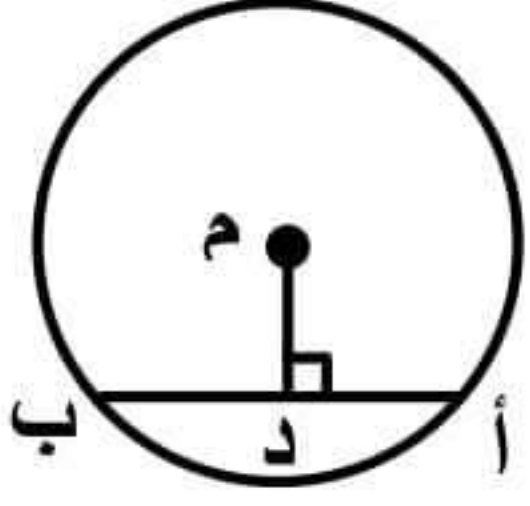
المراجعة رقم (1)

الترم الثاني



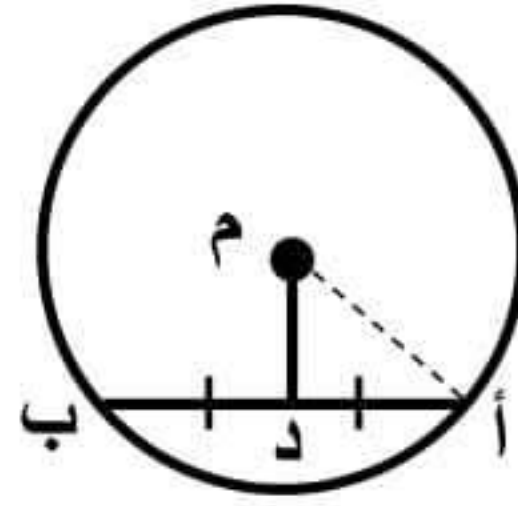
مفاهيم أساسية

المستقيم المار بمركز الدائرة وعمودياً
على أي وتر فيها ينصف هذا الوتر



$\therefore \overline{MD} \perp \overline{AB}$
 $\therefore D$ منتصف \overline{AB}
 $\therefore AD = DB$

المستقيم المار بمركز الدائرة ويمتصّف
أي وتر فيها يكون عمودياً على هذا الوتر



$\therefore D$ منتصف الوتر \overline{AB}
 $\therefore \overline{MD} \perp \overline{AB}$
 $\therefore \angle (M, D, A) = 90^\circ$

أنصاف الأقطار في الدائرة
الواحدة متساوية في الطول



$\therefore MA, MB$ أنصاف أقطار
 $\therefore MA = MB$
أي أن:
 $\angle (A) = \angle (B)$

أوضاع مستقيم بالنسبة لدائرة

إذا كانت M دائرة طول نصف قطرها $Nق$ ، $Nق$ نقطة N المستقيم فإن المستقيم يكون :

مماس
إذا كان : $M = Nق$

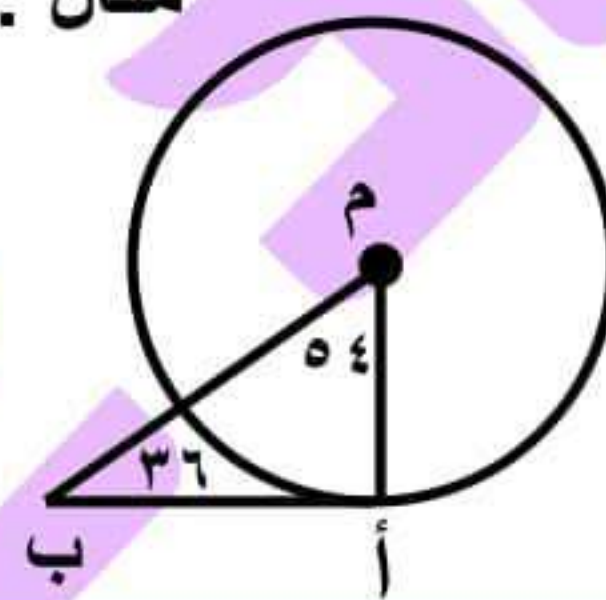
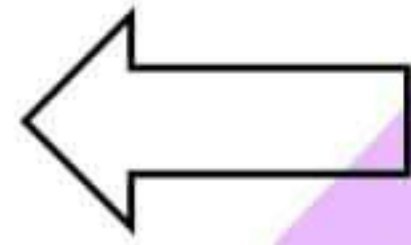
قاطع
إذا كان : $M > Nق$

خارج الدائرة
إذا كان : $M < Nق$

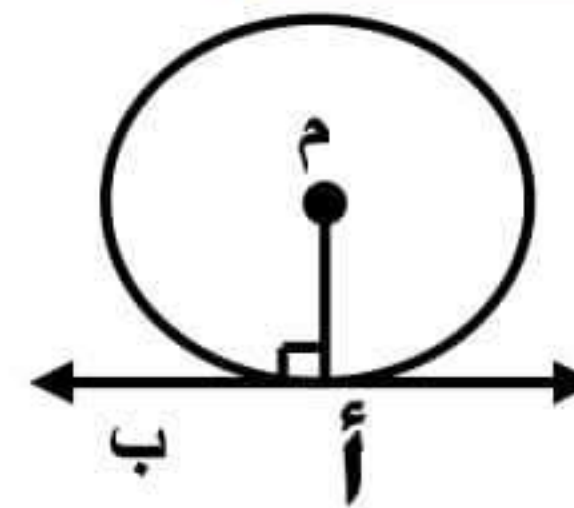
لإثبات أن المستقيم مماس
هنثبت أن الزاوية التي بينه وبين نصف القطر قياسها 90°

مثال : اثبت أن \overline{AB} مماس

في $\triangle MAB$:
 $\angle (M, A, B) = 180^\circ - (36 + 54) = 90^\circ$
 $\therefore \overline{AB}$ مماس



المماس عمودى على نصف القطر



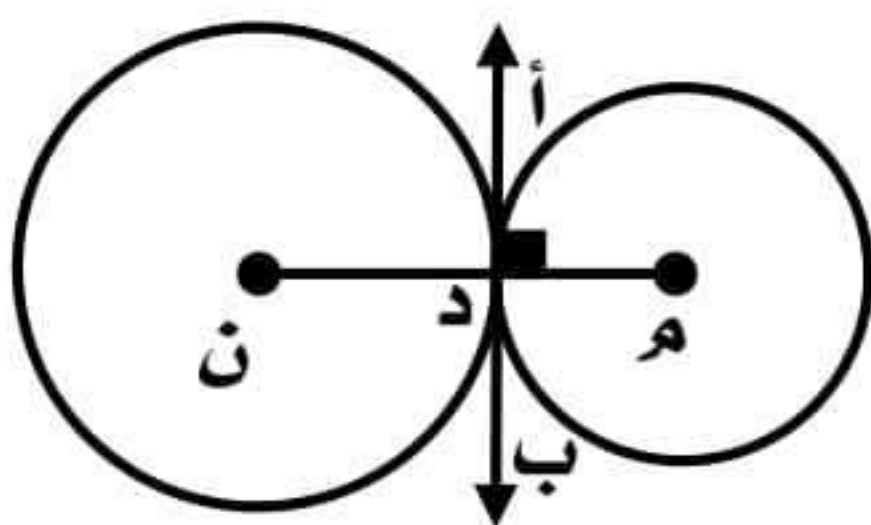
$\therefore \overline{AB}$ مماس ، M أنصاف قطر
 $\therefore \overline{MA} \perp \overline{AB}$
 $\therefore \angle (M, A, B) = 90^\circ$

أوضاع دائرة بالنسبة لدائرة

إذا كانت M ، N دائرتان طولاً نصفى قطريهما $Nق١$ ، $Nق٢$ ، M خط المركزين فإن الدائرتان يكونان :

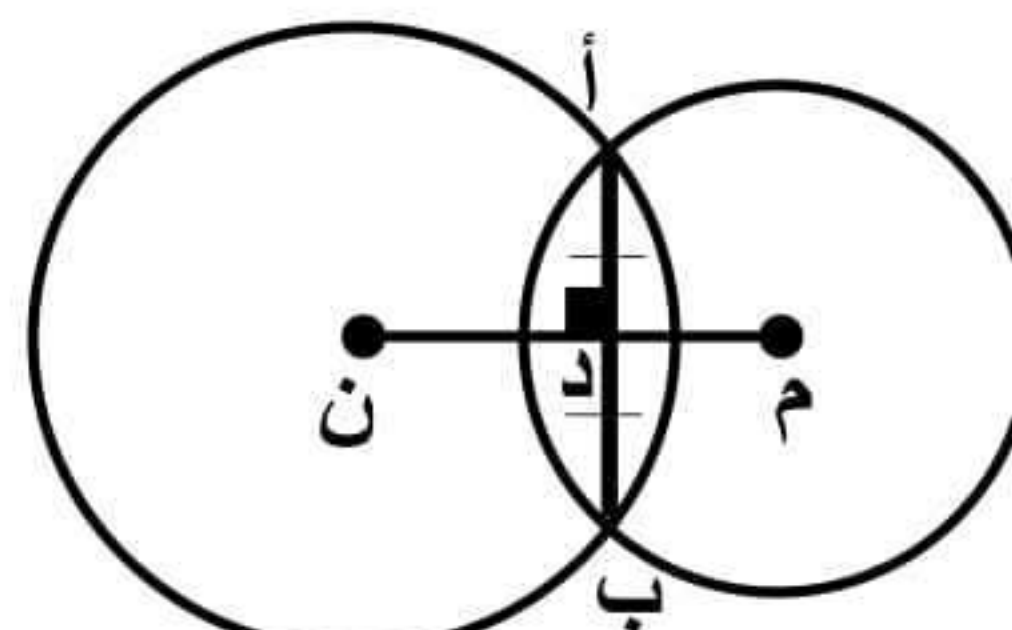
متماستان من الخارج إذا كان :	متماستان من الداخل إذا كان :	متقاطعتان إذا كان :	متباعدتان إذا كان :	متداخلتان إذا كان :	متحدتان المركز إذا كان :
$M = Nق١ + Nق٢$	$M = Nق١ - Nق٢$	$Nق١ - Nق٢ < M < Nق١ + Nق٢$	$M < Nق١ - Nق٢$	$M > Nق١ + Nق٢$	$M = 0$

خط المركزين عمودى على المماس المشترك



$\therefore \overline{AB}$ مماس مشترك ،
 MN خط المركزين
 $\therefore MN \perp \overline{AB}$

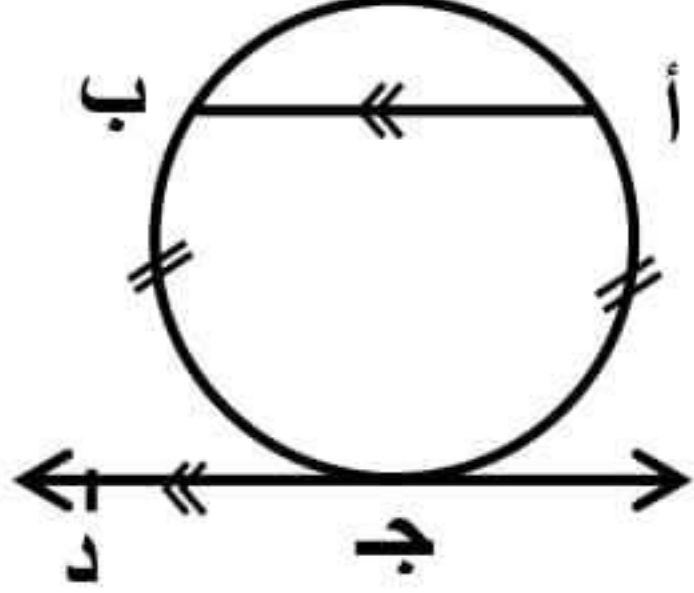
خط المركزين عمودى على الوتر المشترك وينصفه



$\therefore \overline{AB}$ وتر مشترك ،
 MN خط المركزين
 $\therefore MN \perp \overline{AB}$
 $\angle (M, D, A) = 90^\circ$ ،
 M ينصف \overline{AB}

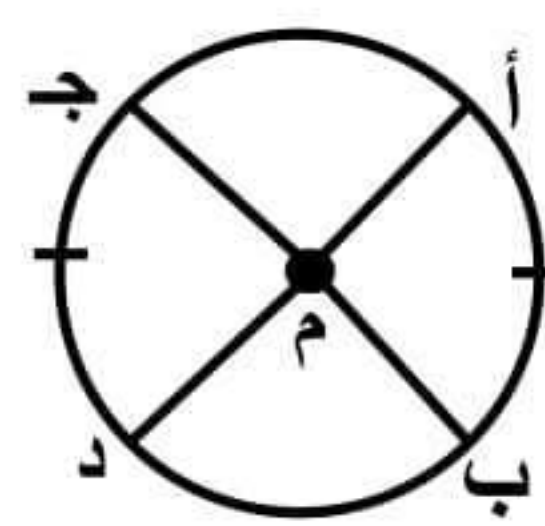
الأقواس المتساوية

الوتر والمماس المتوازيان يحصران قوسان متساويان



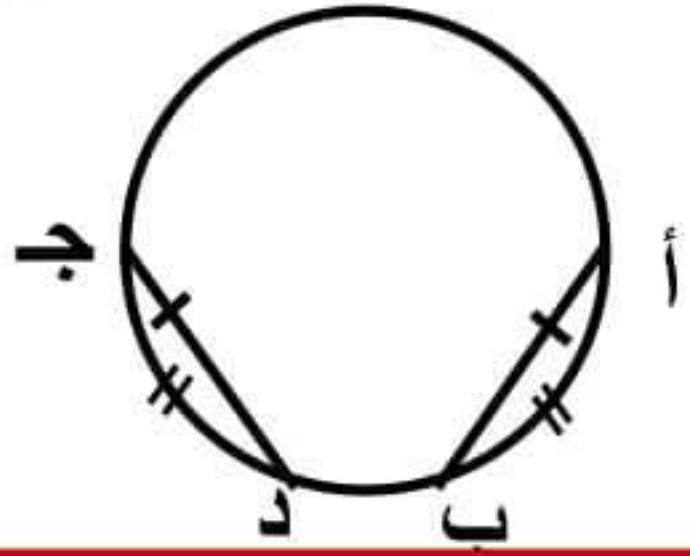
إذا كان $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$
فإن $\widehat{C} = \widehat{D}$

الأقواس المتساوية في القياس متساوية في الطول والعكس صحيح



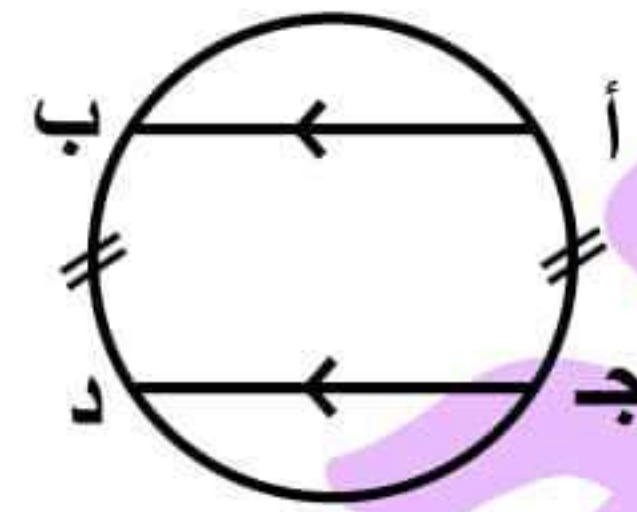
إذا كان $\widehat{C} = \widehat{D}$
فإن: طول \overline{AB} = طول \overline{CD}
والعكس صحيح

الأوتار المتساوية في الطول أقواسها متساوية في القياس



إذا كان $\overline{AB} = \overline{CD}$
فإن: $\widehat{C} = \widehat{D}$
والعكس صحيح

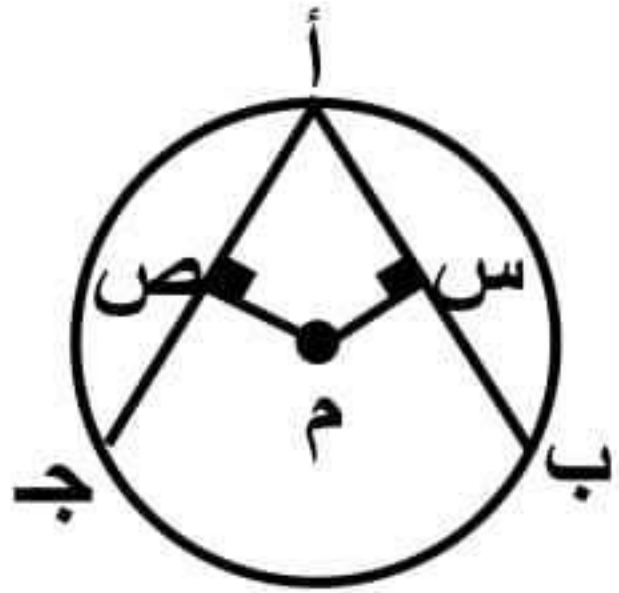
الوتران المتوازيان يحصران بينهما قوسان متساويان



إذا كان $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$
فإن $\widehat{C} = \widehat{D}$

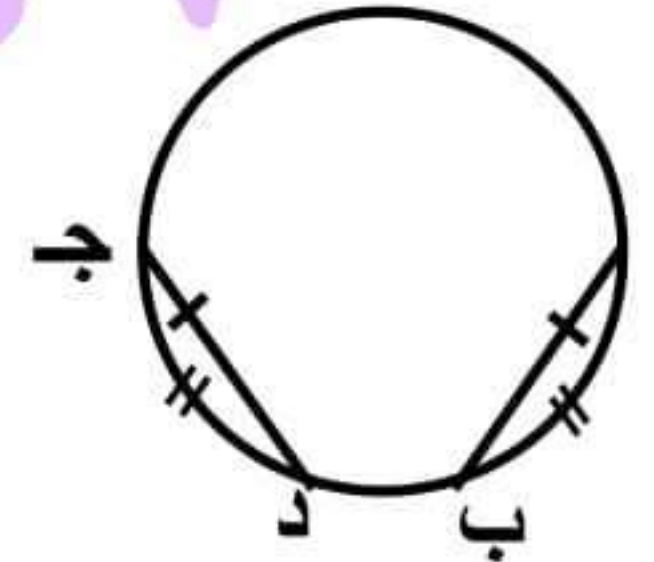
الأوتار المتساوية

الأوتار المتساوية في الطول أبعادها متساوية في الطول



$\therefore \overline{AB} = \overline{CD}$ (أوتار متساوية)
 $\therefore \text{مس} = \text{مس}$ (أبعاد متساوية)
والعكس صحيح

الأوتار المتساوية في الطول أقواسها متساوية في القياس

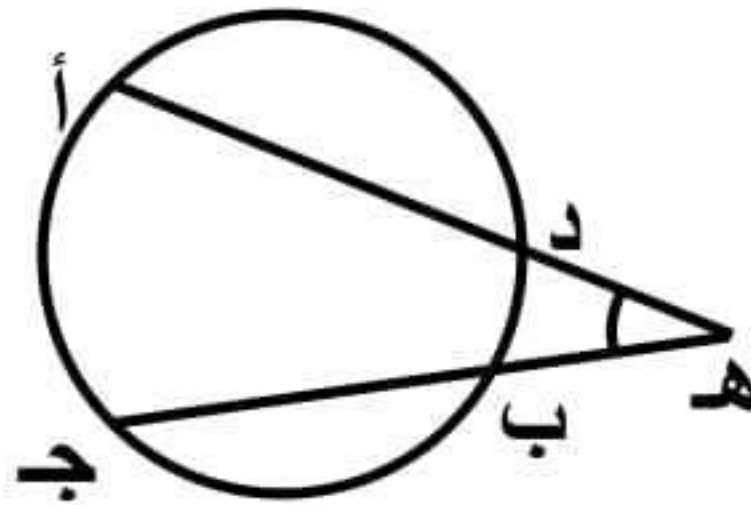


إذا كان $\overline{AB} = \overline{CD}$
فإن: $\widehat{C} = \widehat{D}$
والعكس صحيح

❖ لو عندك وترين متساويين : استنتج ان البعدين متساويين والعكس.
❖ ولو طلب منك تثبت ان وترين متساويين : حاول تثبت ان البعدين متساويين والعكس.

تمرين مشهور ٢

هنستخدمه لو عندنا وترين متقاطعين خارج الدائرة



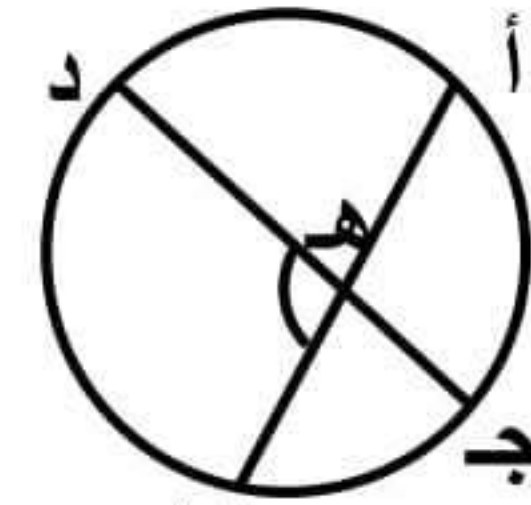
$$\widehat{H} = \frac{1}{2} [\widehat{C} - \widehat{A}]$$

$$\widehat{C} = 2\widehat{H} + \widehat{A}$$

$$\widehat{C} = 2\widehat{H} - \widehat{A}$$

تمرين مشهور ١

هنستخدمه لو عندنا وترين متقاطعين داخل الدائرة



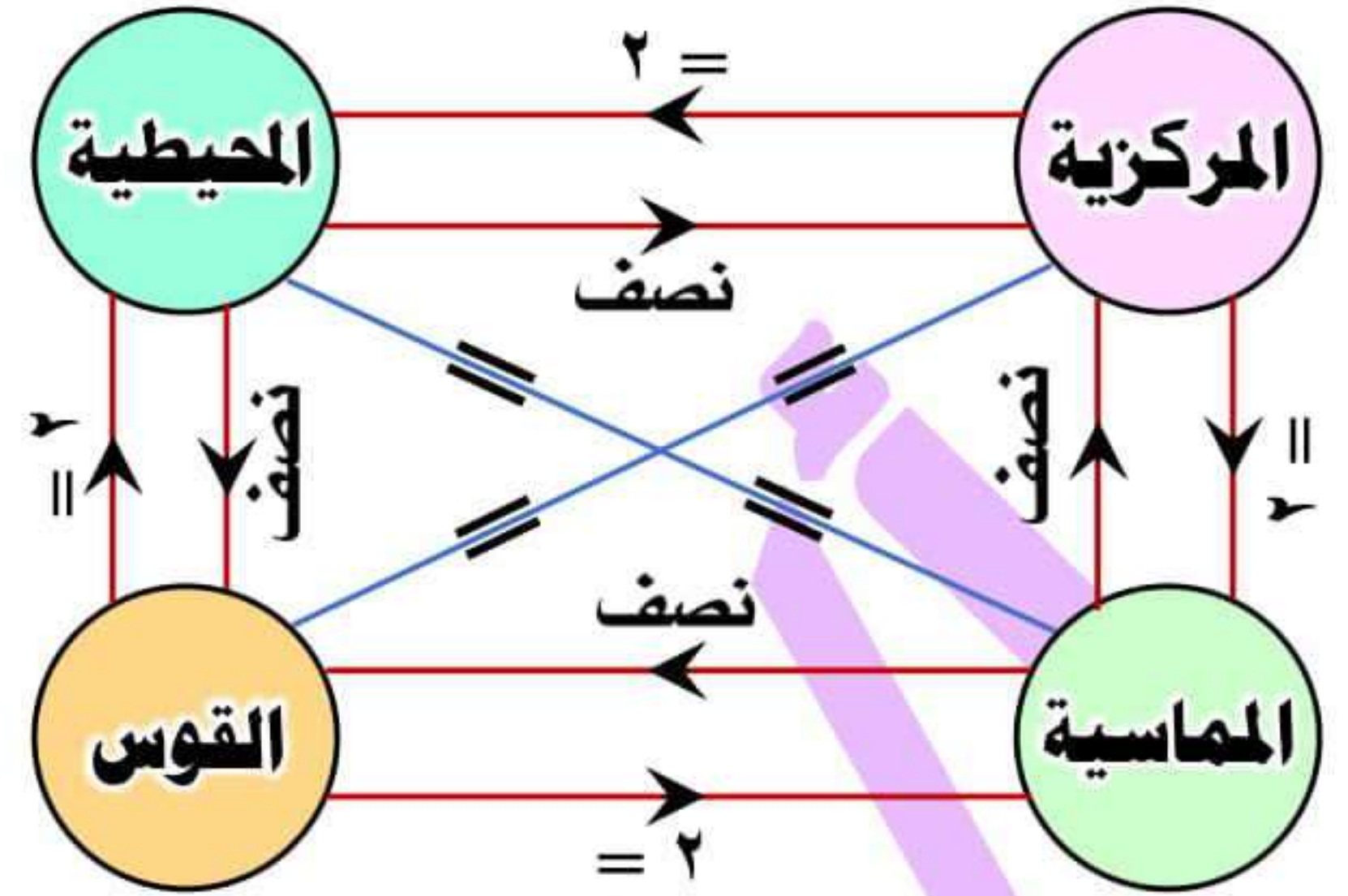
$$\widehat{H} = \frac{1}{2} [\widehat{C} + \widehat{A}]$$

$$\widehat{C} = 2\widehat{H} - \widehat{A}$$

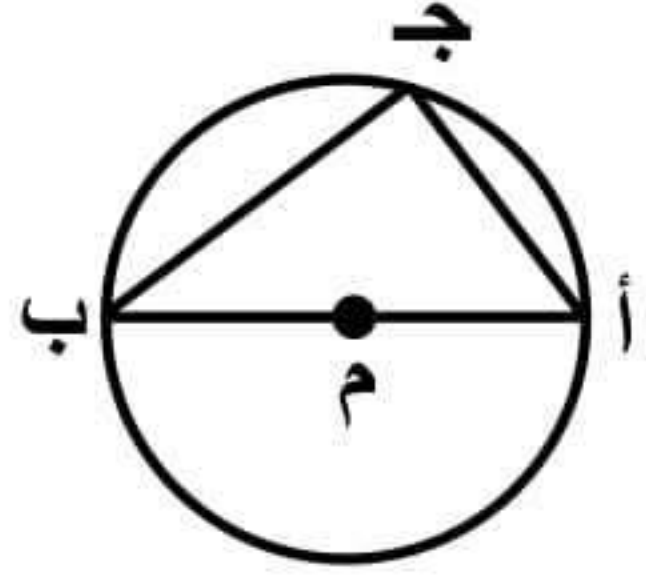
$$\widehat{C} = 2\widehat{H} - \widehat{A}$$

◆ المحيطية = المماسية = $\frac{1}{2}$ المركزية = $\frac{1}{2}$ القوس

◆ المركزية = القوس = $\frac{1}{2}$ المحيطية = $\frac{1}{2}$ المماسية

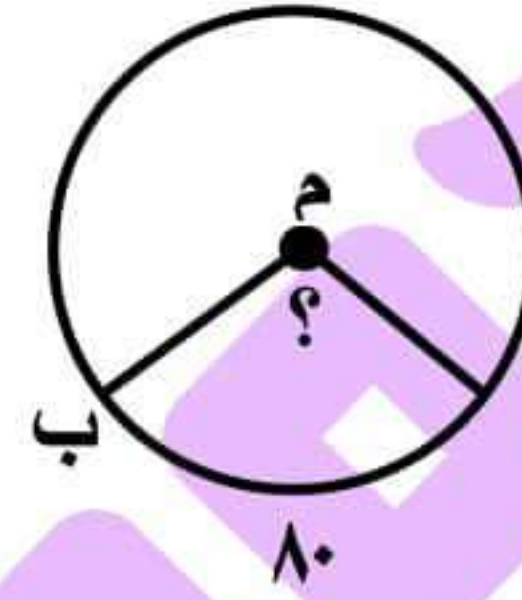


قياس الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة = 90°



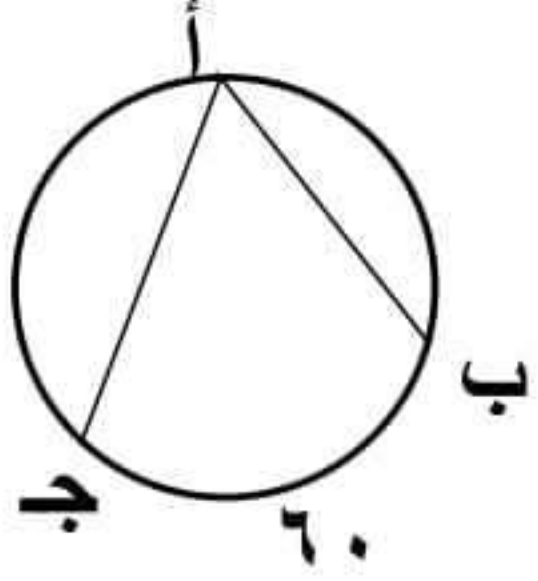
∴ \widehat{AB} قطر
∴ ق (أ ج ب) المحيطية = 90°
أي أن $\triangle ABC$ قائم

قياس الزاوية المركزية = قياس القوس المقابل لها



∴ ق (أ ب) = 80°
∴ ق (م) المركزية = 80°

قياس الزاوية المحيطية = $\frac{1}{2}$ قياس القوس المقابل لها



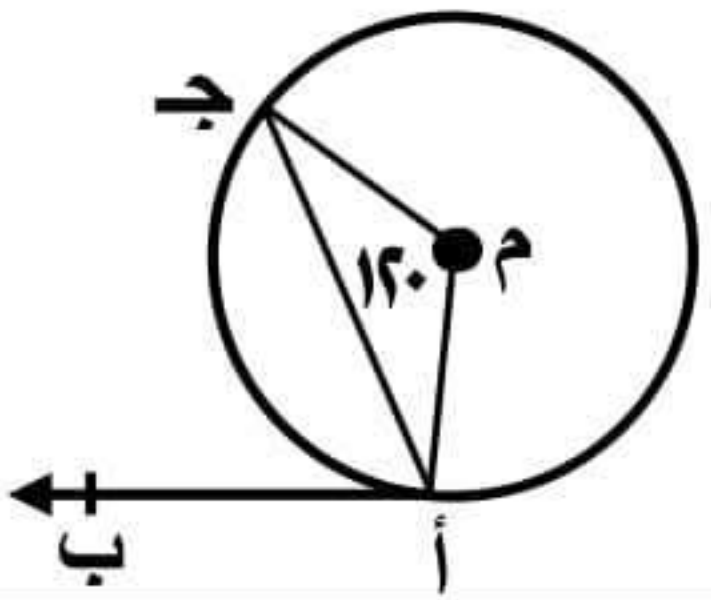
∴ ق (ب ج) = 60°
∴ ق (ب أ ج) المحيطية = 30°

قياس المحيطية = $\frac{1}{2}$ قياس المركزية (متركة معها في القوس)



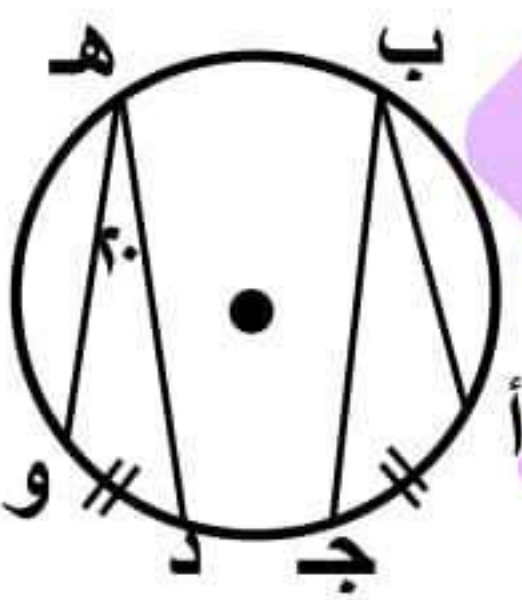
ق (ج) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق (أ ب) المركزية
ق (ج) = 55°

قياس المماسية = $\frac{1}{2}$ قياس المركزية (متركة معها في القوس)



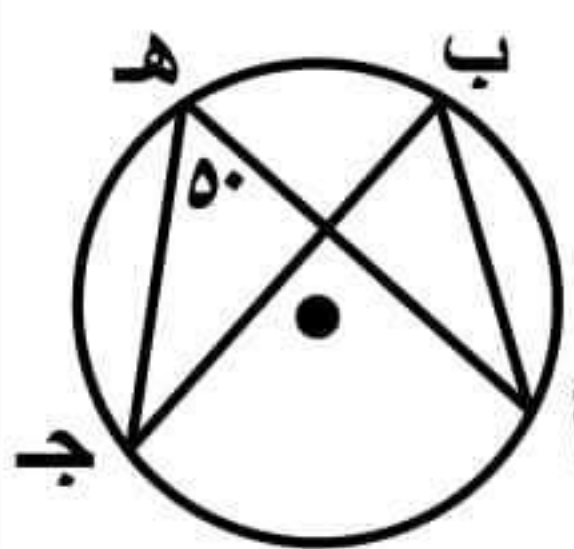
ق (ج أ ب) المماسية = $\frac{1}{2}$ ق (أ ب) المركزية
∴ ق (ج أ ب) = 60°

قياس المحيطية = قياس المحيطية (إذا كانا في القوس) (أو لهما متساوية)



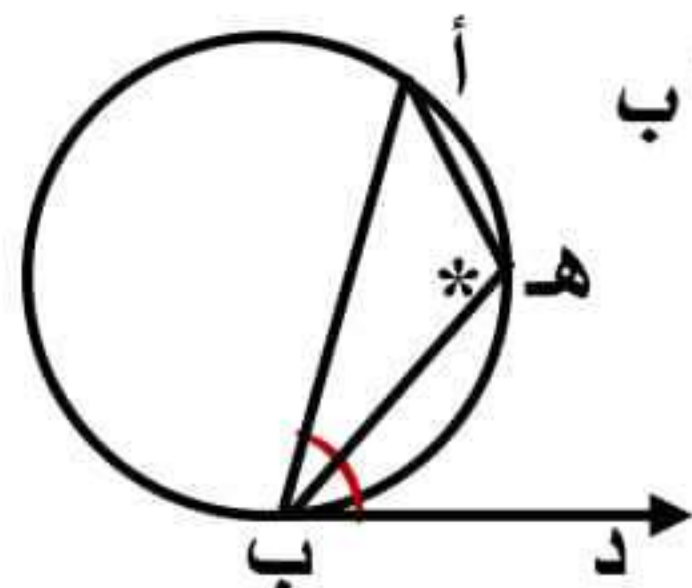
∴ ق (أ ج) = ق (د و)
∴ ق (ب) = ق (هـ) = 20°

قياس المحيطية = قياس المحيطية (متركة معها في القوس)



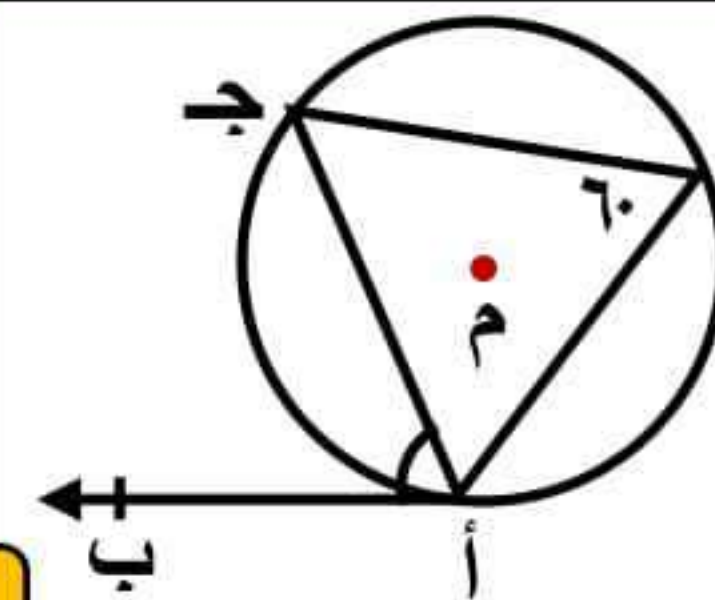
ق (ب) = ق (هـ) = 50°
لأنهما محيطيتان مشتركتان
في القوس أ ج

الزاوية المماسية تكمل الزاوية المحيطية المرسومة
على وتر الزاوية المماسية وفي جهة واحدة منها



∴ $\triangle ABC$ محيطية مرسومة على أ ب
∴ $\triangle ABC$ مماسية
∴ ق (أ ب د) + ق (أ ب هـ) = 180°

قياس المحيطية = قياس المماسية (متركة معها في القوس)

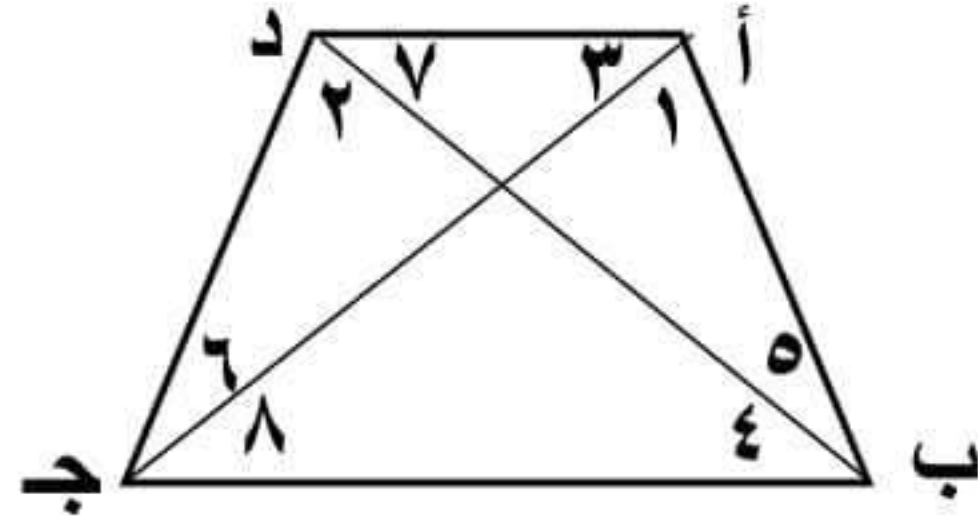


ق (ج أ ب) المماسية = ق (د) المحيطية
∴ ق (ج أ ب) = 60°

الشكل الرباعي الدائري

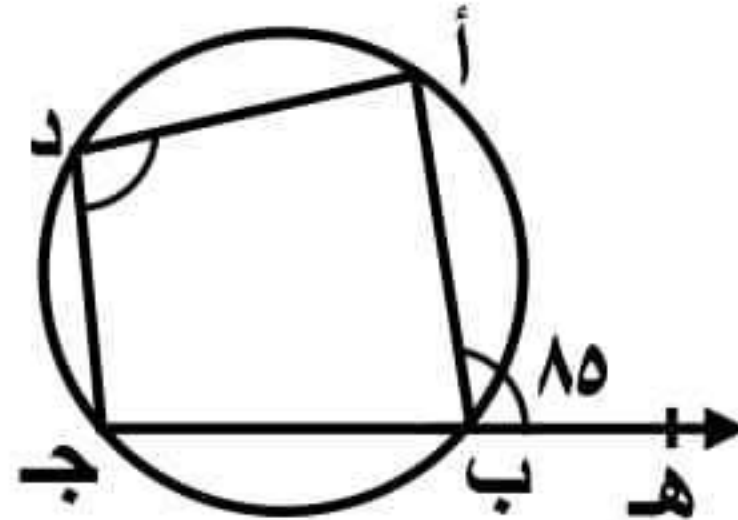
لو عرفت ان الشكل رباعي دائري (سواء هو قالك في المسألة أو لقيت رؤوسه الأربعة تقع على الدائرة) هنستنتج ٣ حاجات :

أي زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة متساويتان



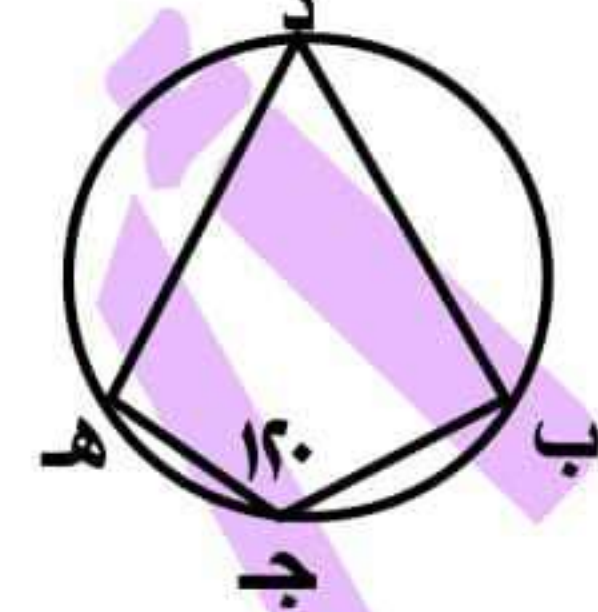
إذا كان أ ب ج د رباعي دائري فإن:
 $\angle 1 = \angle 2$ ق (١) = ق (٢) مرسومتان على ب ج
 $\angle 3 = \angle 4$ ق (٣) = ق (٤) مرسومتان على د ج
 $\angle 5 = \angle 6$ ق (٥) = ق (٦) مرسومتان على أ د

قياس الزاوية الخارجة =
 قياس المقابلة للمجاورة



∴ الشكل أ ب ج د رباعي دائري
 ∴ ق (أ ب هـ) الخارجة = ق (د)
 ∴ ق (د) = ٨٥

كل زاويتين متقابلتين
 مجموعهما = ١٨٠



∴ الشكل أ ب ج د رباعي دائري
 ∴ ق (د) + ق (ج) = ١٨٠
 ∴ ق (د) = ١٨٠ - ١٢٠ = ٦٠

لو قالك اثبت أن الشكل رباعي دائري إبحث عن إحدى الحالات الثلاثة الآتية واشبتها وهي :

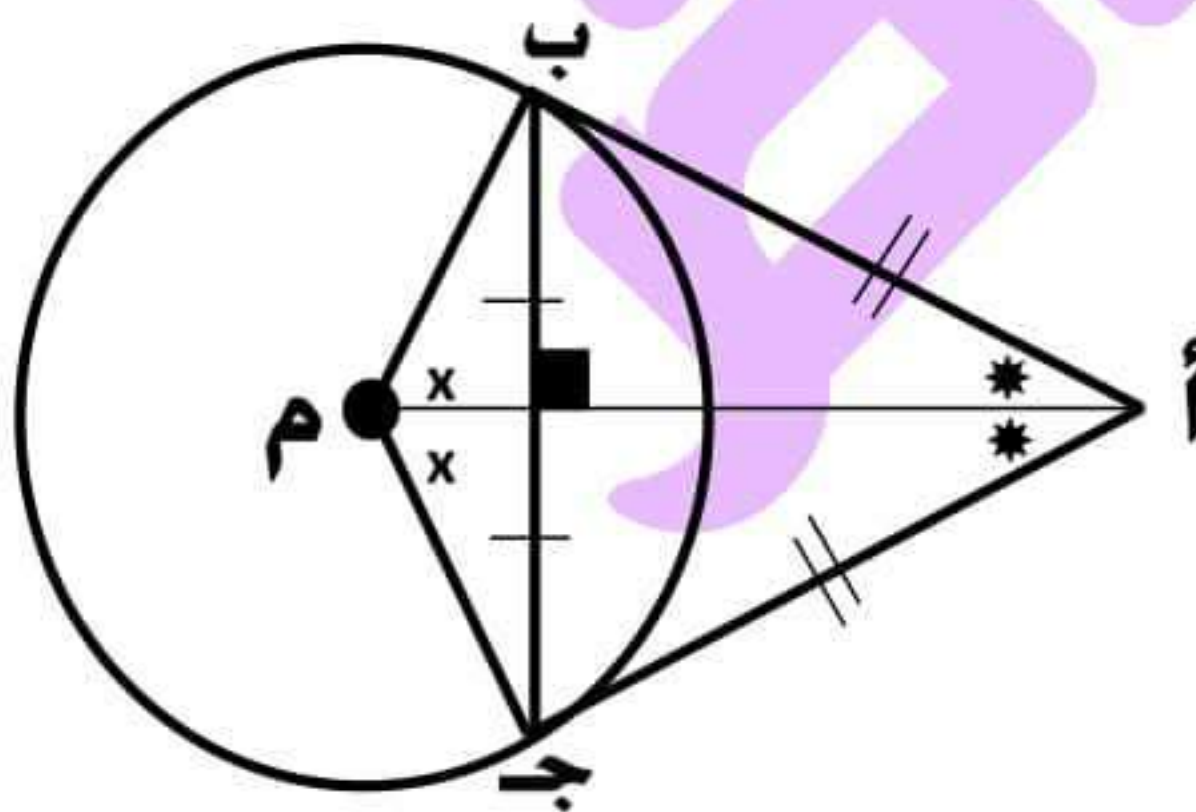
شوف زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة واشبت انهما متساويتان

زاوية خارجة واشبت انها تساوى المقابلة للمجاورة

زاويتان متقابلتان واشبت أن مجموعهما = ١٨٠

العلاقة بين مماسات الدائرة

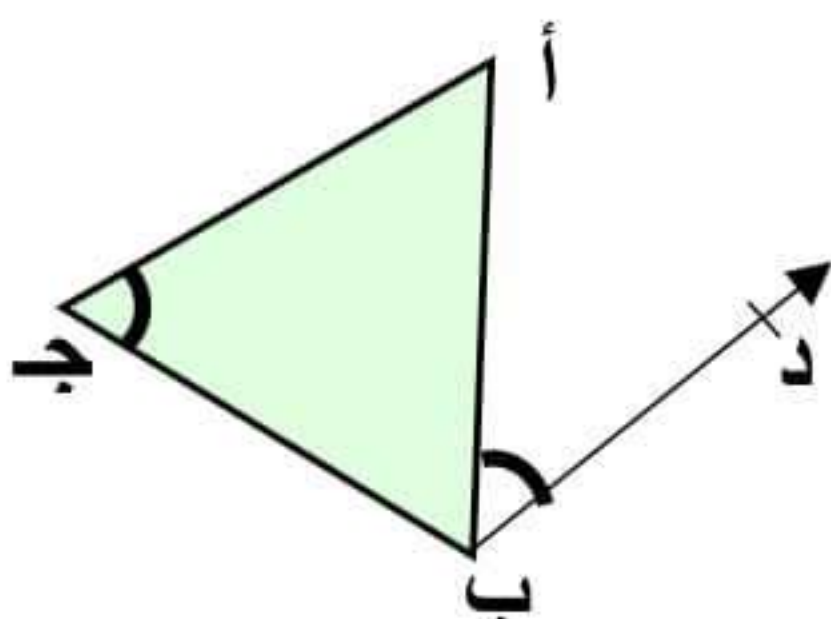
القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة خارج دائرة متساويتان في الطول.



إذا كان أ ب ، أ ج قطعتان مماستان فإن:

أ ب = أ ج	أ م ينصف زاوية ب أ ج
ق (أ ب ج) = ق (أ ج ب)	أ م ينصف زاوية ب م ج
أ ب م ج رباعي دائري	أ م ⊥ ب ج وينصفه

لإثبات أن ب د مماس للدائرة التي تمر برؤوس Δ أ ب ج



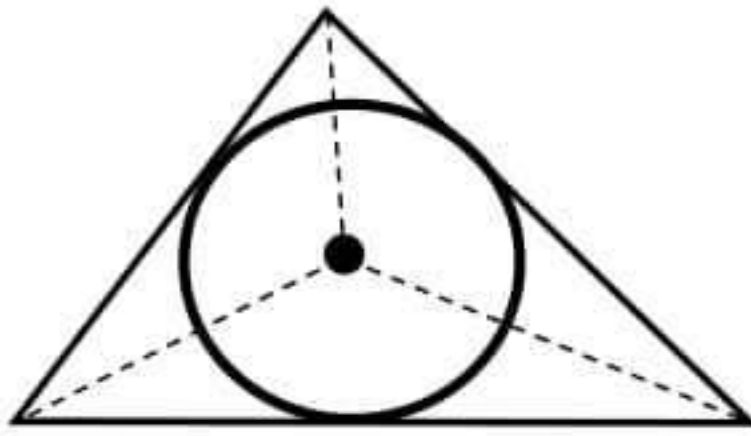

نثبت أن :
 ق (أ ب د) = ق (ج)

عدد المماسات المشتركة

- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متباعدتين ٤
- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماسيتين من الخارج ٣
- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متقاطعتين ٢
- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماسيتين من الداخل ١
- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدتا المركز صفر

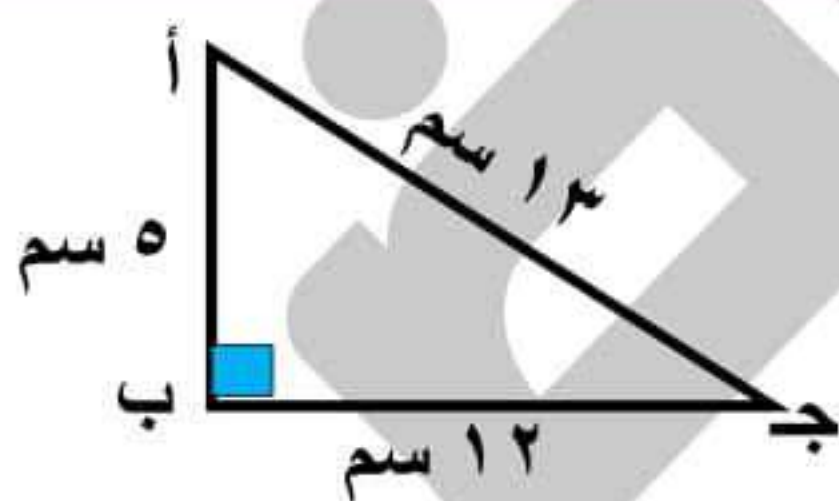
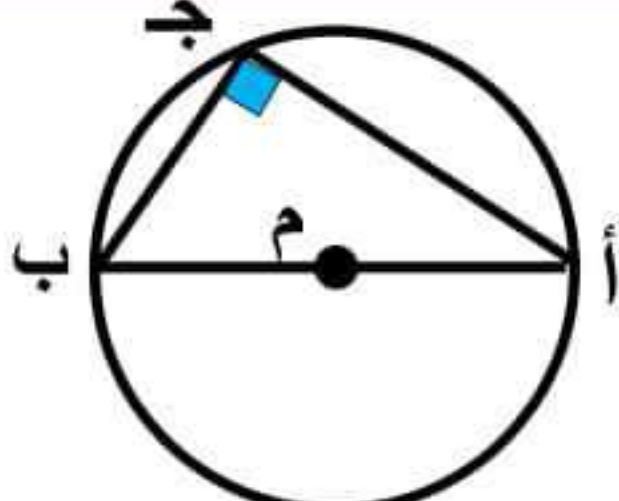
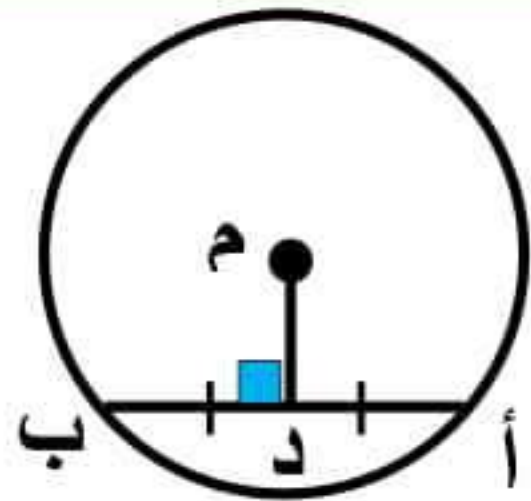
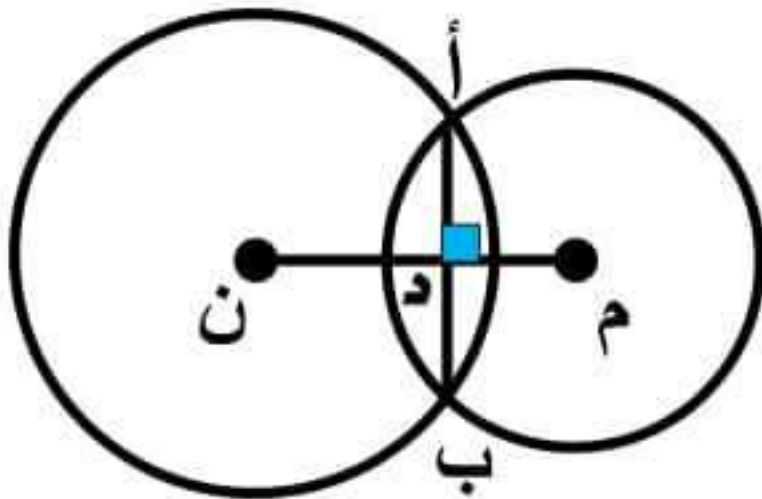
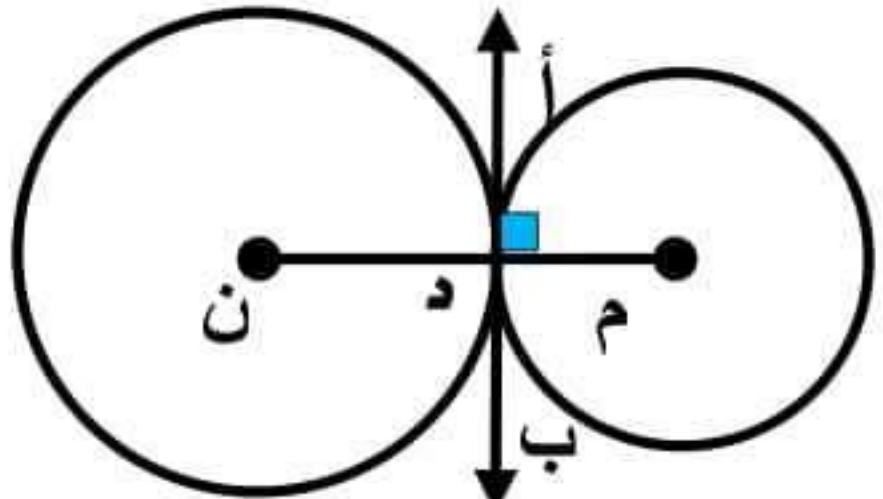
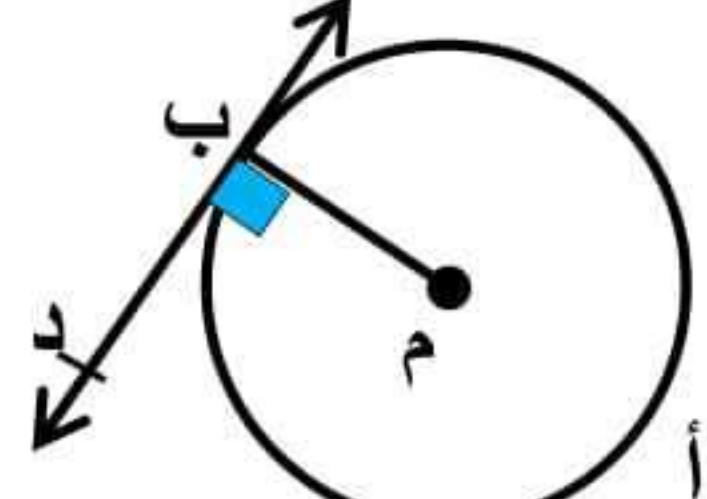
ملاحظات على تعيين الدائرة

- (١) يمكن رسم دائرة تمر برؤوس كل من : المستطيل والمربع وشبه المنحرف المتساوي الساقين
- (٢) لا يمكن رسم دائرة تمر برؤوس : متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف غير المتساوي الساقين
- (٣) يمكن رسم دائرة وحيدة تمر بثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة
- (٤) لا يمكن رسم دائرة تمر بثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة.
- (٥) يمكن رسم عدد لا نهائي من الدوائر تمر بنقطة واحدة.
- (٦) أصغر دائرة تمر بالنقطتين أ ، ب هي التي أ ب قطر فيها وفيها $نق = \frac{1}{2} أ ب$
- (٧) إذا كان $نق < \frac{1}{2} أ ب$ فإنه يمكن رسم دائرتان فقط وإذا كان $نق > \frac{1}{2} أ ب$ فإنه لا يمكن رسم أى دائرة

الدائرة الداخلة للمثلث	الدائرة الخارجة للمثلث
 <p>مركزها هو نقطة تقاطع منصفات زواياها الداخلة</p>	 <p>مركزها هو نقطة تقاطع الأعمدة المقامة على أضلاع المثلث من منتصفاتها (محاور تماثل أضلاع)</p>

خلاصة الزاوية ٩٠

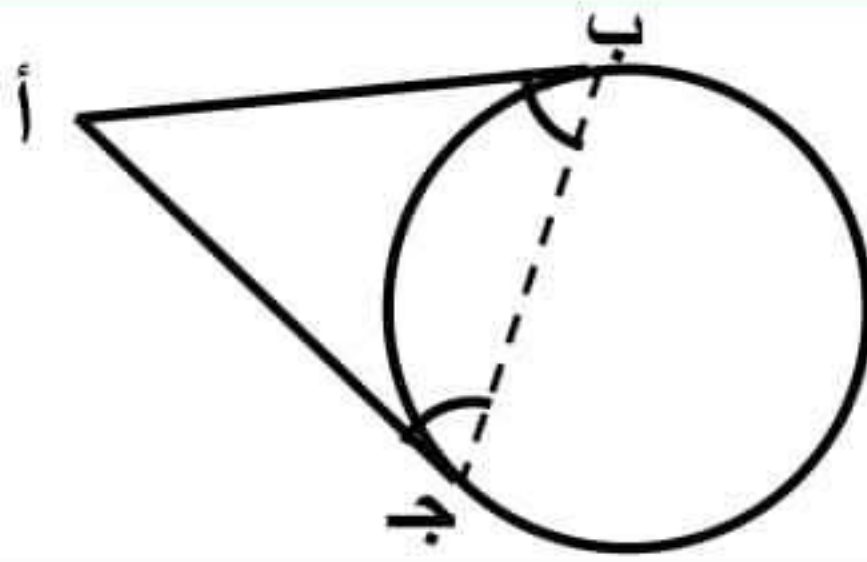
لو لقيت أي حاجة من دول استنتج ان فيه زاوية قائمة قياسها ٩٠ :

<p>مربع ضلع مثلث = مجموع مربعي الضلعين الآخرين</p> 	<p>زاوية محيطية مرسومة في نصف دائرة</p> 	<p>قطعة مارة بالمركز وتنصف الوتر</p> 
<p>وتر مشترك و خط مركزين في الدائرتان المتقاطعتان</p> 	<p>مماس مشترك و خط مركزين في الدائرتان المتماستان</p> 	<p>مماس و نصف قطر</p> 

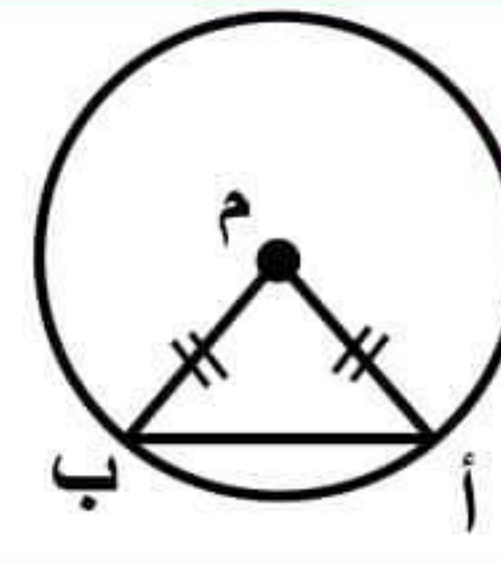
خلاصة المثلث المتساوي الساقين

يكون المثلث متساوي الساقين إذا كان :

ضلعيه قطعتان مماستان



ضلعيه أنصاف أقطار



طول القوس

$$\text{طول القوس} = \frac{\text{قياس القوس}}{360} \times 2\pi \text{ نق}$$

◆ قياس الدائرة = 360°

◆ قياس نصف الدائرة = 180°

◆ قياس ربع الدائرة = 90°

◆ قياس خمس الدائرة = $\frac{360}{5} = 72^\circ$ وهكذا

◆ $\frac{\text{قياس القوس}}{\text{قياس الدائرة}} = \frac{\text{طول القوس}}{\text{طول الدائرة}}$

◆ طول الدائرة = محيط الدائرة = $2\pi \text{ نق}$

ملاحظات

١ إذا كان المثلث حاد الزوايا فإن مركز الدائرة الخارجة له يقع داخل المثلث

إذا كان المثلث قائم الزاوية فإن مركز الدائرة الخارجة له يقع في منتصف وتر المثلث

إذا كان المثلث منفرج الزاوية فإن مركز الدائرة الخارجة له يقع خارج المثلث

٢ عدد محاور تماثل الدائرة: عدد لا نهائي

عدد محاور تماثل نصف الدائرة: محور واحد ، عدد محاور تماثل ربع الدائرة: محور واحد وهكذا

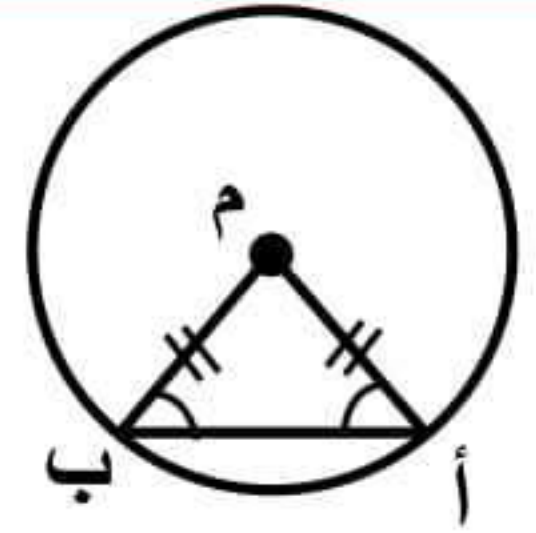
٣ إذا كان م ، ن دائرتان متقاطعتان فإن م ن $\in [\text{نق} ١ - \text{نق} ٢ , \text{نق} ١ + \text{نق} ٢]$

إذا كان م ، ن دائرتان متباعدتان فإن م ن $\in [\text{نق} ١ + \text{نق} ٢ , \infty]$

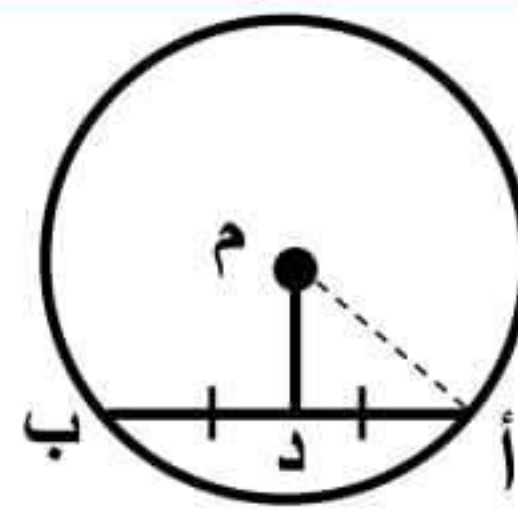
٤ الزاوية المحيطية التي تقابل قوساً أصغر من نصف الدائرة تكون حادة

الزاوية المحيطية التي تقابل قوساً أكبر من نصف الدائرة تكون منفرجة

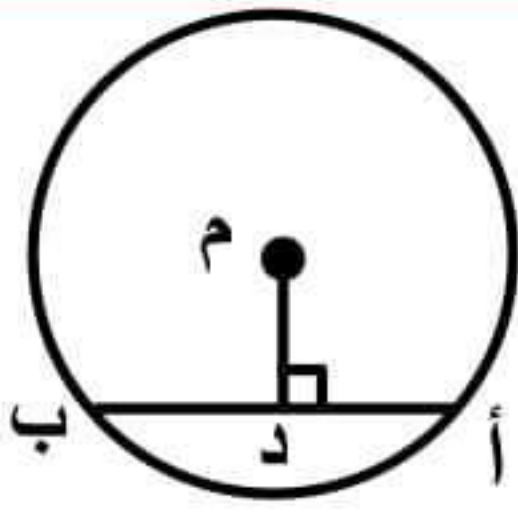
تنبيه: لا يُسمح لأي شخص حذف اسم محمود عوض من على الملزمة ومن يفعل فأمره موكل إلى الله جل جلاله
(ولكن يُسمح بحذف رقم التليفون فقط)



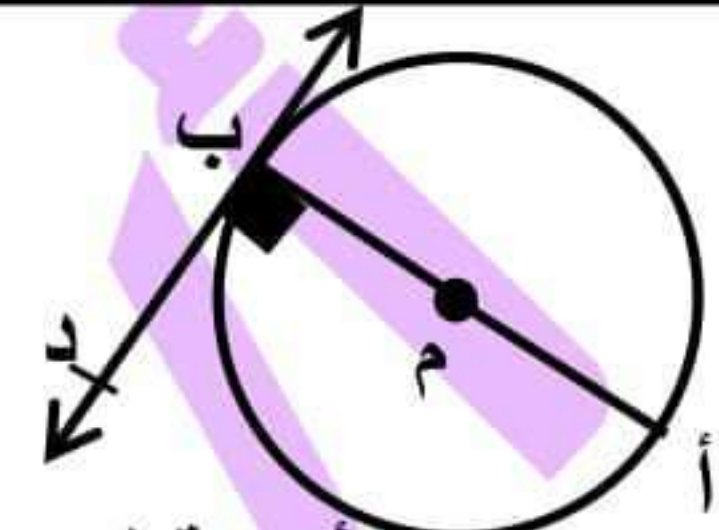
١ $\therefore \text{م} \text{ أ} = \text{م} \text{ ب}$ (لأنهما أنصاف أقطار)
 $\therefore \triangle \text{م} \text{ أ} \text{ ب}$ متساوي الساقين
 أي أن: $\angle \text{ق} (\hat{\text{أ}}) = \angle \text{ق} (\hat{\text{ب}})$



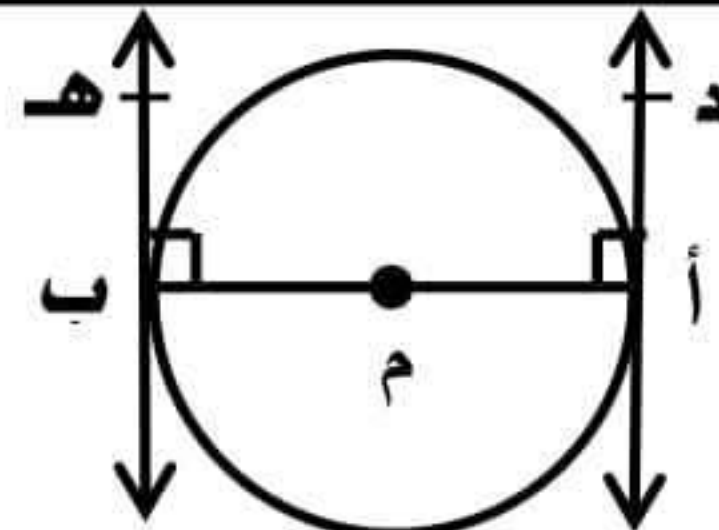
٢ $\therefore \text{د}$ منتصف الوتر $\text{أ} \text{ ب}$
 $\therefore \text{م} \text{ د} \perp \text{أ} \text{ ب}$
 $\therefore \triangle \text{م} \text{ أ} \text{ د}$ قائم (يمكن تطبيق



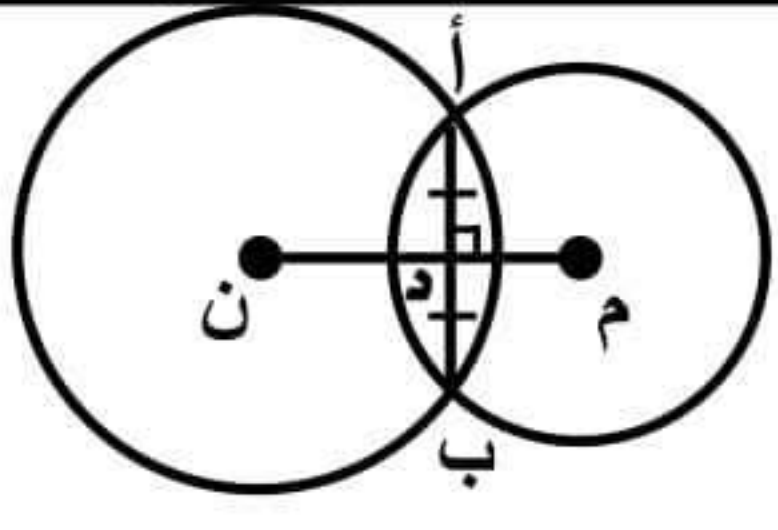
٣ $\therefore \text{م} \text{ د} \perp \text{أ} \text{ ب}$
 $\therefore \text{د}$ منتصف $\text{أ} \text{ ب}$ $\therefore \text{أ} \text{ د} = \text{د} \text{ ب}$
 فإذا كان $\text{أ} \text{ ب} = ٨ \text{ سم}$ فإن $\text{أ} \text{ د} = ٤ \text{ سم}$



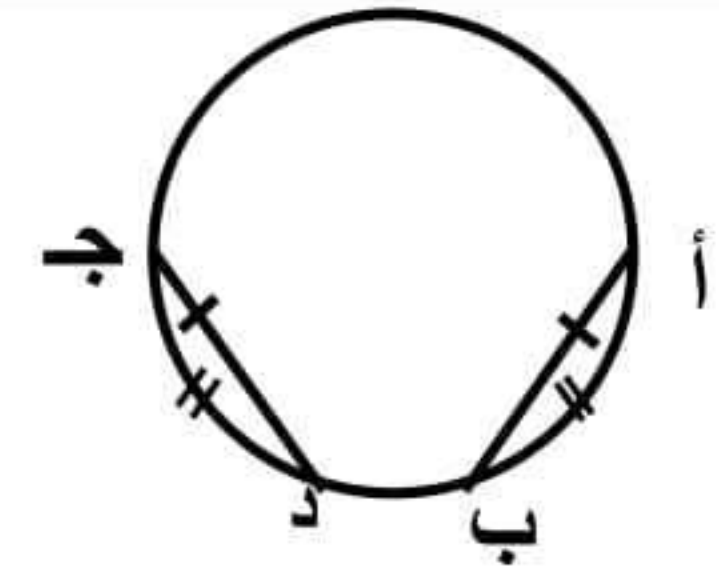
٤ $\therefore \text{ب} \text{ د}$ مماس ، $\text{أ} \text{ ب}$ قطر
 $\therefore \text{ب} \text{ د} \perp \text{أ} \text{ ب}$ (المماس \perp القطر)
 والعكس: إذا كانت $\text{ق} (\text{م} \text{ ب} \text{ د}) = 90^\circ$
 $\therefore \text{ب} \text{ د}$ مماس حيث ب نقطة التماس



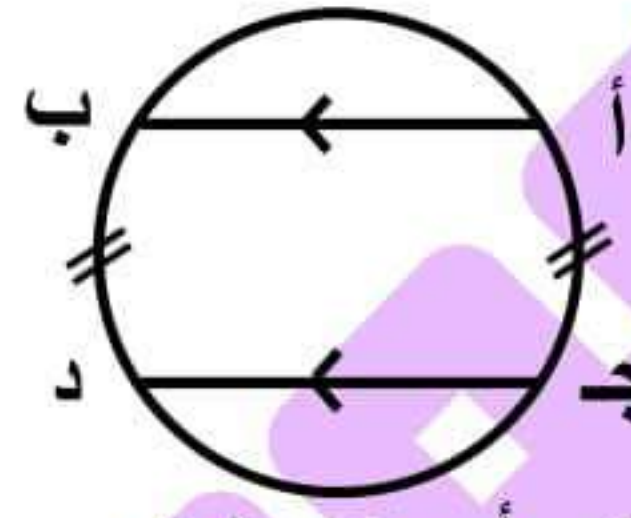
٥ $\therefore \text{د} \text{ أ}$ ، $\text{هـ} \text{ ب}$ مماسان ، $\text{أ} \text{ ب}$ قطر
 $\therefore \text{د} \text{ أ} \parallel \text{هـ} \text{ ب}$
 ومتناسخ ان المماس \perp نصف القطر



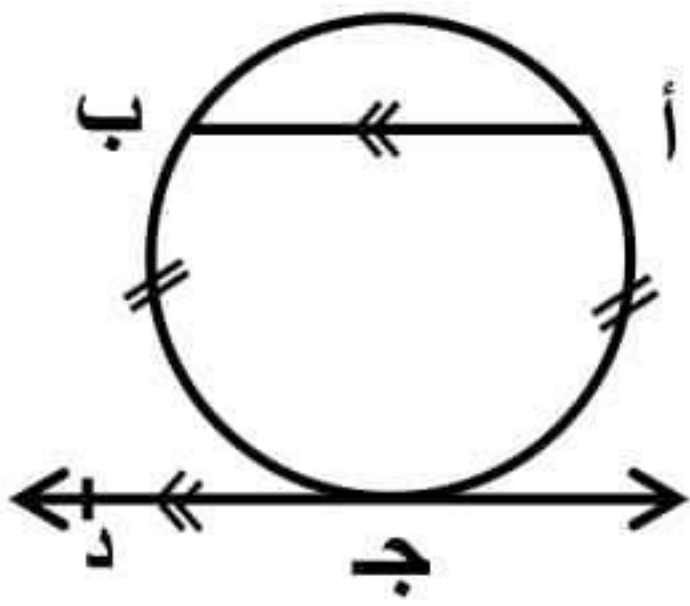
٦ $\therefore \text{أ} \text{ ب}$ وتر مشترك ، $\text{م} \text{ ن}$ خط المركزين
 $\therefore \text{م} \text{ ن} \perp \text{أ} \text{ ب}$ ، $\text{م} \text{ ن}$ ينصف $\text{أ} \text{ ب}$
 خط المركزين هو محور تماثل الوتر المشترك



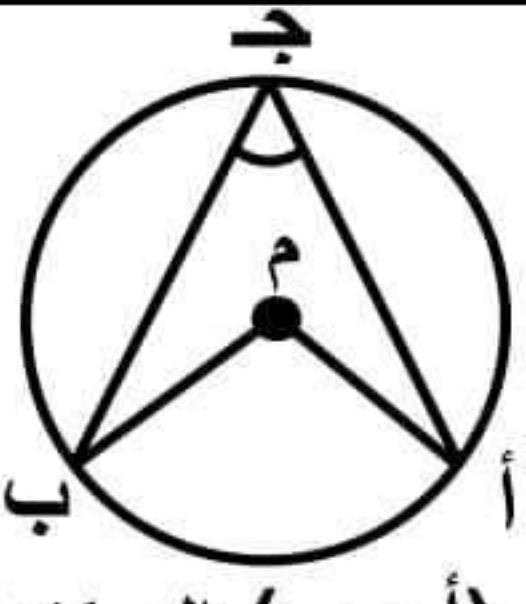
٧ $\therefore \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{ج} \text{ د}})$ الأقواس متساوية
 $\therefore \text{أ} \text{ ب} = \text{ج} \text{ د}$ الأوتار متساوية
 والعكس صحيح



٨ \therefore الوتر $\text{أ} \text{ ب} \parallel$ الوتر $\text{ج} \text{ د}$
 $\therefore \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ج}}) = \text{ق} (\hat{\text{ب} \text{ د}})$



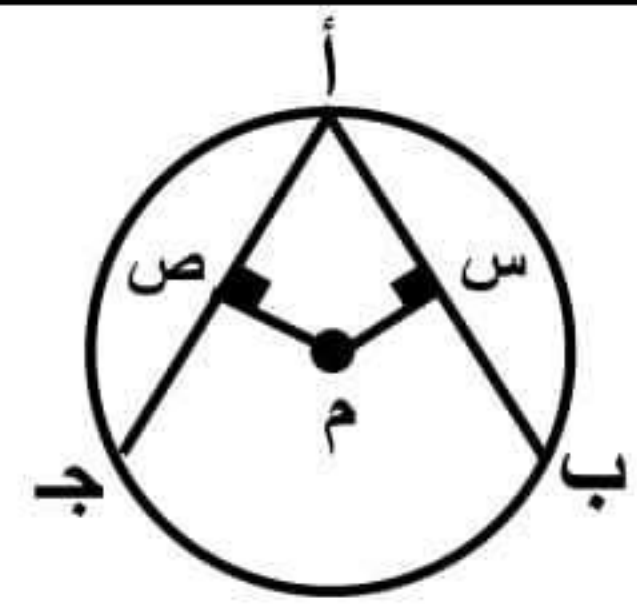
٩ \therefore الوتر $\text{أ} \text{ ب} \parallel$ المماس $\text{ج} \text{ د}$
 $\therefore \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ج}}) = \text{ق} (\hat{\text{ب} \text{ د}})$



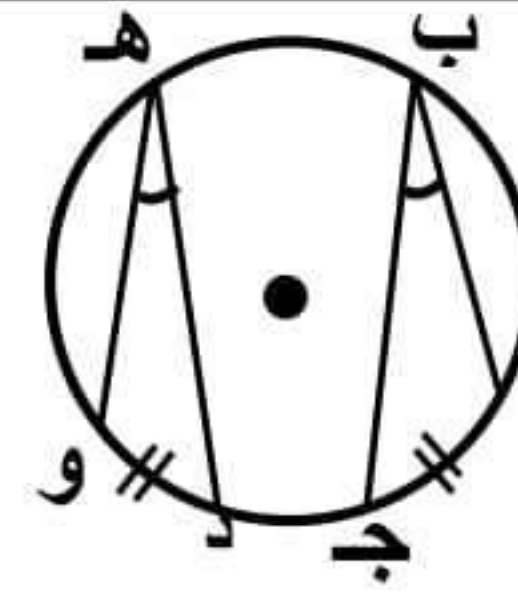
١٠ $\text{ق} (\hat{\text{ج} \text{ د}})$ المحيطية $= \frac{1}{4} \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ م} \text{ ب}})$ المركزية
 $\text{ق} (\hat{\text{ج} \text{ د}}) = \frac{1}{4} \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ب}})$



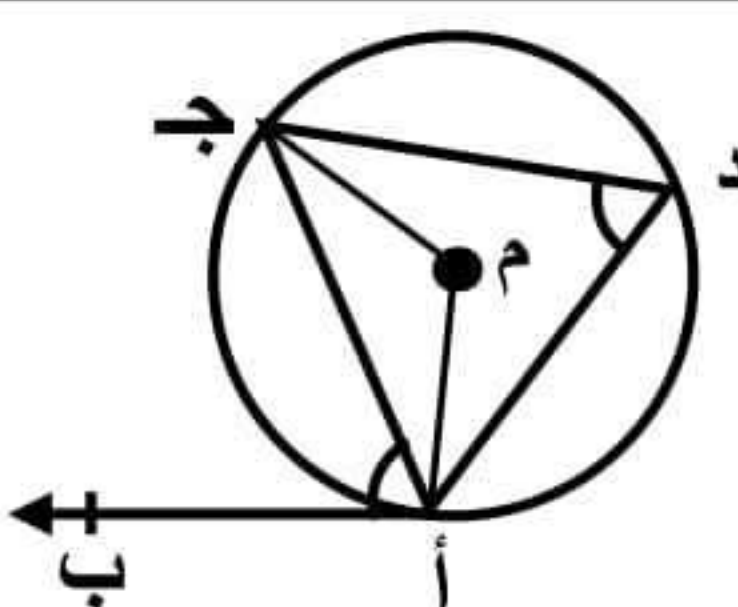
١١ $\text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ م} \text{ ب}})$ المركزية
 $\text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ب}}) = 2 \text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ج} \text{ ب}})$ المحيطية



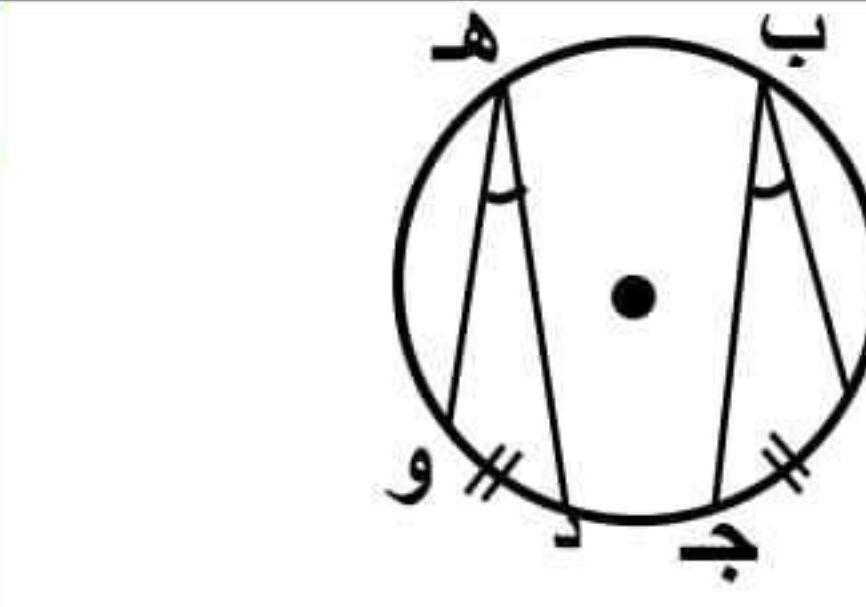
١٢ $\therefore \text{أ} \text{ ب} = \text{أ} \text{ ج}$ (الأوتار متساوية)
 $\therefore \text{م} \text{ س} = \text{م} \text{ ص}$ (الأبعاد متساوية)
 والعكس صحيح



١٣ $\text{ق} (\hat{\text{ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{هـ}})$
 $\text{ق} (\hat{\text{ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{هـ}})$
 محيطيتان مشتركتان في القوس $\text{أ} \text{ ج}$
 كذلك: $\text{ق} (\hat{\text{أ}}) = \text{ق} (\hat{\text{ج}})$

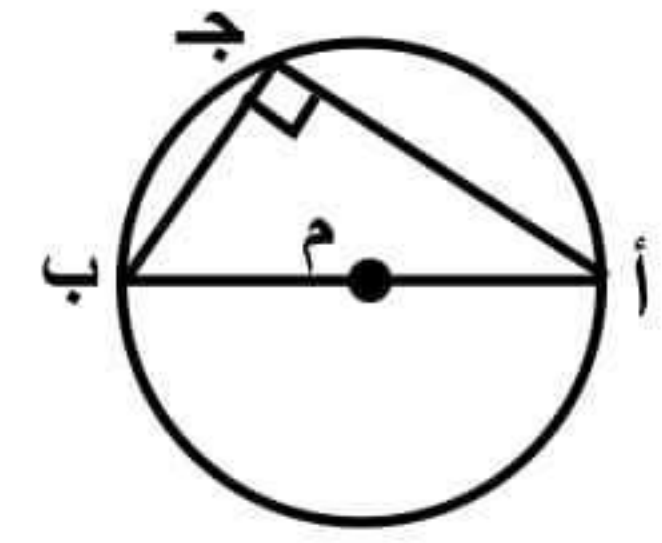


١٤ $\text{ق} (\hat{\text{ج} \text{ أ} \text{ ب}})$ المماسية $= \text{ق} (\hat{\text{د}})$ المحيطية
 $= \frac{1}{4} \text{ق} (\hat{\text{م}})$ المركزية



١٥ $\text{ق} (\hat{\text{أ} \text{ ج}}) = \text{ق} (\hat{\text{د} \text{ و}})$
 $\text{ق} (\hat{\text{ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{هـ}})$
 محيطيتان أقواسهم متساوية (والعكس صحيح)

١٦

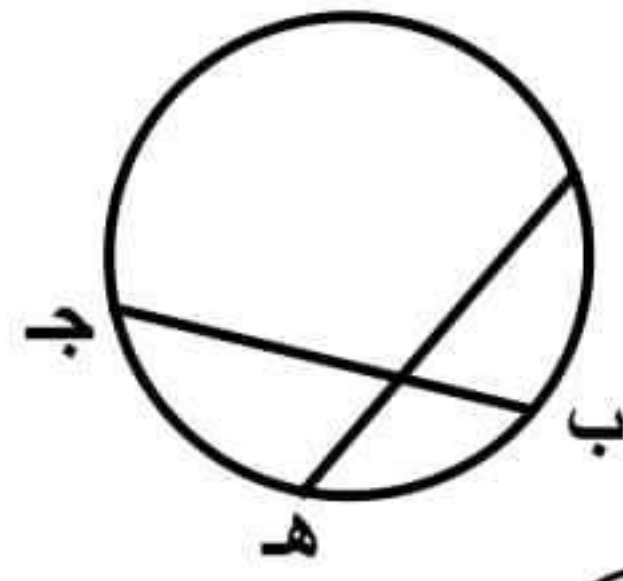


∴ AB قطر

∴ ق (أ ج ب) = ٩٠

محيطية مرسومة في نصف دائرة

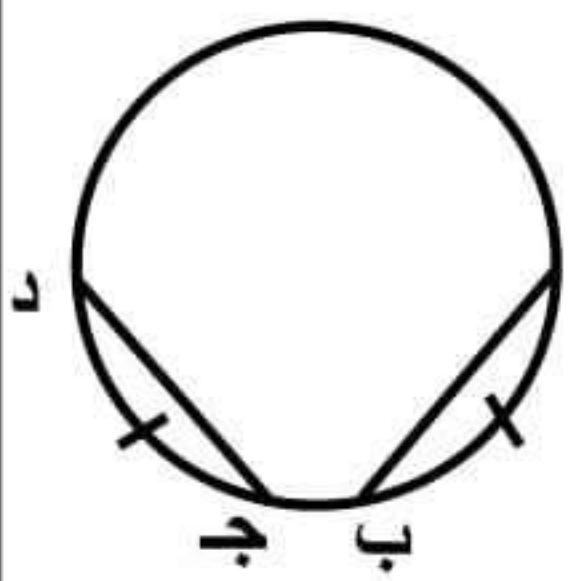
١٧



ق (أ ب هـ) = ق (أ ب) + ق (ب هـ)

ق (ب هـ ج) = ق (ج هـ) + ق (ب هـ)
لاحظ أن : القوس ب هـ مشترك بينهما

١٨

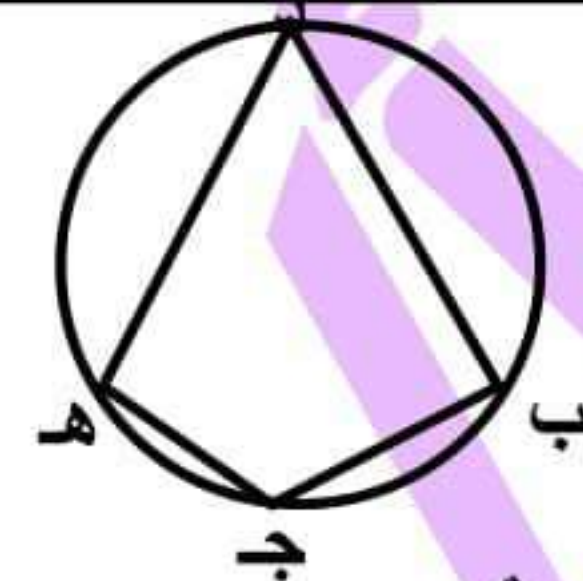
الأقواس المتساوية في الطول
متساوية في القياس والعكس

∴ طول أ ب = طول ج د

∴ ق (أ ب) = ق (ج د)

طول القوس = قياس القوس $\times \frac{2\pi}{360}$

١٩

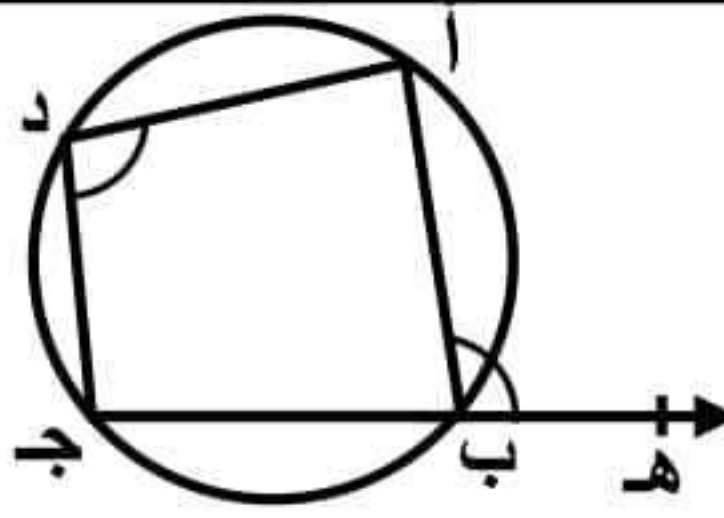
∴ الشكل د ب ج هـ
رباعي دائري

∴ ق (د) + ق (ج) = ١٨٠

ق (أ) + ق (هـ) = ١٨٠

كل زاويتان متقابلتان مجموعهما = ١٨٠

٢٠

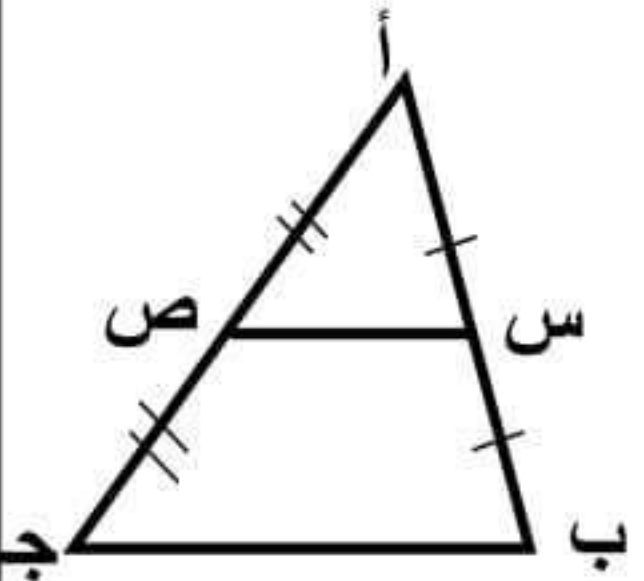


∴ الشكل أ ب ج د رباعي دائري

∴ ق (أ ب هـ) الخارجة = ق (د)

الزاوية الخارجة = المقابلة للمجاورة

٢١



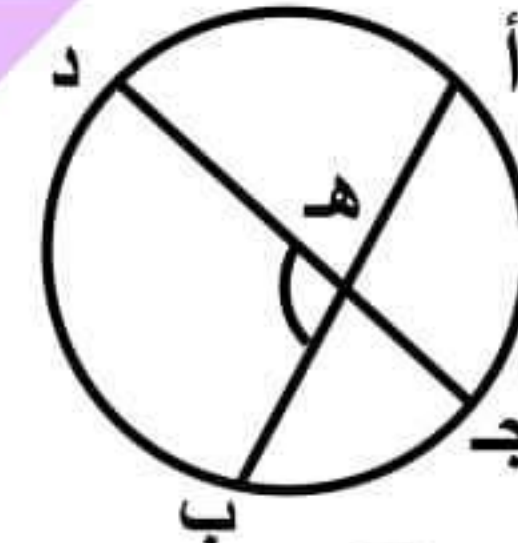
∴ س منتصف أ ب ،

ص منتصف أ ج

∴ س ص // ب ج

، س ص = $\frac{1}{2}$ ب ج

٢٢



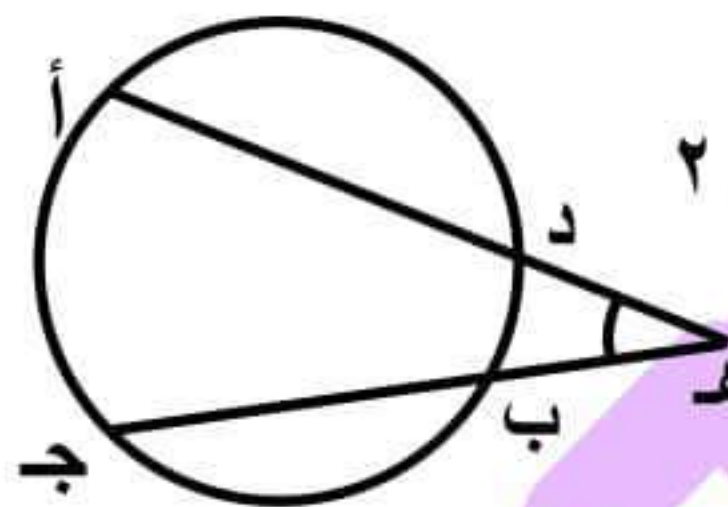
تعريف مشهور ١

ق (د هـ ب) = $\frac{1}{2}$ [ق (أ ج) + ق (د ب)]

ق (أ ج) = ٢ ق (د هـ ب) - ق (د ب)

ق (د ب) = ٢ ق (د هـ ب) - ق (أ ج)

٢٣



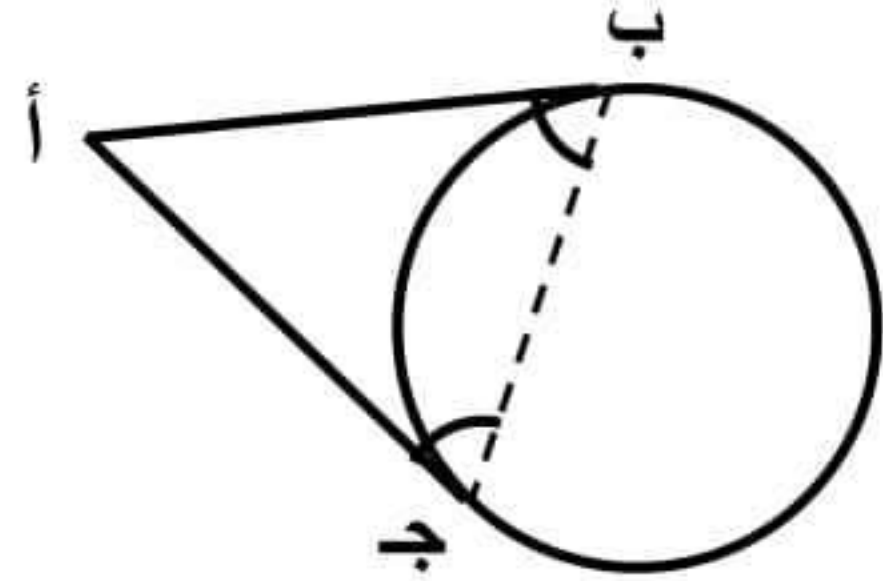
تمرين مشهور ٢

ق (هـ) = $\frac{1}{2}$ [ق (أ ج) - ق (د ب)]

ق (أ ج) = ٢ ق (د ب) + ق (هـ)

ق (د ب) = ٢ ق (أ ج) - ق (هـ)

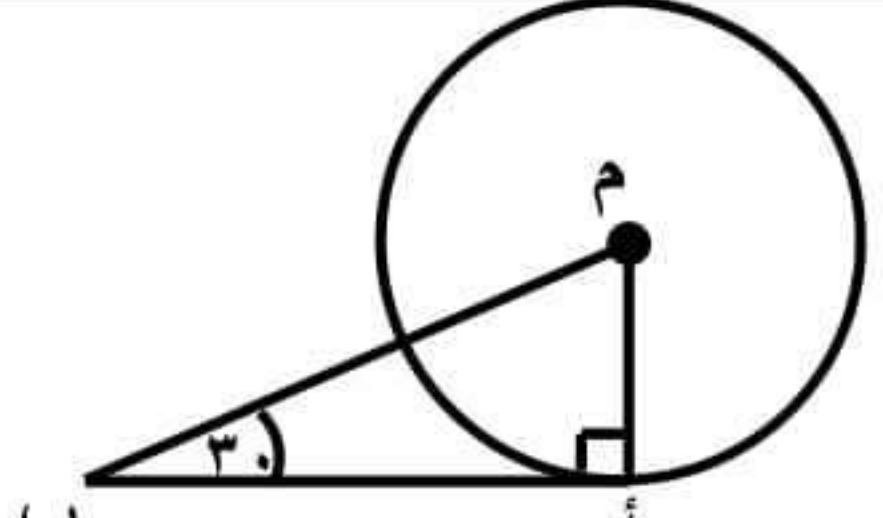
٢٤



∴ أ ب ، أ ج قطعتان مماستان

∴ أ ب = أ ج ، ق (ب) = ق (ج)

٢٥

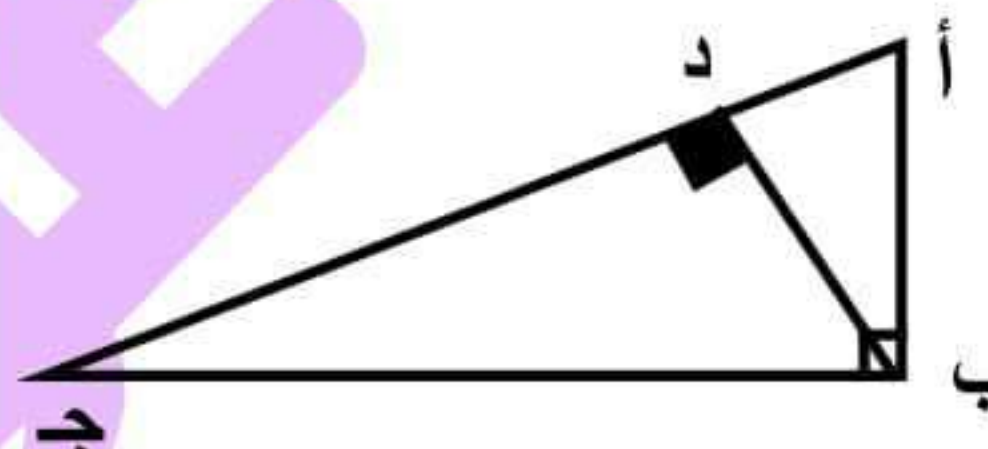


∴ Δ م أ ب قائم ، ق (ب) = ٣٠

∴ م أ = $\frac{1}{2}$ م ب

الضلع المقابل للزاوية ٣٠ = نصف طول الوتر

٢٦



إقليدس

∴ Δ أ ب ج قائم ، ب د ⊥ الوتر أ ج

∴ ب د = $\frac{أ ب \times ب ج}{أ ج}$

٢٧

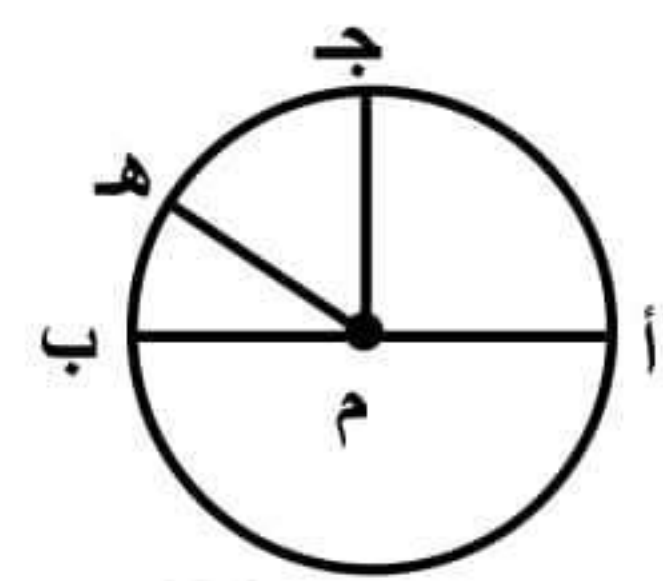
لإثبات أن الشكل رباعي دائري ابحث عن
احدى الحالات الآتية :

١- زاويتان متقابلتان متكاملتان

٢- زاوية خارجة تساوى المقابلة للمجاورة

٣- زاويتان مرسومتان على قاعدة واحدة
وفي جهة واحدة منها ومتساويتان

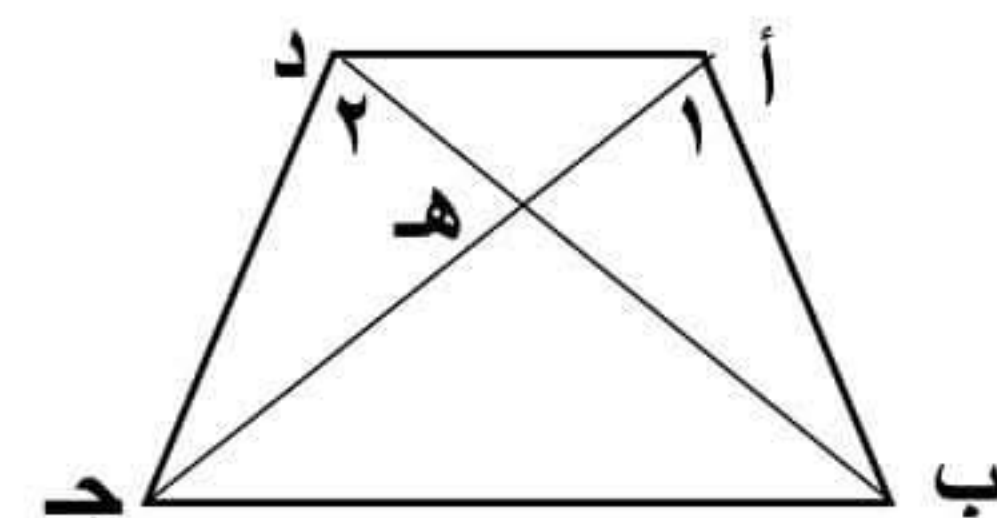
٢٨



∴ أ ب قطر ∴ ق (أ ج ب) = ١٨٠

∴ ق (أ ج) + ق (ج هـ) + ق (هـ ب) = ١٨٠

٢٩

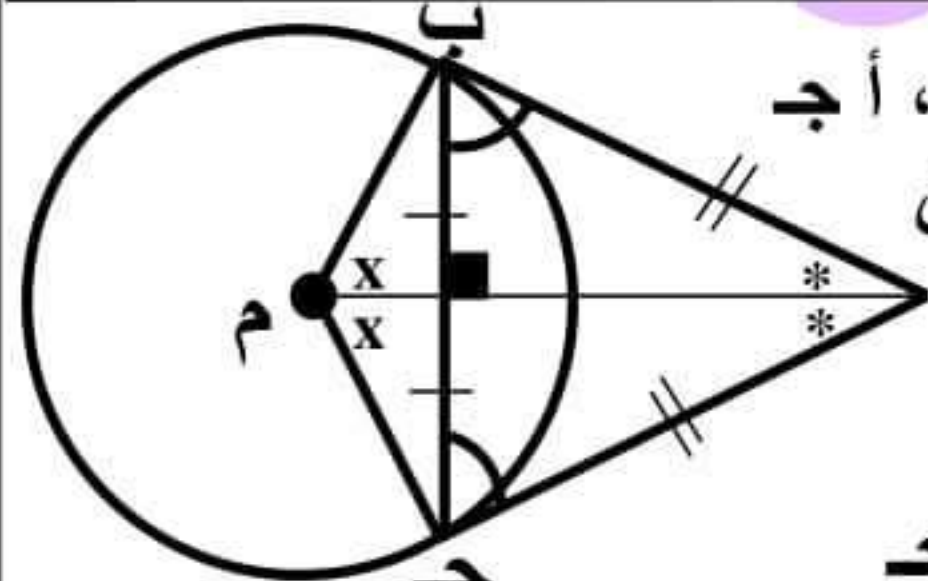


إذا كان ق (١) = ق (٢)

∴ أ ب ج د رباعي دائري

والعكس صحيح

٣٠



∴ أ ب ، أ ج قطعتان مماستان

فإن :

■ أ ب = أ ج

■ ق (أ ب ج) = ق (أ ج ب)

■ أ م ينصف أ وينصف م

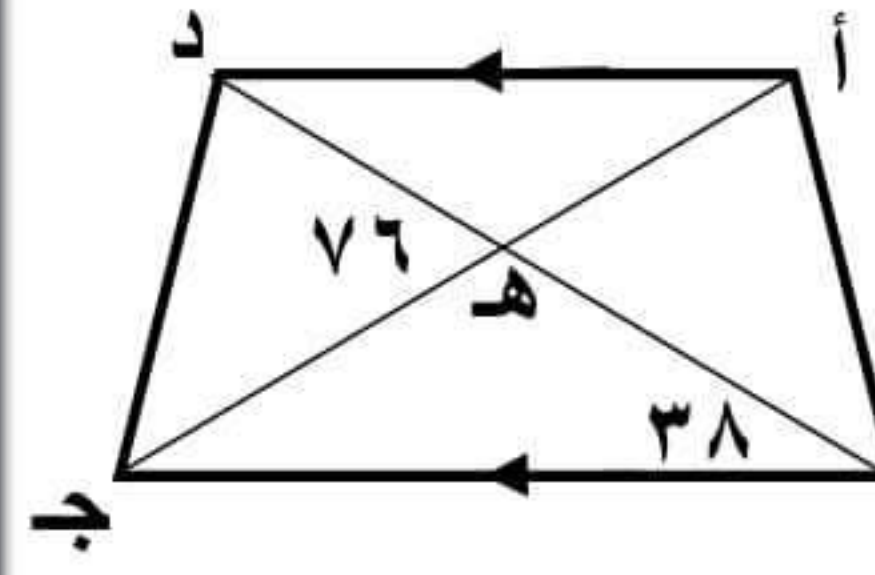
■ أ م ⊥ ب ج

■ أ ب م ج رباعي دائري

٥ في الشكل المقابل:

أ ب ج د شكل رباعي فيه
 $\overline{أد} \parallel \overline{بج}$

اثبت أن



الحل

$$ق (ب ه ج) = 180 - 76 = 104$$

في $\Delta ب ه ج$:

$$ق (ب ج ه) = 180 - (104 + 38) = 38$$

$$\therefore \overline{أد} \parallel \overline{بج}$$

$$\therefore ق (د أ ج) = 38 \text{ بالتبادل}$$

$$\therefore ق (د أ ج) = ق (د ب ج)$$

وهما مرسومتان على قاعدة واحدة د ج

\therefore الشكل أ ب ج د رباعي دائري

٧ في الشكل المقابل:

ج د مماس للدائرة عند ج
 $\overline{ج د} \parallel \overline{أب}$

ق (أ م ب) = 120°
 اثبت أن :

$\Delta ج أ ب$ متساوي الأضلاع

الحل

$$\therefore \overline{ج د} \parallel \overline{أب}$$

$$\therefore ق (د ج ب) = ق (ج ب أ) \text{ بالتبادل} \quad (1)$$

$$\therefore ق (د ج ب) = ق (ج أ ب) \text{ المحيطية} \quad (2)$$

$$\text{من ١، ٢ ينتج أن: } ق (ج ب أ) = ق (ج أ ب)$$

$\therefore \Delta ج أ ب$ متساوي الساقين

$$\therefore ق (\hat{م}) \text{ المركزية} = 120^\circ \therefore ق (أ ج ب) = 60^\circ$$

$\therefore \Delta ج أ ب$ متساوي الأضلاع

٦ في الشكل المقابل:

م س \perp أ ب ، م ص \perp أ ج

$$ق (\hat{أ}) = 60^\circ$$

$$ق (\hat{ب}) = 70^\circ$$

أوجد قياسات زوايا $\Delta م س ص$

الحل

$$ق (ج) = 180 - (60 + 70) = 50^\circ$$

$$\therefore م س \perp أ ب \therefore م س \text{ منتصف } أ ب$$

$$\therefore م ص \perp أ ج \therefore م ص \text{ منتصف } أ ج$$

$\therefore م س \parallel ب ج$ (قطعة واصلت بين منتصفى ضلعين)

$$\therefore ق (أ س ص) = 70^\circ ، ق (أ ص س) = 50^\circ \text{ بالتناظر}$$

$$\therefore ق (م س ص) = 90 - 70 = 20^\circ$$

$$، ق (م ص س) = 90 - 50 = 40^\circ$$

في $\Delta م س ص$:

$$ق (س م ص) = 180 - (40 + 20) = 120^\circ$$

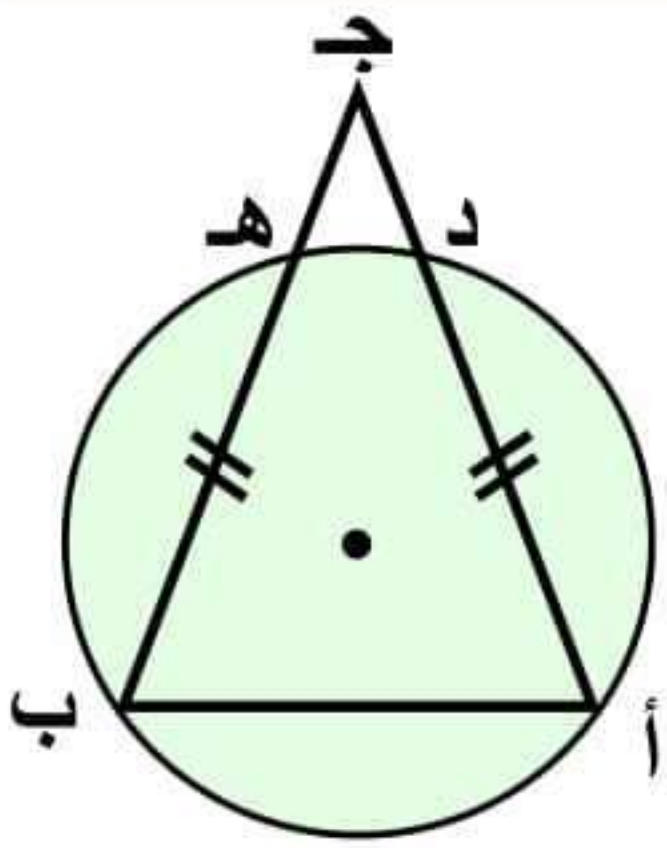
٨ في الشكل المقابل:

أ د ، ب ه وتران متساويان في

الطول في الدائرة

$$\overline{أ د} \cap \overline{ب ه} = \{ ج \}$$

اثبت أن : ج د = ج ه



الحل

$$\therefore أ د = ب ه \therefore ق (أ د) = ق (ب ه)$$

وبإضافة ق (د ه) للطرفين

$$\therefore ق (أ ه) = ق (ب د)$$

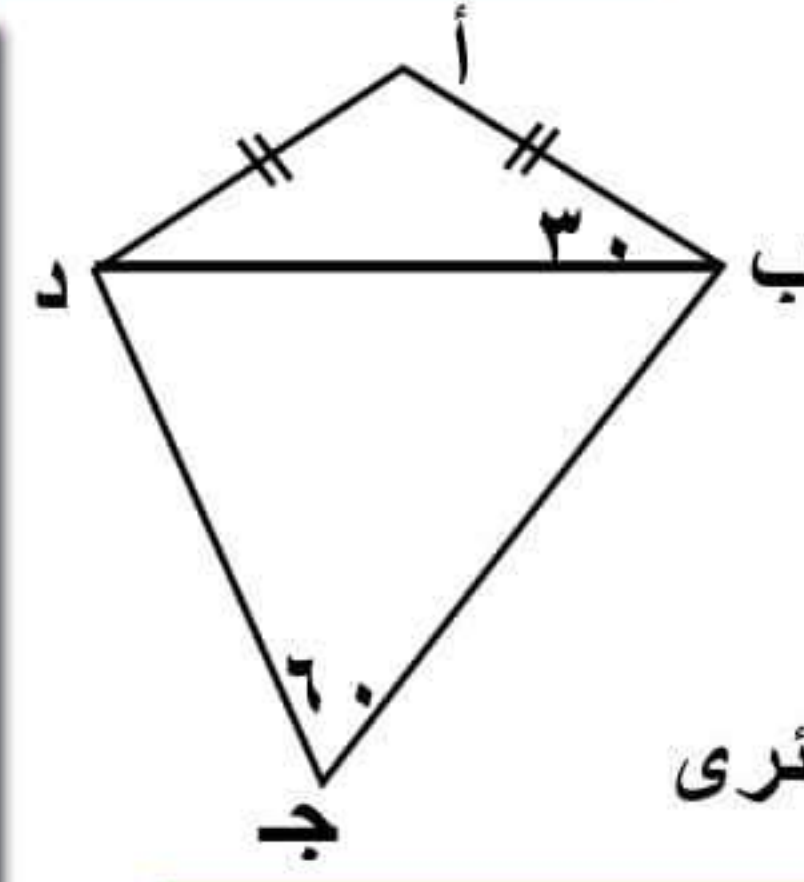
$$\therefore ق (\hat{ب}) = ق (\hat{أ}) \therefore ج أ = ج ب$$

في $\Delta ج أ ب$:

$$\therefore ج أ = ج ب ، د أ = ه ب$$

بالطرح ينتج أن : ج د = ج ه

٩ في الشكل المقابل:



أ ب ج د شكل رباعي فيه
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle C = 60^\circ$
 أثبت أن: الشكل أ ب ج د رباعي دائري

الحل

$\because AB = AD \therefore \Delta ABD$ متساوي الساقين

$$\therefore \angle ABD = \angle ADB = 30^\circ$$

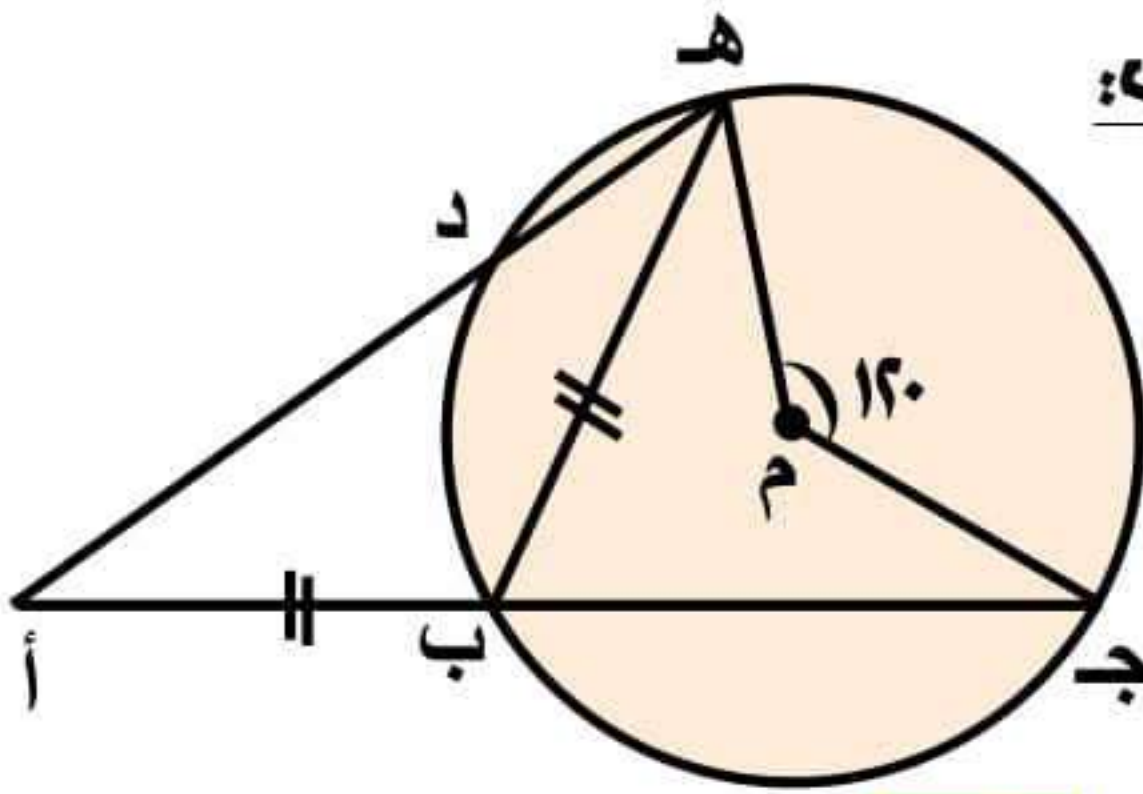
$$\therefore \angle B = \angle D = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ$$

$$\therefore \angle A + \angle C = 60^\circ + 120^\circ = 180^\circ$$

وهما زاويتان متقابلتان متكاملتان

\therefore الشكل أ ب ج د رباعي دائري

١١ في الشكل المقابل:



ق (هـ م ج) $= 120^\circ$
 $AB = AC$
 أوجد: ق (هـ أ ب)

الحل

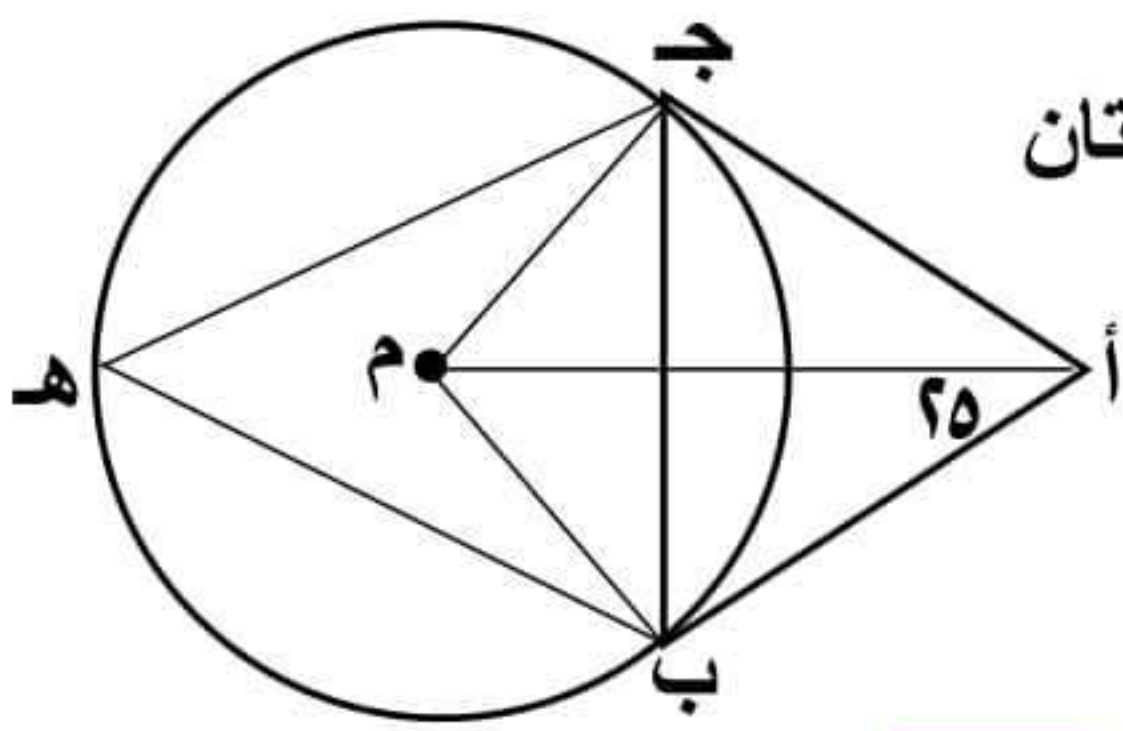
\therefore ق (هـ ب ج) المحيطية $= \frac{1}{2}$ ق (هـ) المركزية

لأنهما مشتركتان في أ ج \therefore ق (هـ ب ج) $= 60^\circ$

$\because AB = AC$ ، هـ ب ج خارجة عن ΔABC

$$\therefore \text{ق (ب هـ أ)} = \text{ق (هـ أ ب)} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

١٢ في الشكل المقابل:



أ ب ، أ ج قطعتان مماستان
 ق (ب أ م) $= 25^\circ$
 هـ ب ج الأكبر
 أوجد: (١) ق (أ ج ب)
 (٢) ق (ب هـ ج)

الحل

\because أ ب ، أ ج قطعتان مماستان \therefore أ م ينصف أ

$$\therefore \text{ق (أ)} = 2 \times 25 = 50^\circ$$

$$\text{في } \Delta ABC: \text{ق (أ ج ب)} = \frac{50^\circ - 180^\circ}{2} = 65^\circ \text{ أولاً}$$

\because أ ج مماسة ، م ج نصف قطر \therefore م ج \perp أ ج

$$\therefore \text{ق (أ ج م)} = 90^\circ$$

كذلك \because أ ب مماسة ، م ب نصف قطر \therefore م ب \perp أ ب

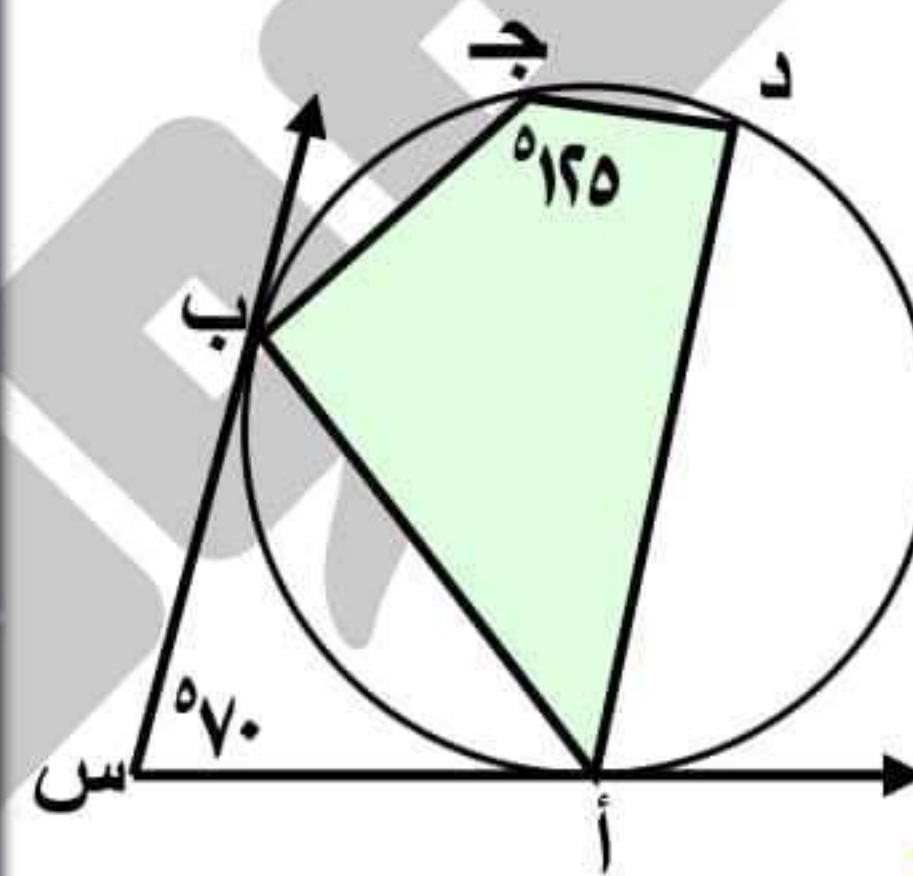
$$\therefore \text{ق (أ ب م)} = 90^\circ$$

في الشكل الرباعي أ ب م ج

$$\text{ق (ج م ب)} = 360^\circ - (90^\circ + 90^\circ + 50^\circ) = 130^\circ$$

$$\therefore \text{ق (ب هـ ج) المحيطية} = \frac{1}{2} \text{ ق (ب م ج) المركزية} = 65^\circ$$

١٠ في الشكل المقابل:



س أ ، س ب مماسان
 ق (أ س ب) $= 70^\circ$
 ق (د ج ب) $= 125^\circ$
 أثبت أن: (١) أ ب ينصف د أ س
 (٢) أ د \parallel س ب

الحل

\because أ ب ج د رباعي دائري

$$\therefore \text{ق (ج)} + \text{ق (د أ ب)} = 180^\circ$$

$$\therefore \text{ق (د أ ب)} = 180^\circ - 125^\circ = 55^\circ \text{ (١)}$$

\because س أ ، س ب مماستان للدائرة

$$\therefore \angle ASB = 70^\circ$$

$\therefore \Delta ASB$ متساوي الساقين

$$\therefore \text{ق (س أ ب)} = \frac{70^\circ - 180^\circ}{2} = 55^\circ \text{ (٢)}$$

من ١ ، ٢ ينتج أن: ق (د أ ب) = ق (س أ ب)

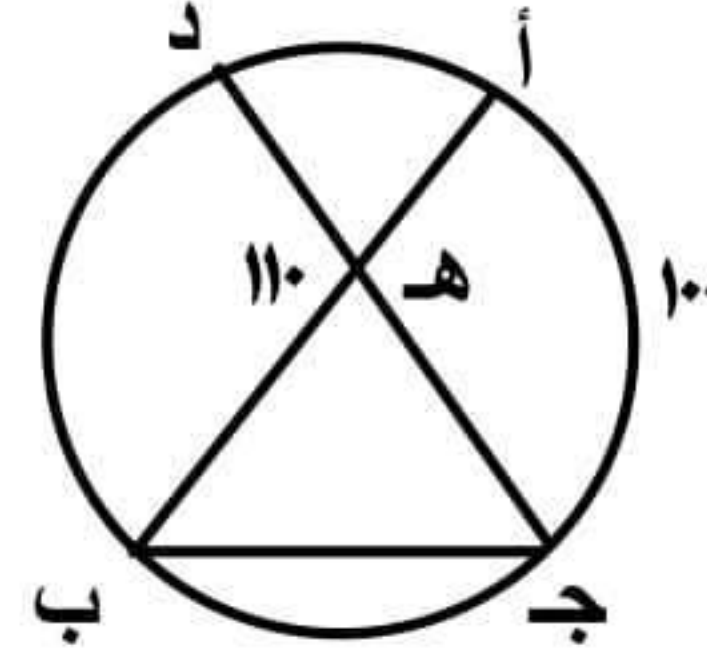
\therefore أ ب ينصف د أ س المطلوب الأول

$$\therefore \text{ق (د أ س)} = 55^\circ + 55^\circ = 110^\circ$$

$$\therefore \text{ق (د أ س)} + \text{ق (س ب)} = 110^\circ + 70^\circ = 180^\circ \text{ وهما متداخلتان}$$

$$\therefore \text{أ د} \parallel \text{س ب}$$

١٣ في الشكل المقابل:



أب \cap ج د = { هـ }
ق (د هـ ب) = 110°
ق (أ ج) = 100°
أوجد ق (د ج ب)

الحل

من تمرين مشهور:

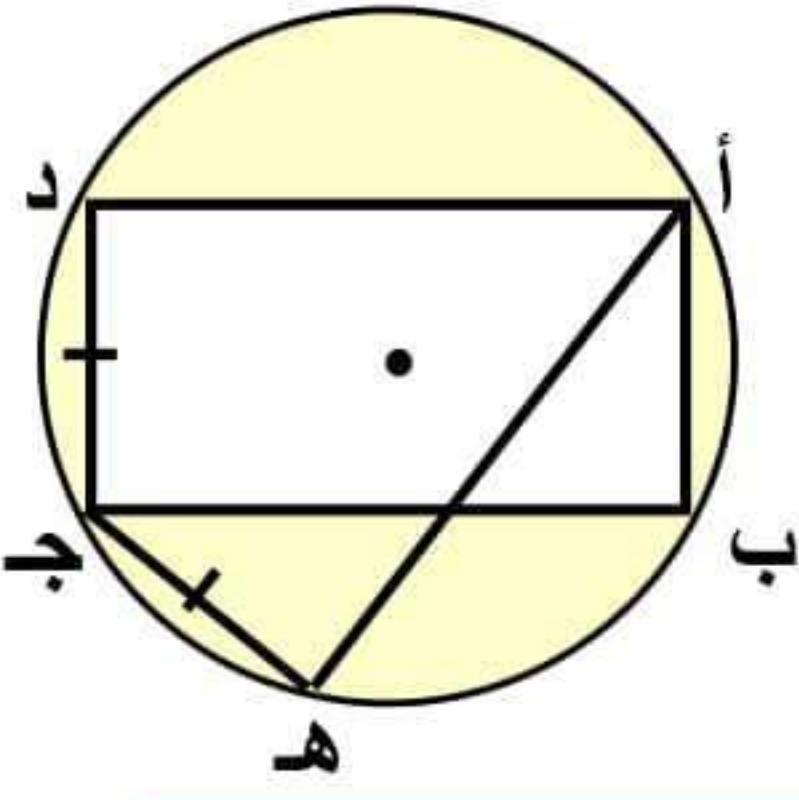
$$ق (د ب) = 2 ق (د هـ ب) - ق (أ ج)$$

$$120 = 100 - 110 \times 2 =$$

$$\therefore ق (د ج ب) = المحيطية = \frac{1}{2} ق (د ب)$$

$$\therefore ق (د ج ب) = \frac{120}{2} = 60^\circ$$

١٥ في الشكل المقابل:



أ ب ج د مستطيل مرسوم داخل دائرة
ج هـ = ج د
اثبت أن: أ هـ = ب ج

الحل

∴ أ ب = د ج خواص المستطيل

$$هـ ج = د ج \text{ (معطى)}$$

$$\therefore أ ب = هـ ج$$

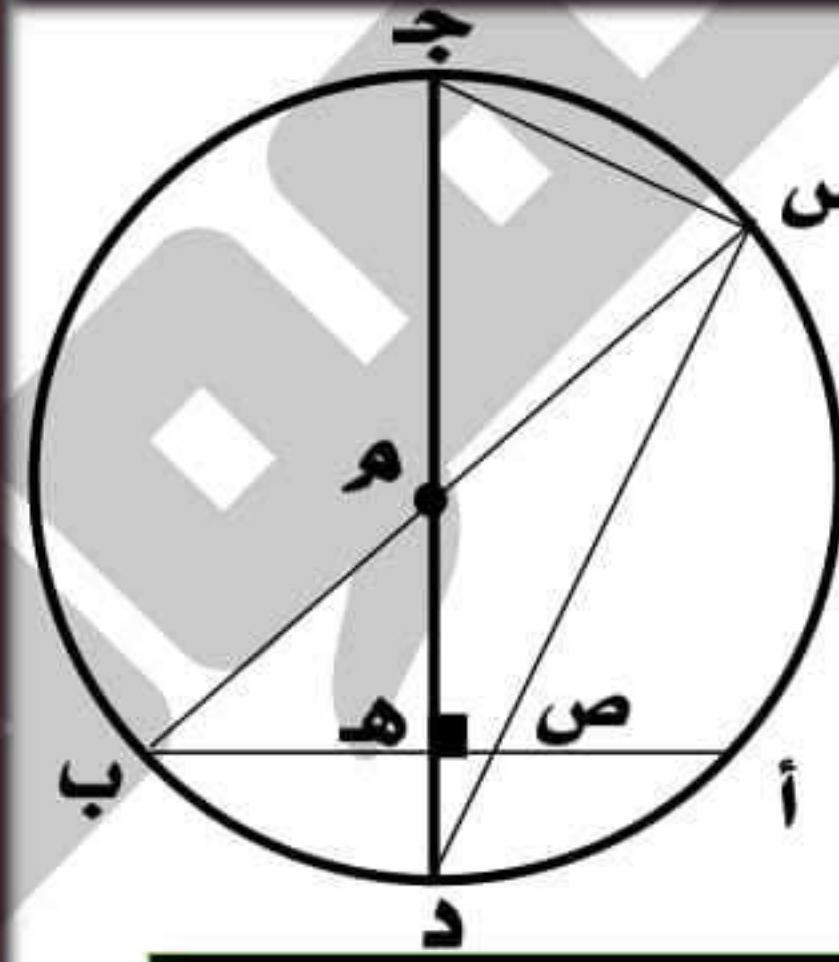
$$\therefore ق (أ ب) = ق (هـ ج)$$

بإضافة ق (ب هـ) للطرفين

$$\therefore ق (أ هـ) = ق (ب ج)$$

$$\therefore أ هـ = ب ج \text{ هـ ط ث}$$

١٤ في الشكل المقابل:

ج د قطر \perp أ ب

اثبت أن:

١- س ص هـ ج رباعي دائري

٢- ق (د ص ب) = ق (د ب س)

الحل

$$\therefore ج د \perp أ ب \therefore ق (ج هـ ص) = 90^\circ$$

$$\therefore ق (ج س د) = 90^\circ \text{ محيطية مرسومة في نصف دائرة}$$

$$\therefore ق (ج هـ ص) + ق (ج س د) = 180^\circ \text{ (متقابلتان متكاملتان)}$$

∴ س ص هـ ج رباعي دائري **المطلوب الأول**

$$\therefore ق (د ص ب) = ق (ج) \text{ (١)}$$

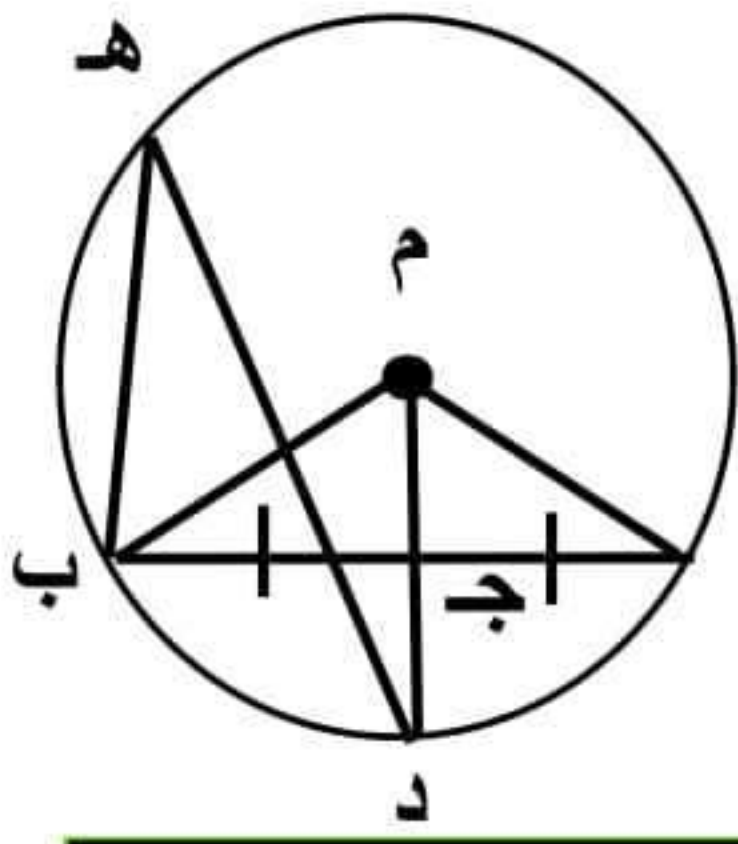
لأن قياس الزاوية الخارجة = قياس المقابلة للمجاورة

$$\therefore ق (د ب س) = ق (ج) \text{ (٢)}$$

لأنهما محيطيتان مشتركتان في س د

من ١، ٢ ينتج أن: ق (د ص ب) = ق (د ب س)

١٦ في الشكل المقابل:



ج منتصف أ ب

$$ق (م أ ب) = 20^\circ$$

أوجد: ق (ب هـ د)، ق (أ د ب)

الحل

∴ م أ = م ب أنصاف أقطار

$$\therefore \Delta م أ ب \text{ متساوي الساقين } \therefore ق (م ب أ) = 20^\circ$$

$$\therefore ج منتصف أ ب \therefore م ج \perp أ ب \therefore ق (م ج ب) = 90^\circ$$

$$\text{في } \Delta م ج ب: ق (ج م ب) = 180 - (20 + 90) = 70^\circ$$

$$\therefore ق (ب هـ د) = \frac{1}{2} ق (د م ب)$$

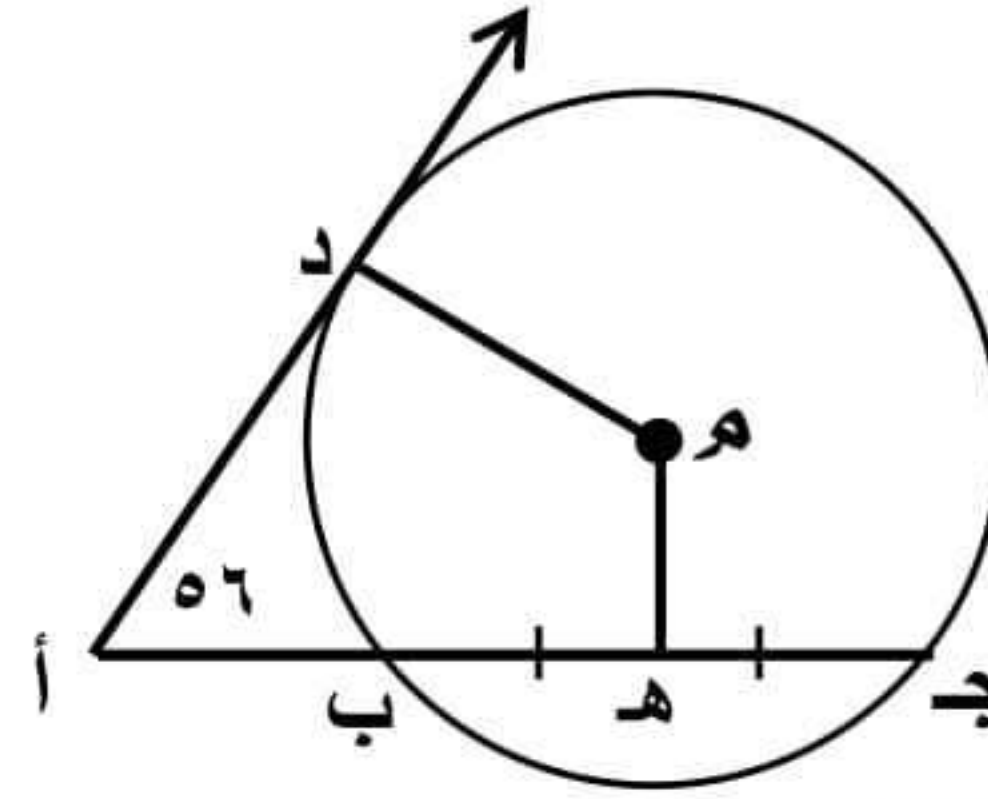
محيطية ومركزية مشتركتان في أ ب

$$\therefore ق (ب هـ د) = 35^\circ \text{ المطلوب الأول}$$

$$\text{في } \Delta م أ ب: ق (أ م ب) = 180 - (20 + 20) = 140^\circ$$

$$\therefore ق (أ د ب) = ق (أ م ب) \text{ المركزية} = 140^\circ$$

١٧ في الشكل المقابل:



أ د مماس للدائرة عند د
ه منتصف ب ج
ق (أ) = ٥٦°
أوجد ق (د م ه)

الحل

∴ أ د مماس ، م د نصف قطر ∴ م د ⊥ أ د

∴ ق (م د أ) = ٩٠°

∴ ه منتصف ج ب ∴ م ه ⊥ ج ب

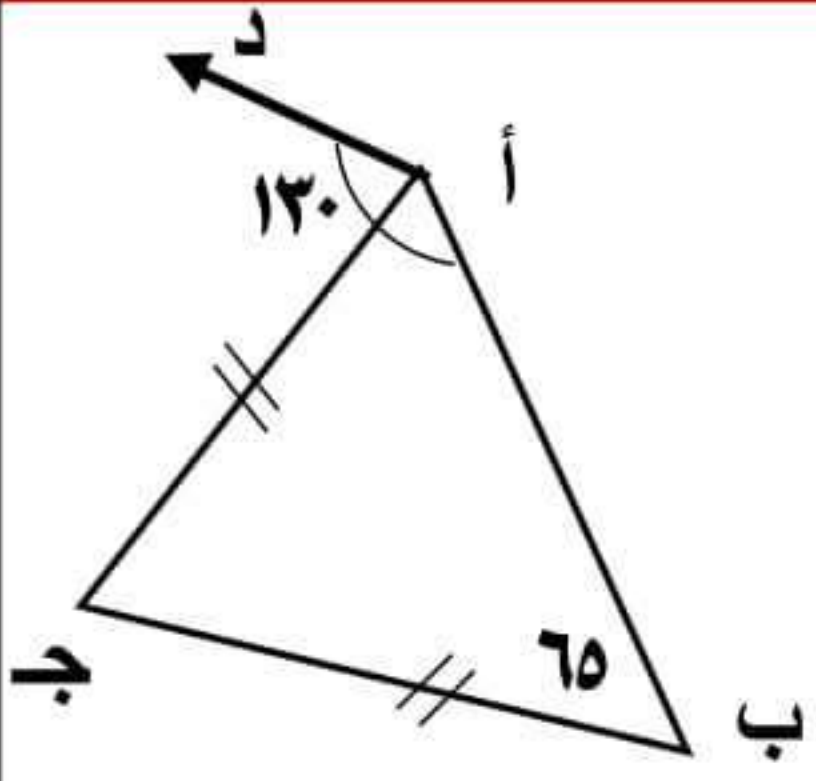
∴ ق (م ه ب) = ٩٠°

∴ مجموع قياسات الشكل الرباعي م ه أ د = ٣٦٠°

∴ ق (د م ه) = (٩٠ + ٩٠ + ٥٦) - ٣٦٠ =

١٢٤° = ٢٣٦ - ٣٦٠ =

١٩ في الشكل المقابل:



ج أ = ج ب
ق (ب أ د) = ١٣٠°
ق (ب) = ٦٥°
اثبت أن:
أ د مماس للدائرة المارة برؤوس Δ أ ب ج

الحل

∴ ج أ = ج ب

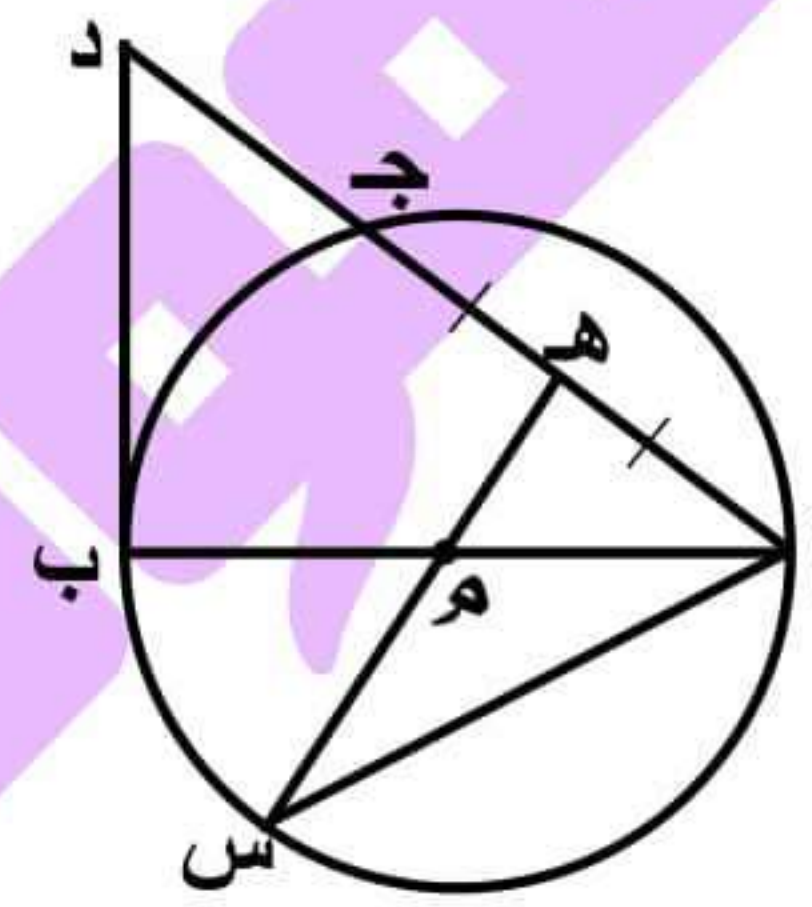
∴ ق (ج أ ب) = ق (ب) = ٦٥°

∴ ق (د أ ج) = ٦٥ - ١٣٠ = ٦٥°

∴ ق (د أ ج) = ق (ب)

∴ أ د مماس للدائرة المارة برؤوس Δ أ ب ج

١٨ في الشكل المقابل:



أ ب قطر في الدائرة م
ه منتصف أ ج ، د ب مماس
اثبت أن:
(١) م ب د ه رباعي دائري
(٢) ق (ب أ س) = ١/٢ ق (د)

الحل

∴ د ب مماس ∴ د ب ⊥ أ ب

∴ ق (ب) = ٩٠° ← ١

∴ ه منتصف أ ج ∴ م ه ⊥ أ ج

∴ ق (م ه د) = ٩٠° ← ٢

من ١ ، ٢ ينتج أن: ق (ب) + ق (م ه د) = ١٨٠°

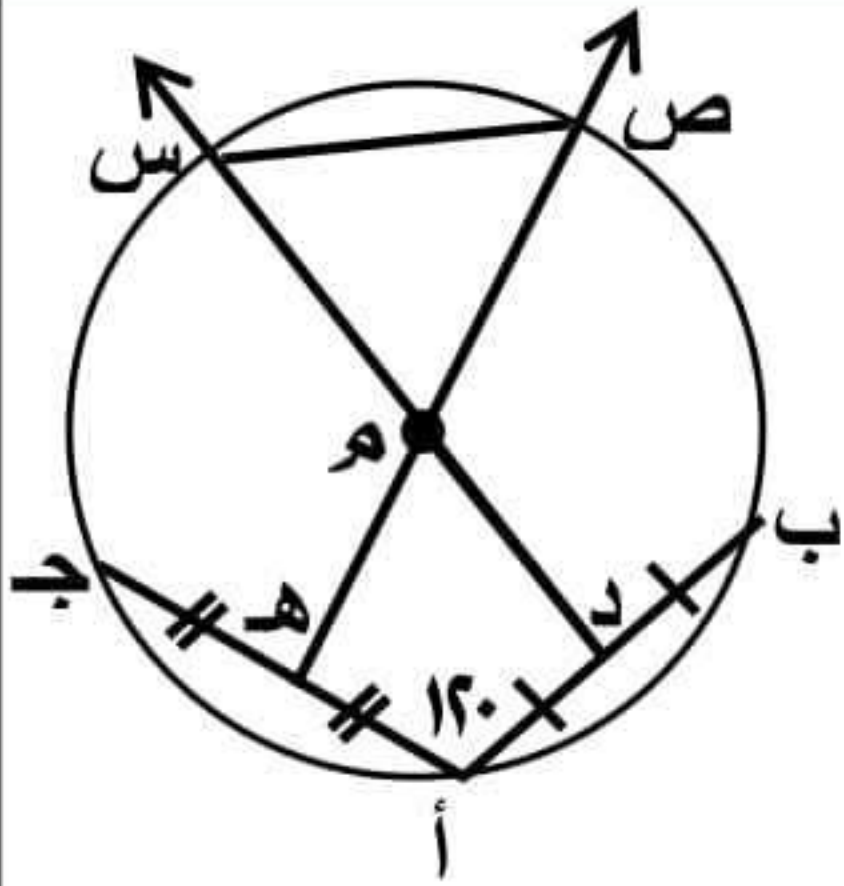
∴ الشكل م ب د ه رباعي دائري

∴ ق (د) = ق (ب م س) الخارجة ← ٣

∴ ق (ب أ س) المحيطية = ١/٢ ق (ب م س) المركزية ← ٤

من ٣ ، ٤ : ∴ ق (ب أ س) = ١/٢ ق (د)

٢٠ في الشكل المقابل:



د ، ه منتصف أ ب ، أ ج
على الترتيب
ق (أ) = ١٢٠°
اثبت أن:
Δ س ص م متساوي الأضلاع

الحل

∴ د منتصف أ ب ∴ م د ⊥ أ ب

∴ ق (م د أ) = ٩٠°

∴ ه منتصف أ ج ∴ م ه ⊥ أ ج

∴ ق (م ه أ) = ٩٠°

∴ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

∴ ق (د م ه) = (٩٠ + ٩٠ + ١٢٠) - ٣٦٠ = ٦٠°

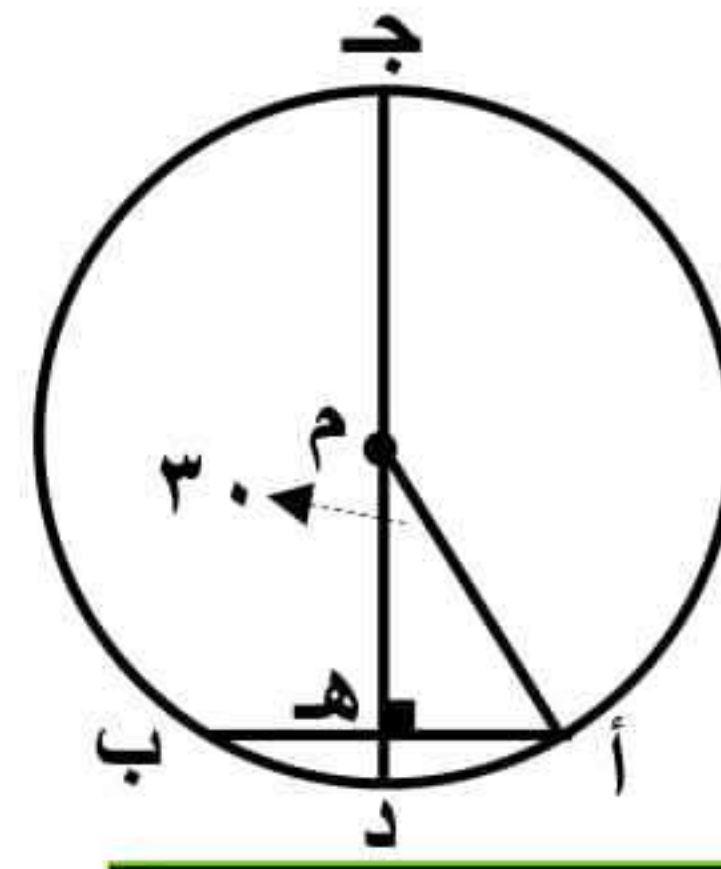
∴ ق (ص م س) = ٦٠° بالتقابل بالرأس

∴ م ص = م س (أنصاف أقطار)

∴ ق (م ص س) = ق (م س ص) = ٦٠°

∴ Δ س ص م متساوي الأضلاع (جميع زواياه ٦٠°)

٢١) في الشكل المقابل:



جد قطر في الدائرة م
م هـ \perp أ ب
ق (أ م هـ) = 30°
أ ب = ١٠ سم
أوجد طول ج د ، م هـ

الحل

\therefore م هـ \perp أ ب \therefore هـ منتصف أ ب \therefore أ هـ = ٥ سم

\therefore ق (أ م هـ) = 30° \therefore أ هـ = $\frac{1}{2}$ أ م \therefore أ م = ١٠ سم

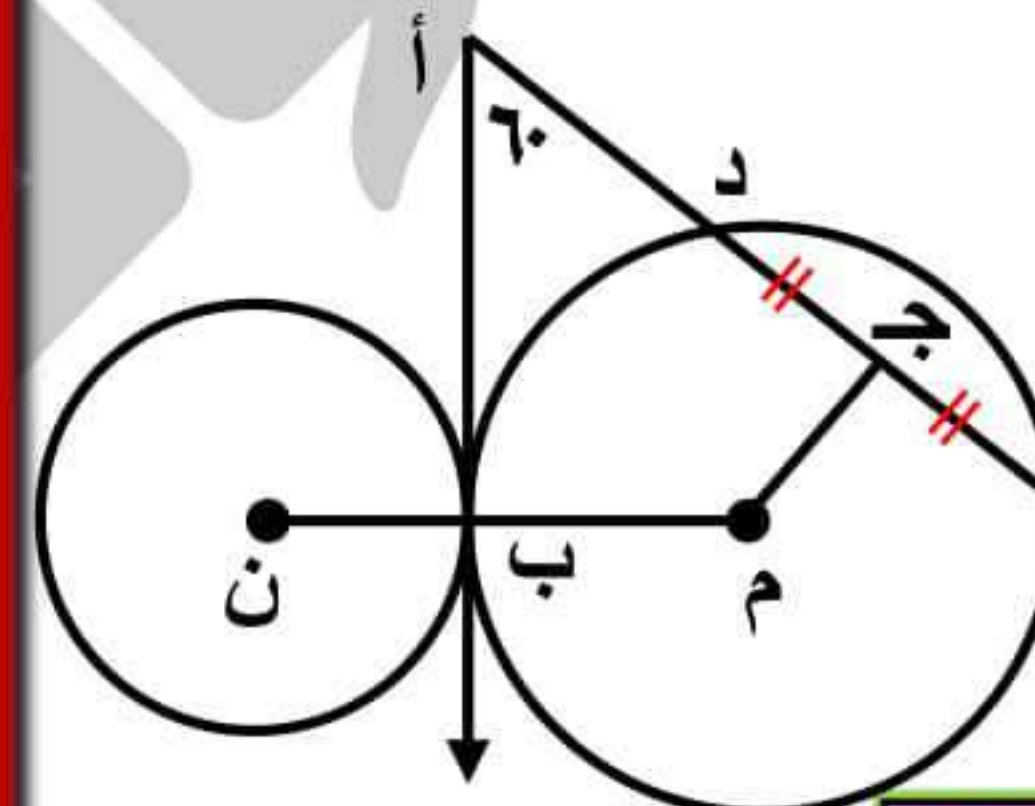
\therefore القطر ج د = $2 \times ١٠ = ٢٠$ سم المطلوب الأول

في Δ م هـ أ من فيثاغورث:

$$(م هـ)^2 = (أ م)^2 - (أ هـ)^2 = 100 - 25 = 75$$

$$\therefore م هـ = \sqrt{75} = 5\sqrt{3} \text{ سم}$$

٢٢) في الشكل المقابل:



م ، ن دائرتان متماستان
ج منتصف د هـ
ق (أ) = 60°
أوجد ق (ج م ب)

الحل

\therefore ج منتصف د هـ \therefore م ج \perp د هـ

$$\therefore$$
 ق (أ ج م) = 90°

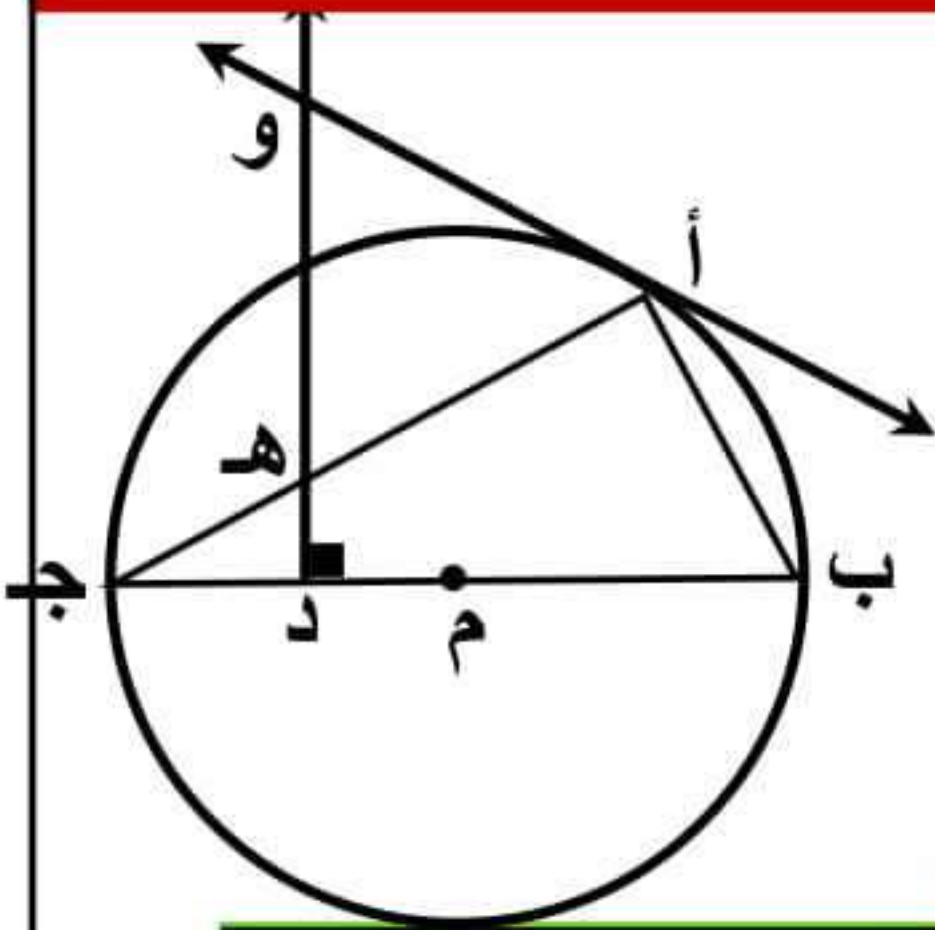
\therefore م ن خط مركزين ، أ ب مماس مشترك

$$\therefore$$
 م ن \perp أ ب \therefore ق (أ ب م) = 90°

\therefore مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي أ ب م ج = 360°

$$\therefore$$
 ق (ج م ب) = $360 - (60 + 90 + 90) = 120^\circ$

٢٣) في الشكل المقابل:



ب ج قطر ، أ و مماس
د و \perp ب ج ، اثبت أن:
(١) الشكل أ ب د هـ رباعي دائري
(٢) Δ أ و هـ متساوي الساقين

الحل

\therefore ب ج قطر

$$\therefore$$
 ق (ب أ ج) = 90° (محيطية في نصف دائرة) $\leftarrow ١$

$$\therefore$$
 د و \perp ب ج \therefore ق (هـ د ج) = 90° $\leftarrow ٢$

من ١ ، ٢ ينتج أن:

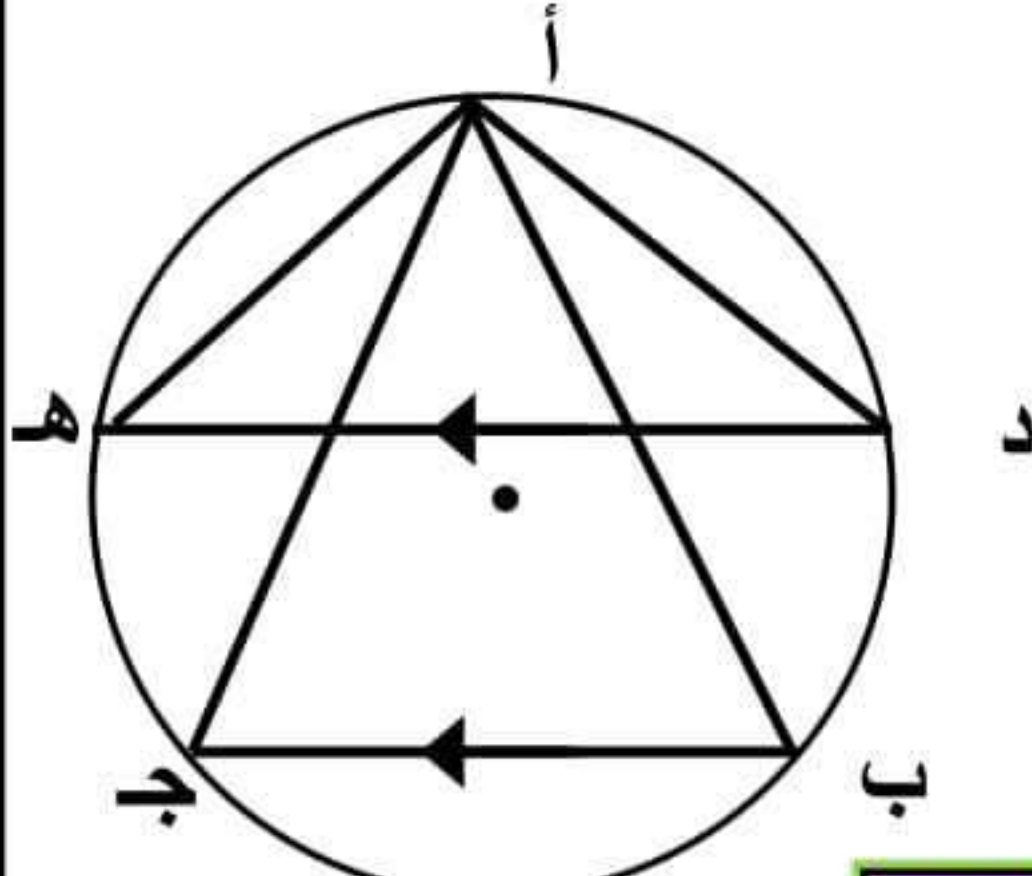
ق (هـ د ج) الخارجة = ق (ب أ ج) المقابلة للمجاورة
 \therefore الشكل أ ب د هـ رباعي دائري

$$\therefore$$
 ق (أ هـ و) الخارجة = ق (ب) المقابلة للمجاورة $\leftarrow ٣$

$$\therefore$$
 ق (و أ هـ) المماسية = ق (ب) المحيطية $\leftarrow ٤$

من ٣ ، ٤ ينتج أن: ق (أ هـ و) = ق (و أ هـ)
 \therefore Δ أ و هـ متساوي الساقين

٢٤) في الشكل المقابل:



الحل

أ ب ج مثلث مرسوم
داخل دائرة
د هـ \parallel ب ج
اثبت أن:
ق (د أ ج) = ق (ب أ هـ)

$$\therefore$$
 د هـ \parallel ب ج

$$\therefore$$
 ق (د ب) = ق (هـ ج)

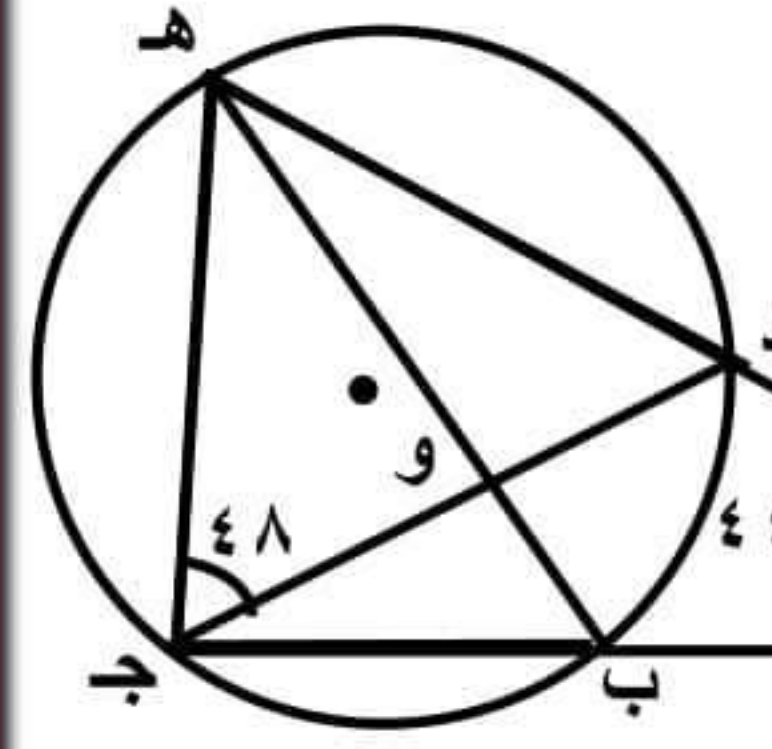
$$\therefore$$
 ق (د أ ب) المحيطية = ق (هـ أ ج) المحيطية

لأنهما محيطيتان أقواسهما متساويتان

وبإضافة ق (ب أ ج) للطرفين

$$\therefore$$
 ق (د أ ج) = ق (ب أ هـ) هـ ط ث

٢٥ في الشكل المقابل:



ق (أ) = 30° ، ق (ب) = 44°
ق (د) = 48°
أوجد: (١) ق (هـ ج)
(٢) ق (ب ج)

الحل

من تمرين مشهور ٢:

$$ق(هـ ج) = 2 ق(أ) + ق(ب)$$

$$ق(هـ ج) = 2 \times 30 + 44 = 104^\circ$$

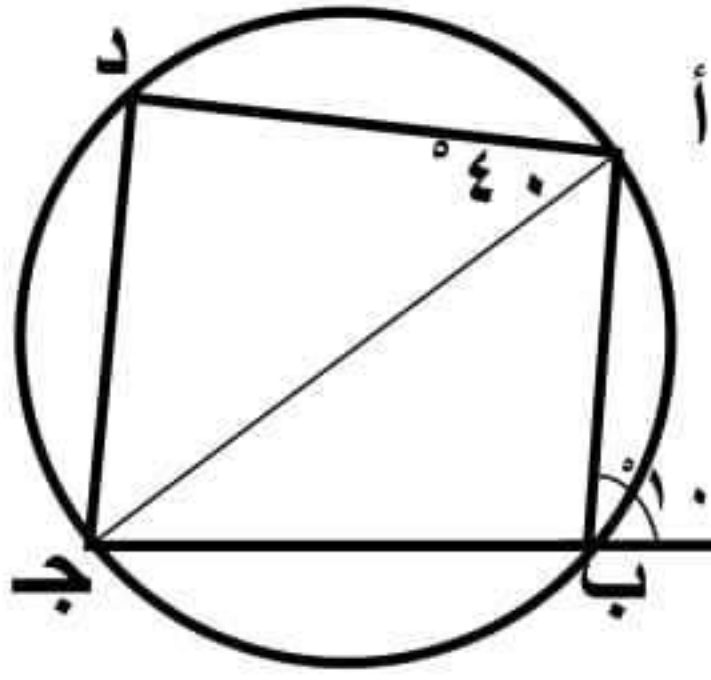
$$ق(د ج هـ) = 48^\circ$$

$$ق(د هـ) = 2 \times 48 = 96^\circ$$

$$قياس الدائرة = 360^\circ$$

$$ق(ب ج) = (96 + 104 + 48) - 360 = 116^\circ$$

٢٧ في الشكل المقابل:



ق (أ ب هـ) = 100°
ق (ج أ د) = 40°
اثبت أن:
ق (ج د) = ق (أ د)

الحل

∴ أ ب هـ زاوية خارجة عن الرباعي الدائري أ ب ج د

$$\therefore ق(د) = ق(أ ب هـ) = 100^\circ$$

في Δ أ د ج:

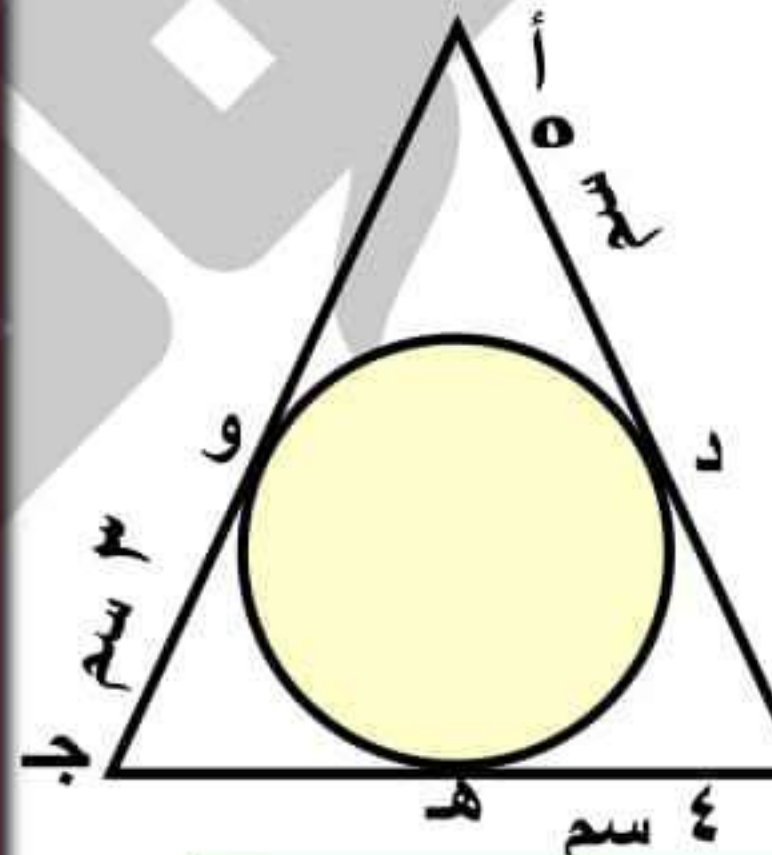
$$ق(أ ج د) = 180 - (40 + 100) = 40^\circ$$

$$\therefore ق(د أ ج) = ق(أ ج د) = 40^\circ$$

$$\therefore أ د = د ج$$

$$\therefore ق(ج د) = ق(أ د)$$

٢٦ في الشكل المقابل:



Δ أ ب ج مرسوم خارج الدائرة م
وتمس أضلاعه أ ب ، أ ج ، ب ج
في د ، هـ ، و على الترتيب
أ د = ٥ سم ، ب هـ = ٤ سم ، ج و = ٣ سم
أوجد محيط Δ أ ب ج

الحل

$$\therefore أ د ، أ و قطعتان مماستان$$

$$\therefore أ د = أ و = ٥ سم$$

$$\therefore ب د ، ب هـ قطعتان مماستان$$

$$\therefore ب د = ب هـ = ٤ سم$$

$$\therefore ج هـ ، ج و قطعتان مماستان$$

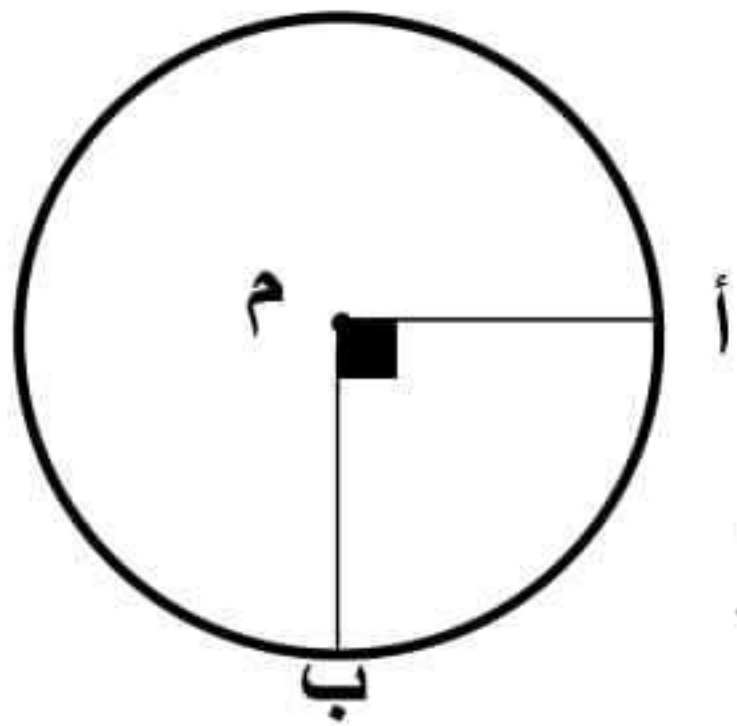
$$\therefore ج هـ = ج و = ٣ سم$$

$$\therefore أ ب = ٥ + ٤ = ٩ سم ، أ ج = ٣ + ٥ = ٨ سم$$

$$ب ج = ٣ + ٤ = ٧ سم$$

$$\therefore محيط \Delta أ ب ج = ٩ + ٨ + ٧ = ٢٤ سم$$

٢٨ في الشكل المقابل:



م دائرة ، ق (أ م ب) = 90°
طول نصف قطرها = ٧ سم

$$أوجد طول أ ب حيث \pi = \frac{22}{7}$$

الحل

$$\therefore ق(أ ب) = 90^\circ$$

$$طول القوس = \frac{قياس القوس}{360} \times 2\pi \times ر$$

$$= \frac{90}{360} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 7 = 11 سم$$

٢٩ أوجد قياس القوس الذي يمثل $\frac{1}{3}$ الدائرة.

ثم احسب طول هذا القوس إذا كان طول نصف
قطر الدائرة ٧ سم.

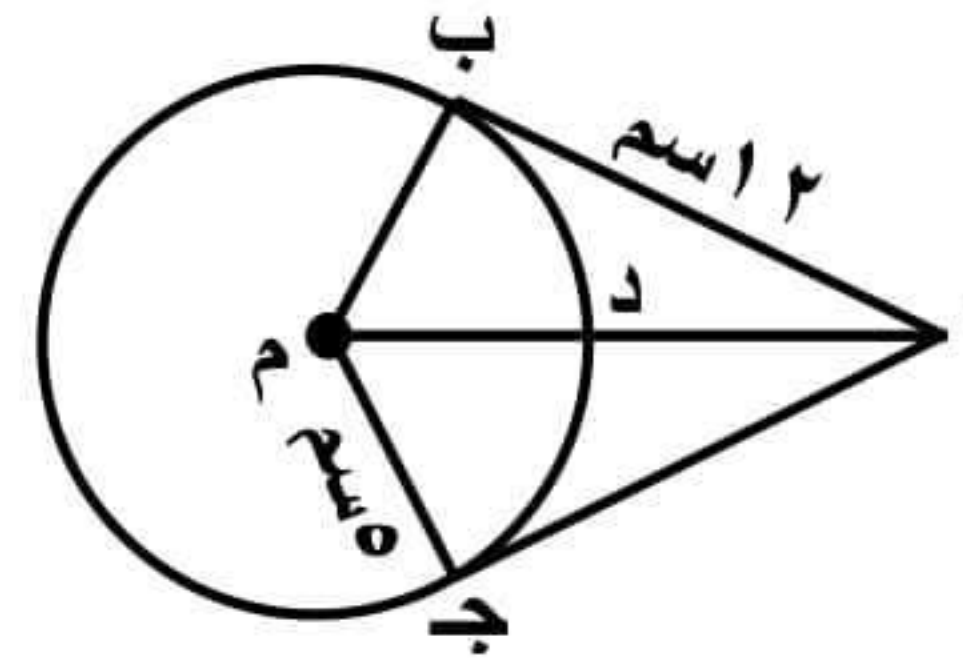
الحل

$$قياس القوس الذي يمثل $\frac{1}{3}$ الدائرة = $\frac{360}{3} = 120^\circ$$$

$$طول القوس = \frac{قياس القوس}{360} \times 2\pi \times ر$$

$$= \frac{120}{360} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 7 = 14.6 سم$$

٣٠ في الشكل المقابل:



أ ج ، أ ب مماستان
أ ب = ١٢ سم
ج م = ٥ سم
أوجد طول: أ ج ، أ د

الحل

∴ أ ب = أ ج قطعتان مماستان

∴ أ ج = ١٢ سم المطلوب الأول

∴ أ ج مماس ، م ج نصف قطر

∴ م ج ⊥ أ ج ∴ Δ أ ج م قائم

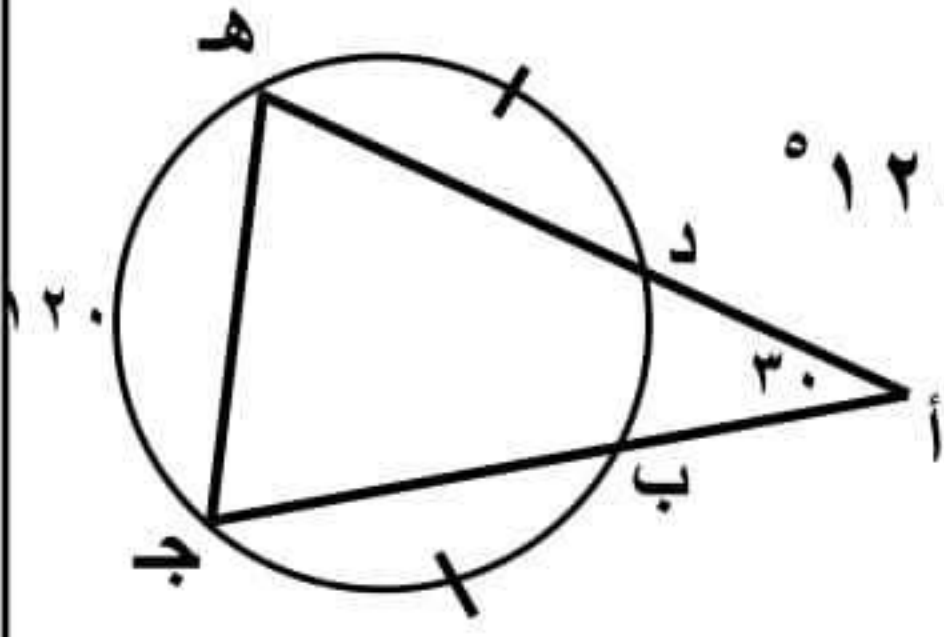
في Δ أ ج م من فيثاغورث:

∴ (أ م)² = ١٤٤ + ٢٥ = ١٦٩ ∴ أ م = ١٣ سم

∴ م د = م ج = ٥ سم (أنصاف أقطار)

∴ أ د = ١٣ - ٥ = ٨ سم المطلوب الثاني

٣٢ في الشكل المقابل:



ق (أ) = ٣٠° ، ق (هـ ج) = ١٢٠°
ق (ب ج) = ق (د هـ)

١- أوجد: ق (ب د) الأصغر

٢- اثبت أن: أ ب = أ د

الحل

من تمرين مشهور ٢:

ق (ب د) = ق (هـ ج) - ق (أ) = ١٢٠ - ٦٠ = ٦٠°

∴ ق (د هـ) = ق (ب ج) بإضافة ق (د ب) للطرفين

∴ ق (ب د هـ) = ق (د ب ج)

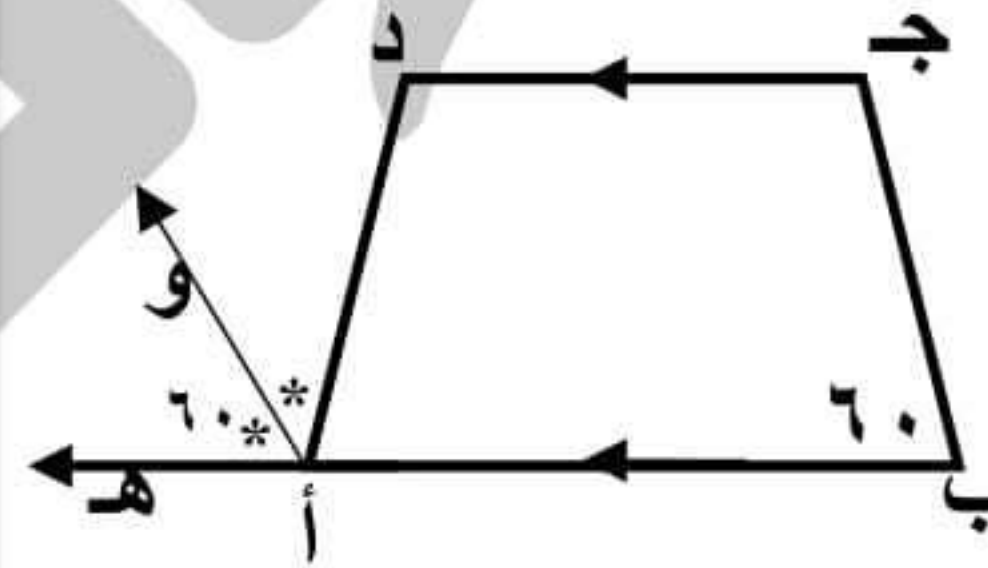
∴ ق (ج) المحيطية = ق (هـ) المحيطية

∴ أ ج = أ هـ (١)

∴ ق (ب ج) = ق (د هـ) ∴ ب ج = د هـ (٢)

بطرح ٢ من ١ ينتج أن: أ ب = أ د

٣١ في الشكل المقابل:



ج د // ب هـ
أو ينصف د أ هـ
ق (و أ هـ) = ٦٠°
ق (ب) = ٦٠°

اثبت أن: الشكل أ ب ج د رباعي دائري

الحل

∴ أ و ينصف د أ هـ

∴ ق (د أ هـ) = ١٢٠ = ٢ × ٦٠ (١)

∴ ج د // ب هـ

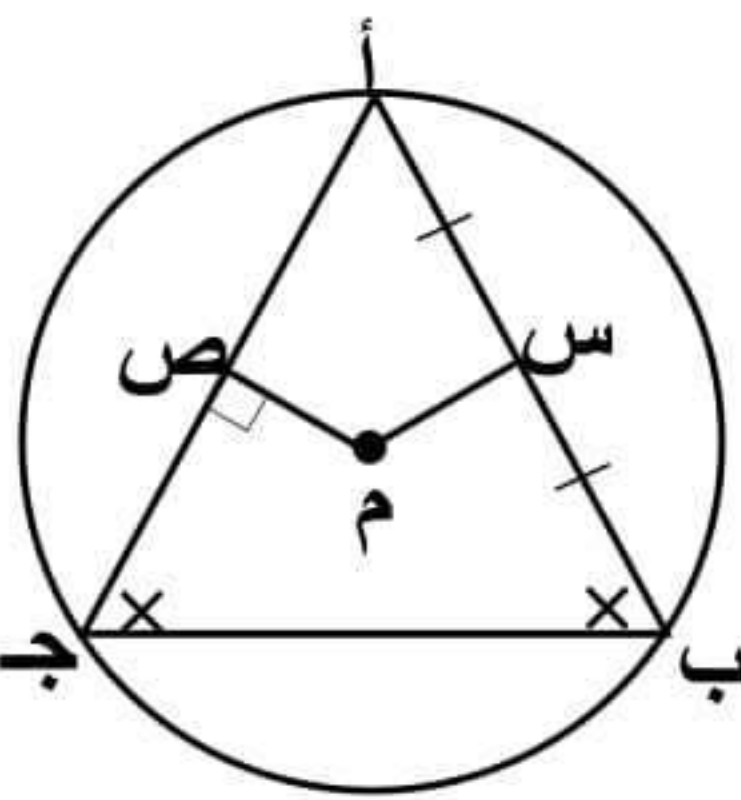
∴ ق (ج) = ١٨٠ - ٦٠ = ١٢٠ بالتداخل (٢)

من ١ ، ٢ ينتج أن:

ق (د أ هـ) الخارجة = ق (ج) المقابلة للمجاورة

∴ الشكل أ ب ج د رباعي دائري

٣٣ في الشكل المقابل:



أ ب ج Δ مرسوم داخل دائرة م
ق (ب) = ق (ج)
س منتصف أ ب ، م ص ⊥ أ ج
اثبت أن: م س = م ص

الحل

∴ س منتصف أ ب

∴ م س ⊥ أ ب

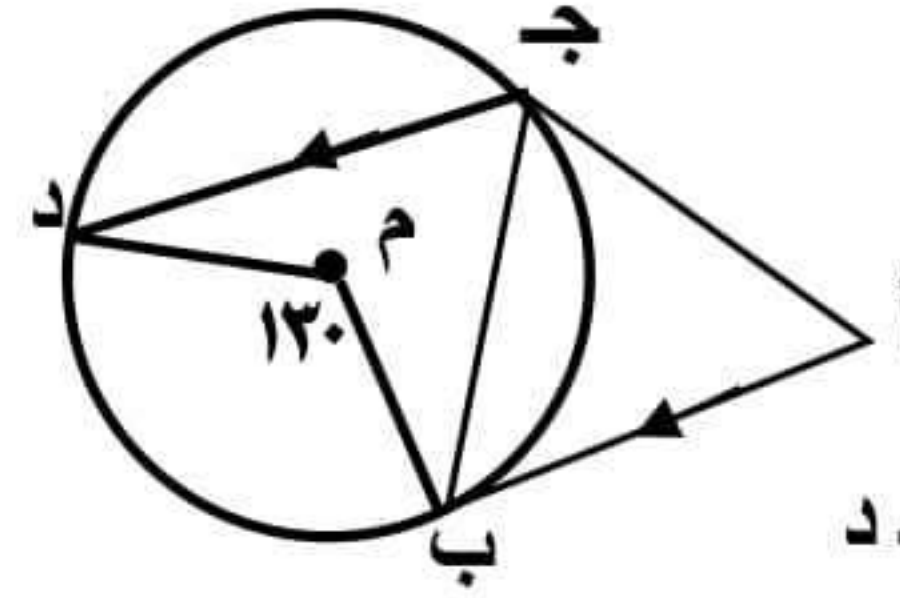
في Δ أ ب ج:

∴ ق (ب) = ق (ج)

∴ أ ب = أ ج أوتار متساوية

∴ م س = م ص (أبعاد متساوية)

٣٤ في الشكل المقابل:



أ ب ، أ ج قطعتان مماستان
أ ب // ج د ،

ق (ب م د) = 130°

١- اثبت أن : ج ب ينصف أ ج د

٢- أوجد ق (أ)

الحل

∴ ق (ب ج د) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق (م) المركزية

∴ ق (ب ج د) = 65°

∴ أ ب // ج د

∴ ق (أ ب ج) = ق (ب ج د) = 65° بالتبادل (١)

∴ أ ب = ب ج (قطعتان مماستان)

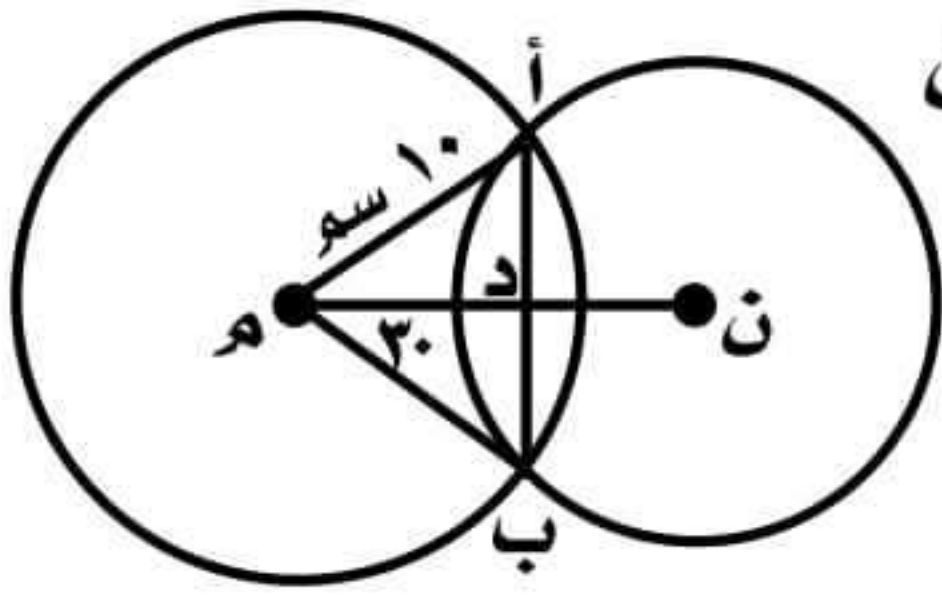
∴ ق (أ ب ج) = ق (أ ج ب) = 65° (٢)

من ١، ٢ ينتج أن: ق (ب ج د) = ق (أ ج ب)

∴ ج ب ينصف أ ج د **المطلوب الأول**

ق (أ) = 180° - (65° + 65°) = 50°

٣٦ في الشكل المقابل:



م ، ن دائرتان متقاطعتان

م أ = 10 سم

ق (ب م ن) = 30°

أوجد طول أ ب

الحل

∴ م أ = م ب أنصاف أقطار

∴ م ب = 10 سم

∴ م ن خط مركزي ، أ ب وتر مشترك

∴ أ ب ⊥ م ن ∴ Δ م د ب قائم في د

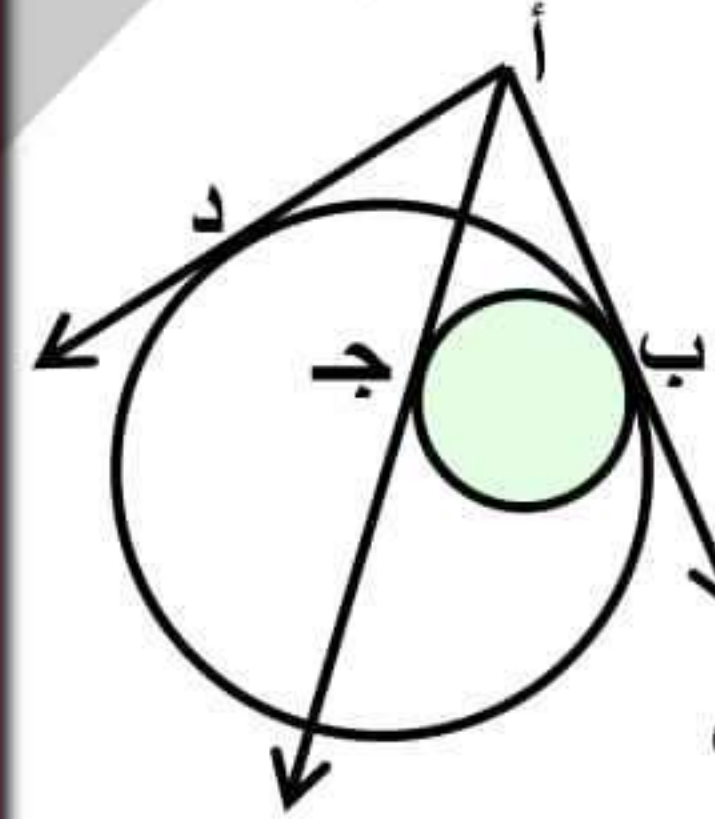
في Δ م د ب:

د ب = $\frac{1}{2}$ م ب = 5 سم (ضلع مقابل للزاوية 30°)

∴ خط المركزي م ن ينصف الوتر المشترك أ ب

∴ أ ب = 2 × 5 = 10 سم

٣٥ في الشكل المقابل:



دائرتان متماستان من الداخل في ب

أ ب مماس مشترك للدائرتين

أ ج مماس للصغرى ، أ د مماس للكبرى

أ ج = 15 سم ، أ ب = (3 - 2) سم

أ د = (2 - 3) سم أوجد قيمة س ، ص

الحل

∴ أ ب = أ ج **قطعتان مماستان للدائرة الصغرى**

∴ أ ب = 15

∴ 15 = 3 - 2 س ∴ 18 = 2 س

∴ س = 9

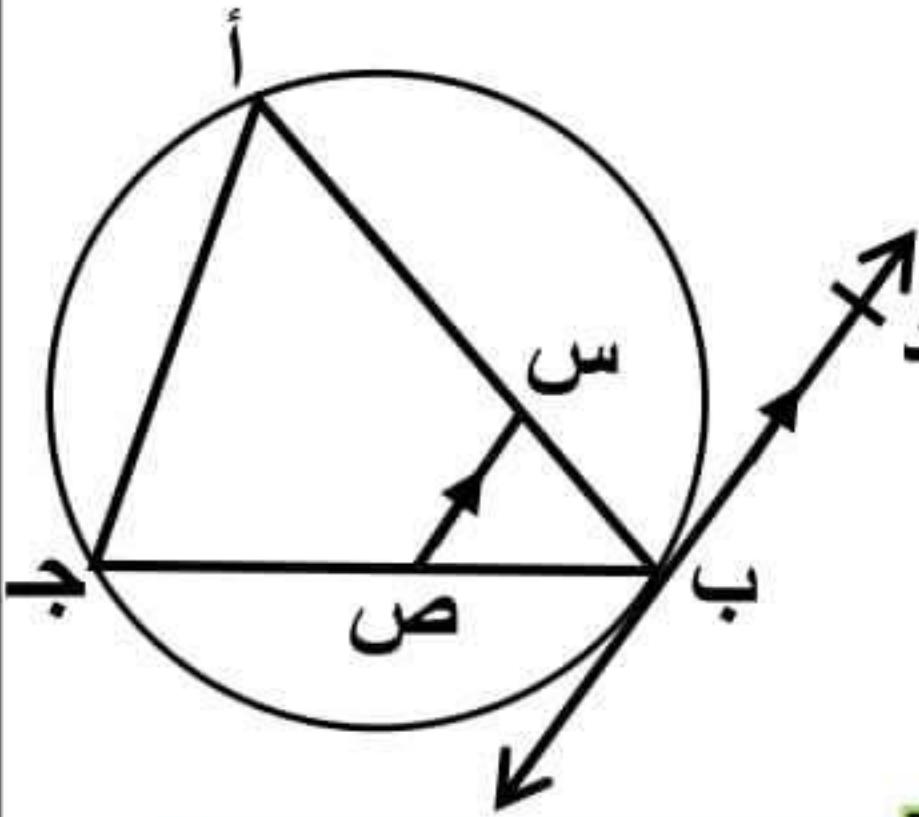
∴ أ ب = أ د **قطعتان مماستان للدائرة الكبرى**

∴ 15 = 2 - ص

∴ أ د = 15

∴ ص = 17

٣٧ في الشكل المقابل:



أ ب ج Δ مرسوم داخل دائرة

س ص // ب د

اثبت أن :

أ س ص ج رباعي دائري

الحل

∴ س ص // ب د

∴ ق (أ ب د) = ق (ص س ب) بالتبادل (١)

∴ ق (أ ب د) المماسية = ق (ج) المحيطية (١)

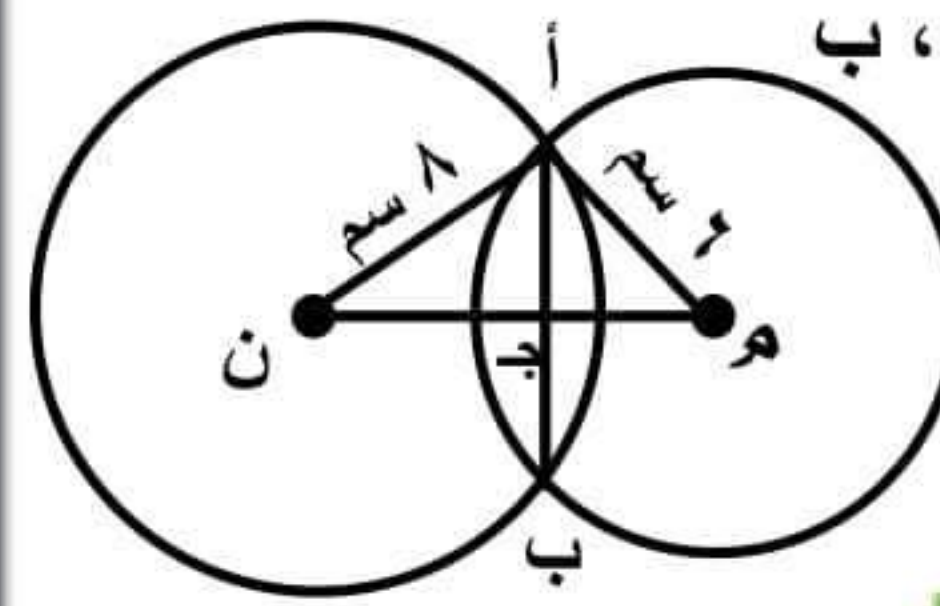
من ١، ٢ ينتج أن :

ق (ص س ب) = ق (ج)

أي أن : قياس الزاوية الخارجة = قياس المقابلة للمجاورة

∴ الشكل أ س ص ج رباعي دائري

٣٨ في الشكل المقابل:



م، ن دائرتان متقاطعتان في أ، ب

م أ = ٦ سم، ن أ = ٨ سم

م أ ⊥ ن أ

أوجد طول أ ب

الحل

في Δ أ م ن (من فيثاغورث):

$$١٠٠ = ٦^2 + ٨^2 = (م ن)^2 \therefore م ن \perp م أ$$

$$\therefore م ن = ١٠ سم$$

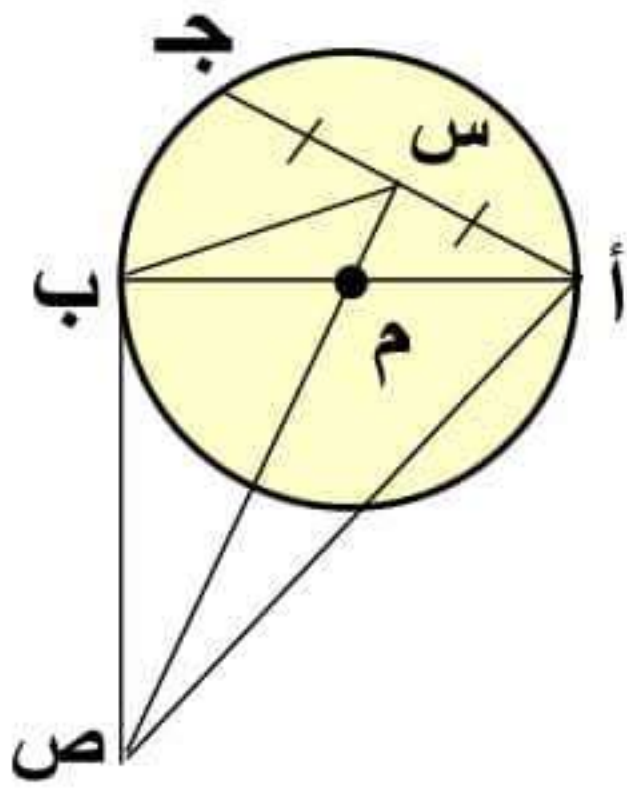
∴ أ ب وتر مشترك ∴ م ن ⊥ أ ب

$$\text{من إقليدس: } أ ج = \frac{م أ \times ن أ}{م ن} = \frac{٦ \times ٨}{١٠} = ٤,٨ سم$$

∴ أ ب وتر مشترك ∴ م ن ينصف أ ب

$$\therefore أ ب = ٤,٨ \times ٢ = ٩,٦ سم$$

٤٠ في الشكل المقابل:



أ ب قطر في الدائرة م
س منتصف أ ج، ب ص مماس
اثبت أن:
الشكل أ س ب ص رباعي دائري

الحل

$$\therefore س منتصف أ ج \therefore م س \perp أ ج$$

$$\therefore ق (أ س م) = ٩٠^\circ \leftarrow (١)$$

∴ ب ص مماس، أ ب قطر ∴ أ ب ⊥ ب ص

$$\therefore ق (م ب ص) = ٩٠^\circ \leftarrow (٢)$$

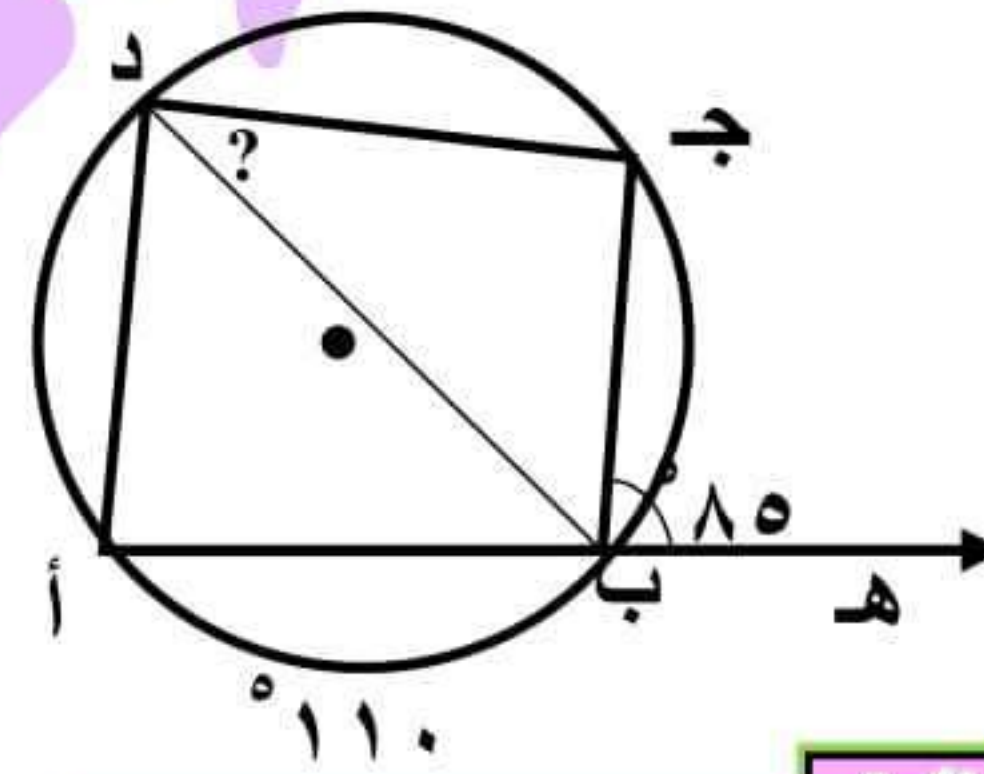
من ١، ٢ ينتج أن:

$$ق (أ س ص) = ق (أ ب ص)$$

وهما مرسومتان على قاعدة واحدة وهي أ ص وفي جهة واحدة منها

∴ أ س ب ص رباعي دائري

٣٩ في الشكل المقابل:



ه ∩ أ ب

$$ق (أ ب) = ١١٠^\circ$$

$$ق (ج ب ه) = ٨٥^\circ$$

أوجد ق (ب د ج)

الحل

$$\therefore ق (أ ب) = ١١٠^\circ$$

$$\therefore ق (ب د أ) المحيطية = \frac{١}{٢} ق (أ ب) = \frac{١١٠}{٢} = ٥٥^\circ$$

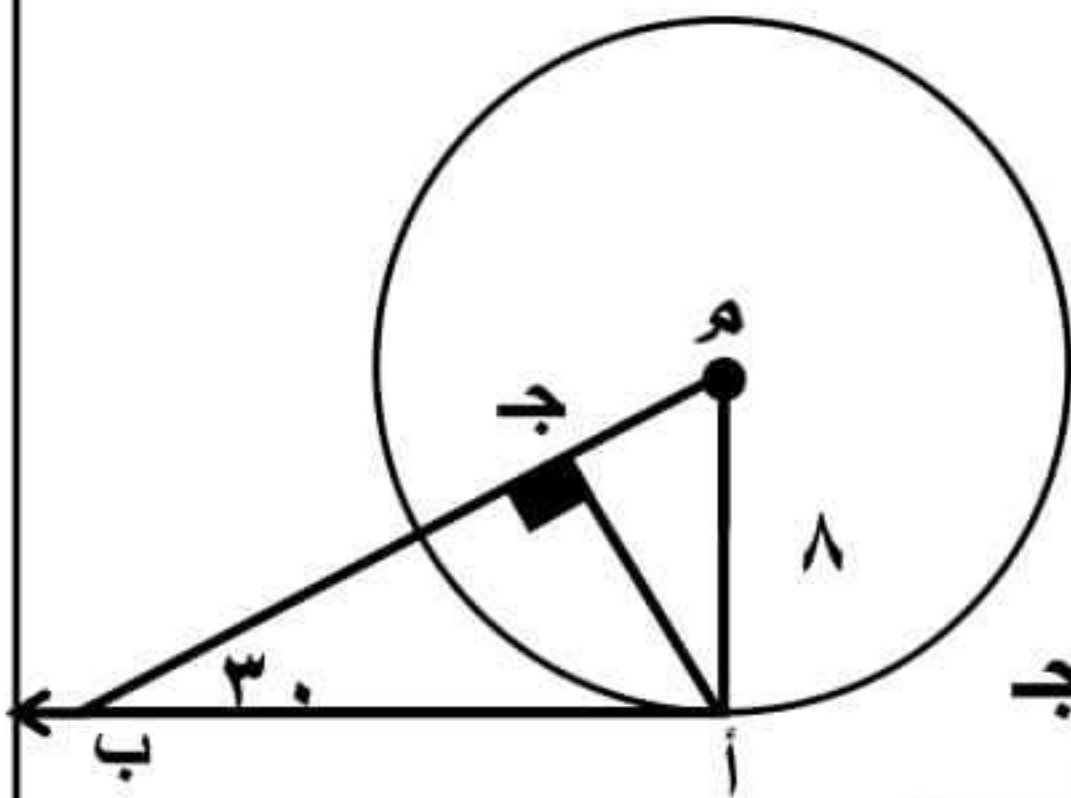
∴ ج ب ه خارجة عن الرباعي الدائري أ ب ج د

$$\therefore ق (ج د أ) = ق (ج ب ه) = ٨٥^\circ$$

$$\therefore ق (ب د ج) = ق (ج د أ) - ق (ب د أ)$$

$$= ٨٥ - ٥٥ = ٣٠^\circ$$

٤١ في الشكل المقابل:



أ ب مماس للدائرة عند أ

$$م أ = ٨ سم$$

$$ق (ب) = ٣٠^\circ$$

أوجد طول كل من أ ب، أ ج

الحل

$$\therefore أ ب مماس \therefore م أ \perp أ ب \therefore \Delta م أ ب قائم$$

$$\therefore ق (م ب أ) = ٣٠^\circ \therefore م ب = ٨ \times ٢ = ١٦ سم$$

من فيثاغورث: في Δ م أ ب

$$(أ ب)^2 = ٢٥٦ - ٦٤ = ١٩٢$$

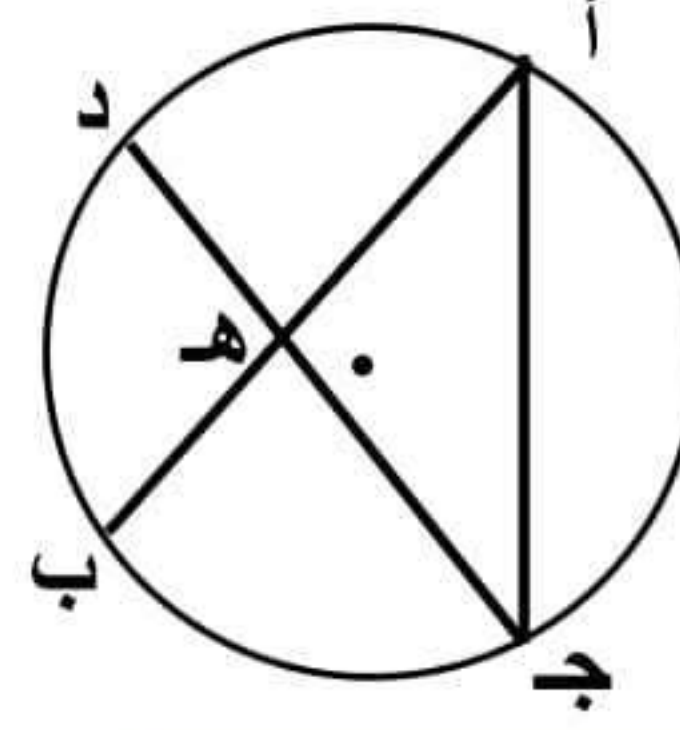
$$\therefore أ ب = \sqrt{١٩٢} = ٨\sqrt{٣} سم$$

في Δ أ ب ج:

∴ أ ج هو الضلع المقابل للزاوية ٣٠°

$$\therefore أ ج = \frac{١}{٢} الوتر أ ب \therefore أ ج = \frac{١}{٢} \times ٨\sqrt{٣} = ٤\sqrt{٣} سم$$

٤٢ في الشكل المقابل:



أ ب ، ج د وتران متساويان
في الطول
اثبت أن :
 Δ أ ج ه متساوي الساقين

الحل

$$\therefore \text{أ ب} = \text{ج د}$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ ب}}) = \text{ق}(\widehat{\text{ج د}})$$

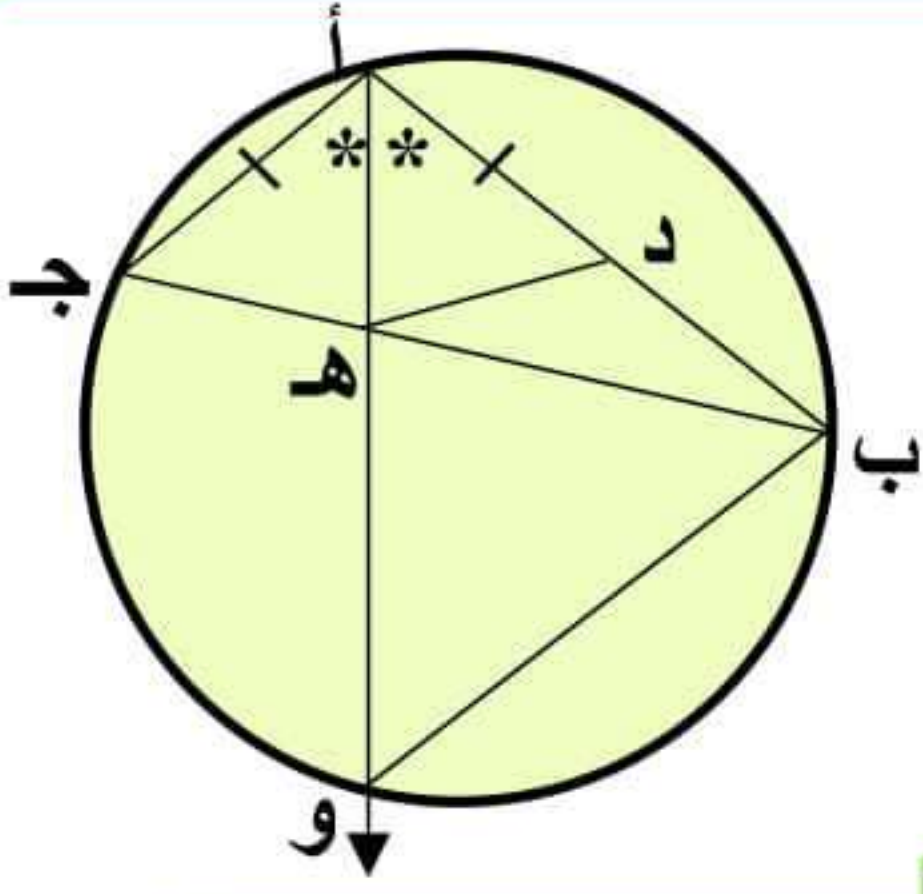
بطرح ق (د ب) من الطرفين

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ د}}) = \text{ق}(\widehat{\text{ب ج}})$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ج}}) = \text{ق}(\widehat{\text{أ}})$$

$\therefore \Delta$ أ ج ه متساوي الساقين

٤٤ في الشكل المقابل:



أ د = أ ج ،
أو ينصف ب أ ج
اثبت أن :
د ب ه و رباعي دائري

الحل

$$\Delta \text{ أ د ه} ، \Delta \text{ أ ج ه فيهما:}$$

$$\bullet \text{ ق}(\widehat{\text{د أ ه}}) = \text{ق}(\widehat{\text{ج أ ه}})$$

$$\bullet \text{ أ د} = \text{أ ج}$$

$$\bullet \text{ أ ه ضلع مشترك}$$

$$\therefore \Delta \text{ أ د ه} \equiv \Delta \text{ أ ج ه}$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ ج ه}}) = \text{ق}(\widehat{\text{أ د ه}}) \quad \text{--- (١)}$$

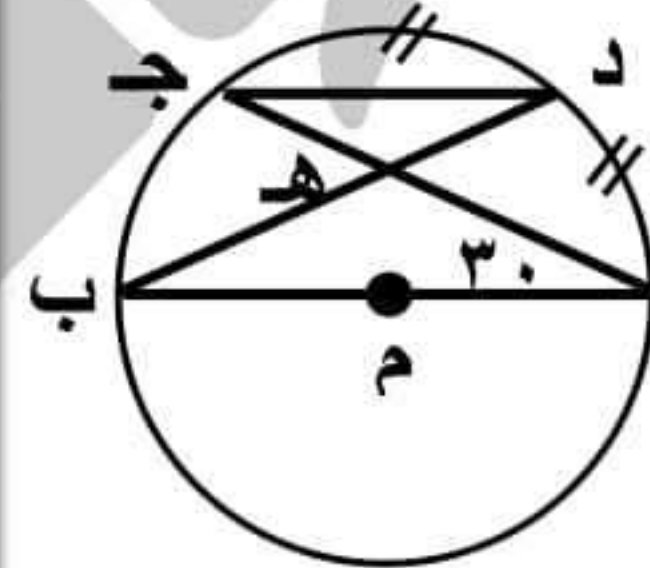
$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ ج ه}}) = \text{ق}(\widehat{\text{أ و ب}}) \quad \text{--- (٢)}$$

(لأنهما محيطيتان مشتركتان في القوس أ ب)

$$\text{من ١، ٢ ينتج أن: } \text{ق}(\widehat{\text{أ د ه}}) = \text{ق}(\widehat{\text{أ و ب}})$$

\therefore الشكل د ب و ه رباعي دائري

٤٣ في الشكل المقابل:



أ ب قطر في الدائرة م
ق (ج أ ب) = 30° ، د منتصف أ ج
١- أوجد ق (ب د ج) ، ق (أ د)
٢- اثبت أن : أ ب // ج د

الحل

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ب د ج}}) = \text{ق}(\widehat{\text{ج أ ب}})$$

محيطيتان مشتركتان في ج ب

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ب د ج}}) = 30^\circ \quad \text{أوجد}$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ج ب}}) = 30^\circ \times 2 = 60^\circ$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ د ج}}) + \text{ق}(\widehat{\text{ج ب}}) = 180^\circ$$

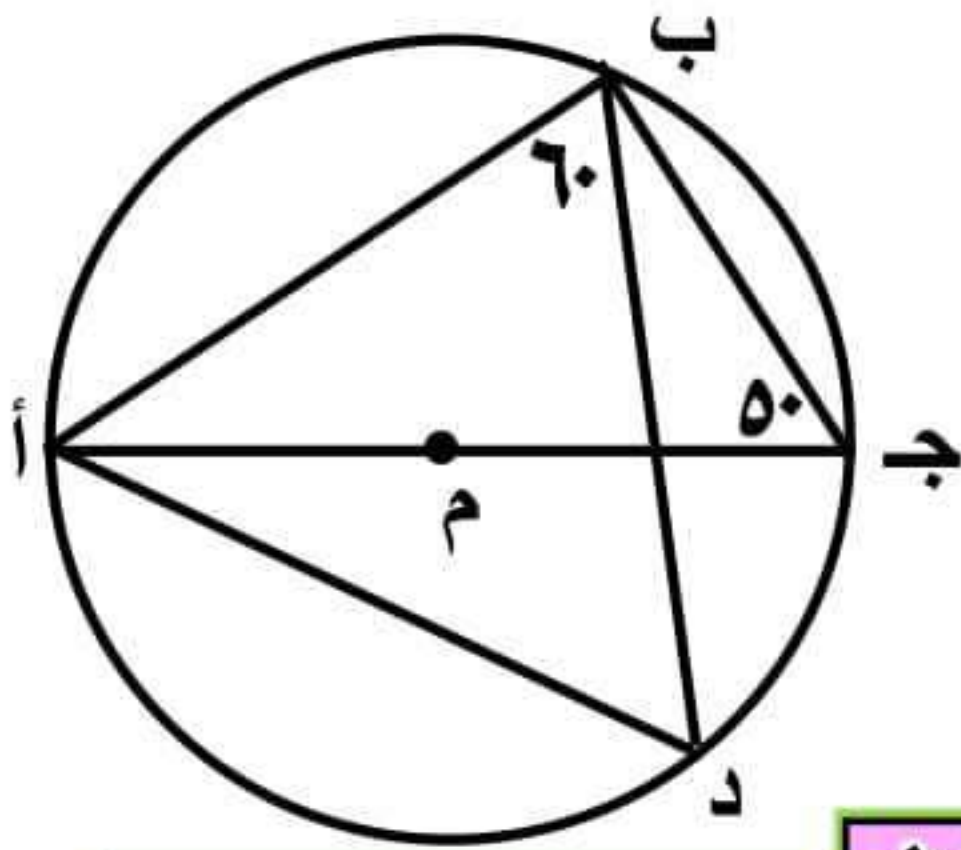
$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ د ج}}) = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ د}}) = \text{ق}(\widehat{\text{د ج}}) \quad \therefore \text{ق}(\widehat{\text{أ د}}) = \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{د ب أ}}) = \text{المحيطية} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ب د ج}}) = \text{ق}(\widehat{\text{د ب أ}}) \quad \therefore \text{أ ب} // \text{ج د} \quad \text{وهما متبادلتان}$$

٤٥ في الشكل المقابل:



الحل

\therefore أ ج قطر ، ج ب أ محيطية مرسومة في نصف دائرة

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ج ب أ}}) = 90^\circ$$

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ج ب د}}) = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

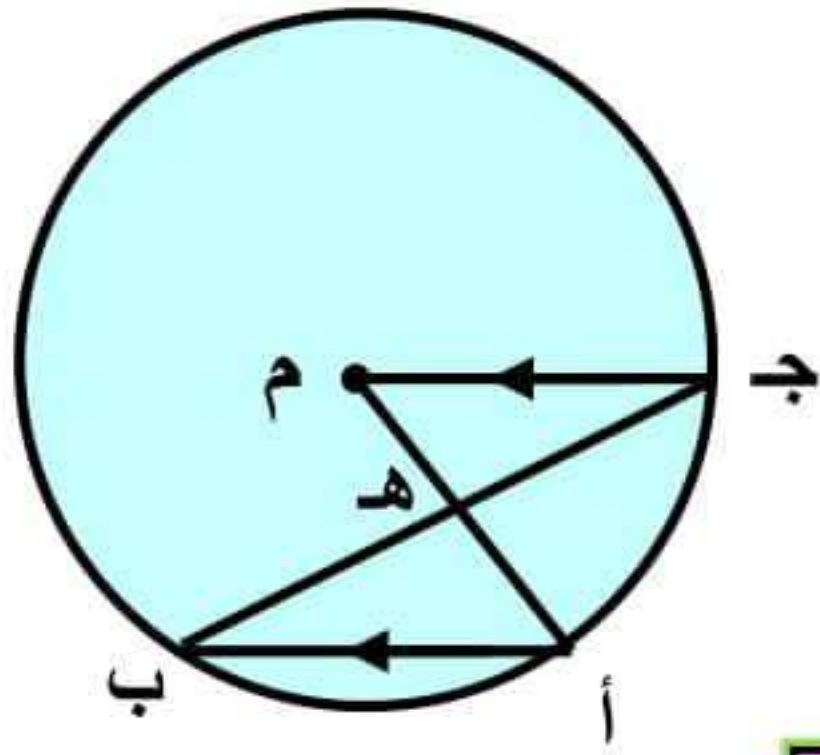
$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ب ج أ}}) = \text{ق}(\widehat{\text{ب د أ}})$$

محيطيتان مشتركتان في ب أ

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ب د أ}}) = 50^\circ$$

في Δ ب د أ

$$\therefore \text{ق}(\widehat{\text{ب أ د}}) = 180^\circ - (50^\circ + 60^\circ) = 70^\circ$$



٤٩ في الشكل المقابل:

أ ب وتر في الدائرة م

ج م // أ ب

اثبت أن : ب ه < أ ه

الحل

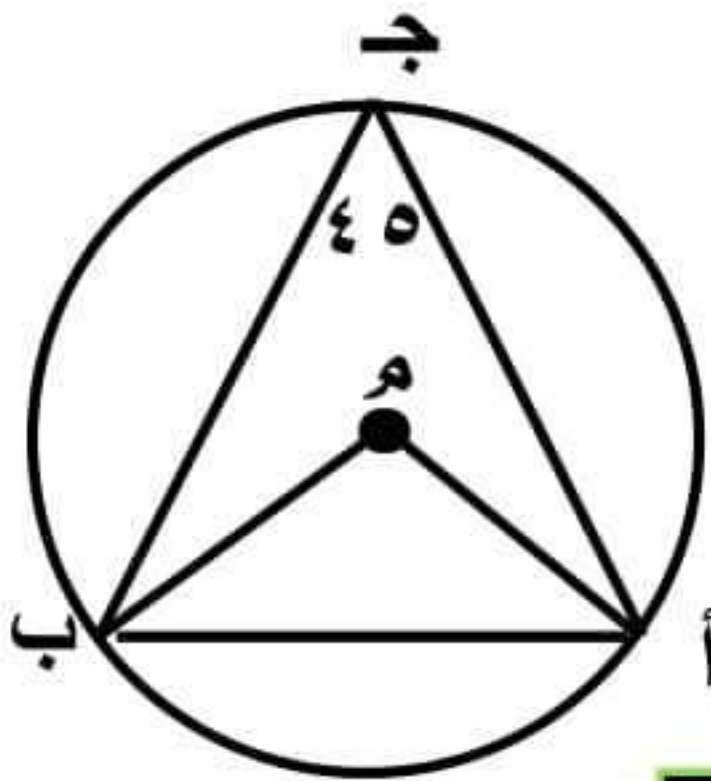
$$\angle ق (م) = \angle ق (ب)$$

مركزية ومحيطية مشتركتان في أ ج

$$\angle ق (م) = \angle ق (أ) \text{ بالتبادل}$$

$$\angle ق (أ) = \angle ق (ب) \text{ في } \triangle أ ه ب$$

$$\angle ق (أ) < \angle ق (ب) \therefore ب ه < أ ه$$



٥٠ في الشكل المقابل:

$$\angle ق (ج) = ٤٥^\circ$$

أوجد ق (م أ ب)

الحل

$$\angle ق (أ م ب) \text{ المركزية} = \angle ق (ج) \text{ المحيطية}$$

لأنهما مشتركتان في القوس أ ب

$$\angle ق (أ م ب) = ٩٠^\circ$$

$$\text{في } \triangle م أ ب : \angle م أ ب = \angle م ب أ = \angle ق$$

$$\angle ق (م أ ب) = \angle ق (م ب أ) = \frac{٩٠ - ١٨٠}{٢} = ٤٥^\circ$$

٥١ في الشكل المقابل:

أ ب قطر في الدائرة م

$$\angle ق (د م ب) = ٥٠^\circ$$

أوجد ق (أ ج د)

الحل

أ ب قطر ، أ ج ب محيطية مرسومة في نصف دائرة

$$\angle ق (أ ج ب) = ٩٠^\circ \leftarrow ١$$

$$\angle ق (د ج ب) \text{ المحيطية} = \frac{١}{٢} \angle ق (د م ب) \text{ المركزية}$$

$$\angle ق (د ج ب) = ٢٥^\circ \leftarrow ٢$$

$$\text{بجمع } ١، ٢ \text{ ينتج أن: } \angle ق (أ ج د) = ٩٠ + ٢٥ = ١١٥^\circ$$

٤٦ أ ب ، أ ج وتران متساويان في الطول في الدائرة م

س ، ص منتصفا أ ب ، أ ج على الترتيب

$$\angle ق (م س ص) = ٣٠^\circ$$

اثبت أن : ١ - م س ص متساوي الساقين

٢ - أ س ص متساوي الأضلاع

الحل



$$\therefore \text{س منتصف أ ب} \therefore م س \perp أ ب$$

$$\therefore \text{ص منتصف أ ج} \therefore م ص \perp أ ج$$

$$\therefore أ ب = أ ج \text{ (أوتار متساوية)}$$

$$\therefore م س = م ص \text{ (أبعاد متساوية)}$$

$$\therefore \triangle م س ص \text{ متساوي الساقين}$$

$$\angle ق (م س ص) = ٣٠^\circ , \angle ق (م س أ) = ٩٠^\circ$$

$$\therefore \angle ق (أ س ص) = ٩٠ - ٣٠ = ٦٠^\circ$$

$$\angle ق (أ ص س) = ٦٠^\circ \therefore \angle ق (أ) = ٦٠^\circ$$

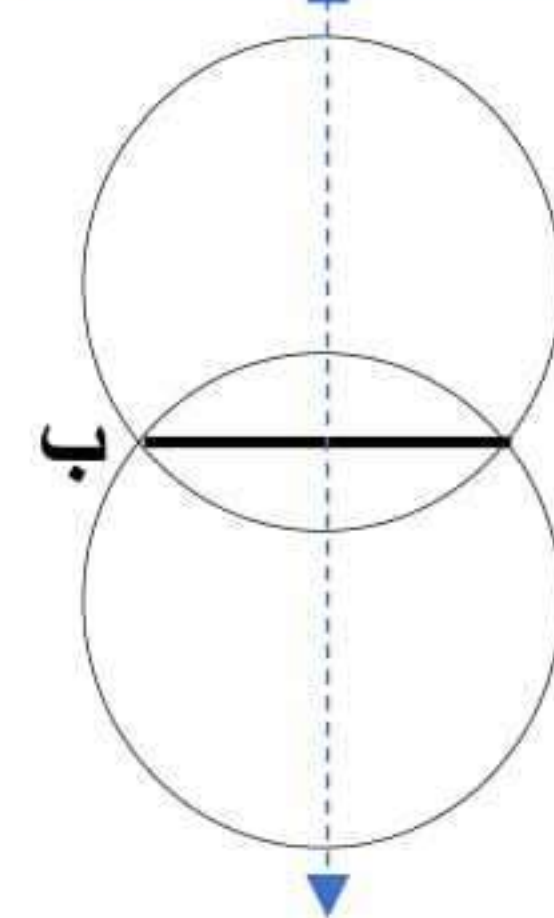
$$\therefore \triangle أ س ص \text{ متساوي الأضلاع}$$

٤٧ باستخدام الأدوات الهندسية ارسم أ ب = ٦ سم

ثم ارسم دائرة قطرها ١٠ سم تمر بالنقطتين أ ، ب

وكم دائرة يمكن رسمها

الحل



$$\text{نق} = ٥ \text{ سم}$$

$$\frac{١}{٢} أ ب = ٣ \text{ سم}$$

$$\therefore \text{نق} < \frac{١}{٢} أ ب$$

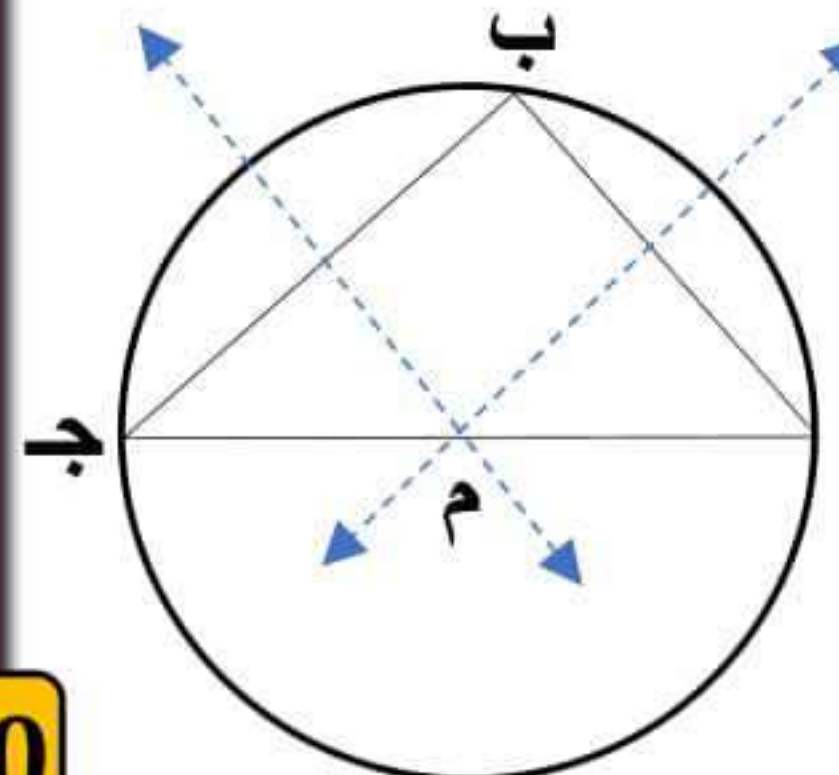
$$\therefore \text{عدد الحلول دائرتان}$$

٤٨ باستخدام الأدوات ارسم المثلث أ ب ج القائم حيث

أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٤ سم ثم ارسم دائرة تمر

برؤوس المثلث ثم أوجد طول نصف قطرها

الحل

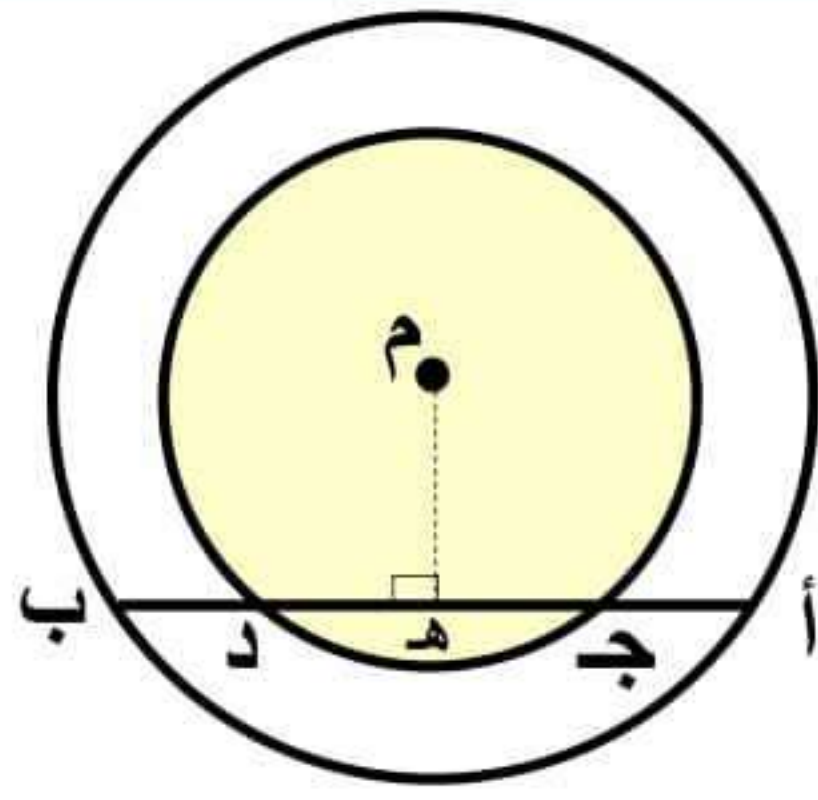


من فيثاغورث

$$أ ج = ٥ \text{ سم}$$

$$\therefore \text{المركز م ينصف وتر المثلث}$$

$$\therefore \text{نق} = ٢,٥ \text{ سم}$$



٥٥ في الشكل المقابل:

دائرتان متحدتا المركز م
أ ب وتر في الدائرة الكبرى
يقطع الصغرى في ج د ،
اثبت أن : أ ج = ب د

الحل

العمل : نرسم م ه \perp أ ب

في الدائرة الكبرى:

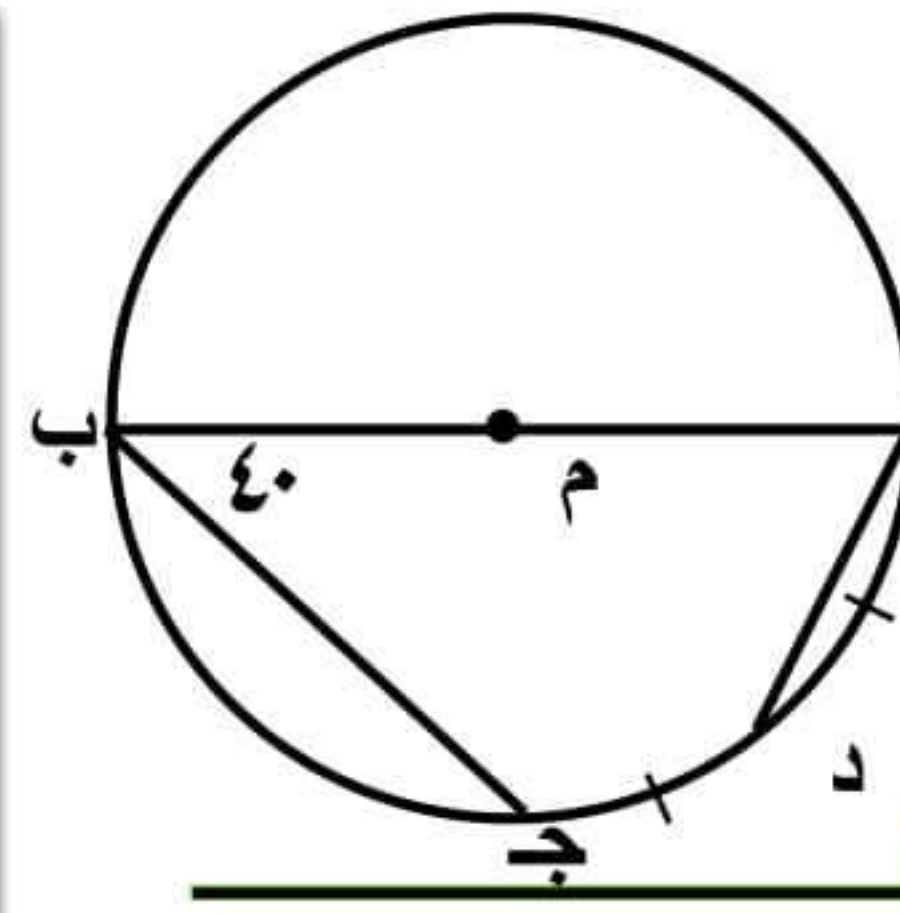
 \therefore م ه \perp أ ب \therefore ه منتصف أ ب \therefore أ ه = ه ب $\leftarrow ١$

في الدائرة الصغرى:

 \therefore م ه \perp ج د \therefore ه منتصف ج د \therefore ج ه = ه د $\leftarrow ٢$

ب طرح ١ ، ٢ ينتج أن:

أ ج = ب د



٥٦ في الشكل المقابل:

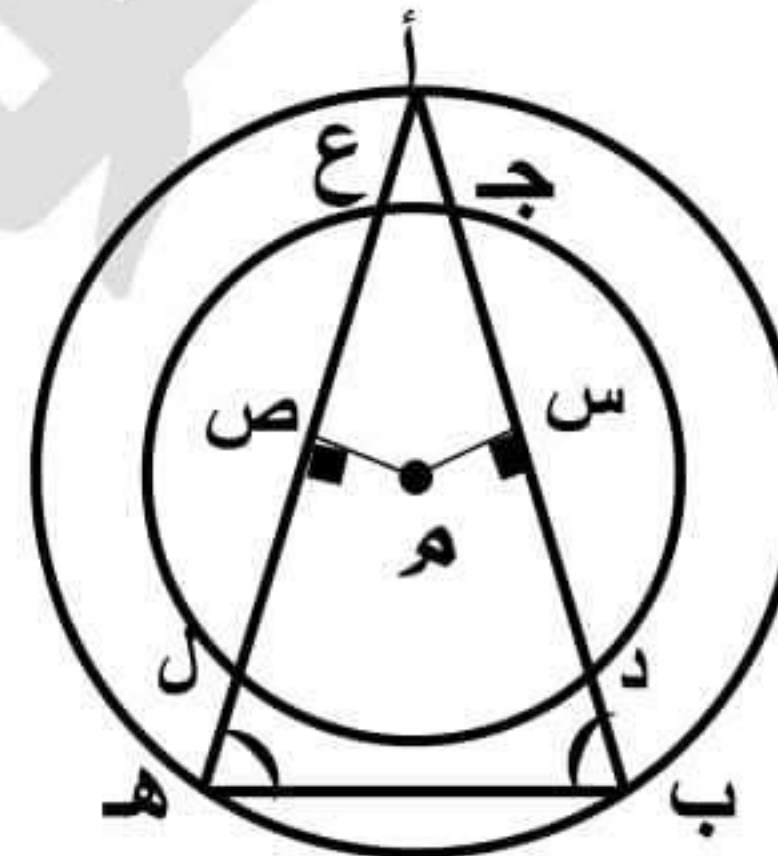
أ ب قطر في الدائرة م

ق (أ ب ج) = ٤٠°

ق (أ د) = ق (د ج)

أوجد ق (د أ ب)

الحل

 \therefore ق (أ د ج) = ٢ ق (ب) المحيطية \therefore ق (أ د ج) = ٢ × ٤٠ = ٨٠° \therefore ق (أ د) = ق (د ج) = ٨٠ ÷ ٢ = ٤٠° \therefore أ ب قطر \therefore ق (أ ج ب) = ١٨٠° \therefore ق (ب ج د) = ١٨٠ - ٨٠ = ١٠٠° \therefore ق (د ج ب) = ١٠٠ + ٤٠ = ١٤٠° \therefore ق (د أ ب) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق (د ج ب) = ٧٠°

٥٧ في الشكل المقابل:

دائرتان متحدتا المركز م

ق (ب) = ق (ه)

اثبت أن : ج د = ع ل

الحل

 \therefore ق (ب) = ق (ه) \therefore أ ب = أ ه

في الدائرة الكبرى:

 \therefore أ ب = أ ه أوتار متساوية ، م س = م س \perp أ ب ، م ص \perp أ ه \therefore م س = م ص أبعاد متساوية

في الدائرة الصغرى:

 \therefore م س = م ص أبعاد متساوية \therefore ج د = ع ل أوتار متساوية

٥٨ اذكر ثلاث حالات يكون فيها الشكل الرباعي دائرياً

الحل

(١) إذا وجد زاويتان متقابلتان متكاملتان

(٢) إذا وجد زاوية خارجة قياسها = المقابلة للمجاورة

(٣) إذا وجد زاويتان مرسومتان على قاعدة واحدة وفي جهة

واحدة منها ومتساويتان

22

اختر الإجابة الصحيحة:

١ عدد محاور التماثل لأي دائرة هو

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) عدد لا نهائي

٢ عدد محاور تماثل نصف الدائرة هو

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) عدد لا نهائي

٣ وتر طوله ٨ سم في دائرة طول نصف قطرها ٥ سم فإنه يبعد عن مركزها سم

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٨

٤ إذا كان المستقيم $l \cap$ الدائرة $\Phi =$ فإن المستقيم l يكون

- (أ) محور تماثل (ب) خارج (ج) قاطع (د) مماس

٥ إذا كان المستقيم مماساً للدائرة التي قطرها ٨ سم فإنه يبعد عن مركزها سم

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ٨

٦ دائرة محيطها 6π سم والمستقيم l يبعد عن مركزها ٣ سم فإن المستقيم l يكون

- (أ) مماس للدائرة (ب) قاطع للدائرة (ج) خارج الدائرة (د) قطر في الدائرة

٧ خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عمودياً على

- (أ) القطر (ب) الوتر (ج) الوتر المشترك (د) المماس

٨ دائرتان M ، N متماستان من الداخل، أنصاف أقطارهم ٥ سم، ٩ سم فإن $MN =$ سم

- (أ) ١٤ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٩

٩ M ، N دائرتان متقاطعتان وطولاً نصفى قطريهما ٥ سم، ٢ سم فإن $MN \cap$

- (أ) $[7, 3]$ (ب) $[7, 3]$ (ج) $[7, 3]$ (د) $[7, 3]$

١٠ إذا كان سطح الدائرة $M \cap$ سطح الدائرة $N = \{A\}$ وطول نصف قطر أحدهما ٣ سم، $MN = ٨$ سم

فإن طول نصف قطر الأخرى =

- (أ) ٥ (ب) ٦ (ج) ١١ (د) ١٦

١١ إذا كان الدائرتان M ، N متماستان من الخارج وطول نصف قطر إحداهما ٥ سم، $MN = ٩$ سم

فإن طول نصف قطر الأخرى =

- (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٩ (د) ١٤

١٢ M دائرة طول قطرها ٧ سم، A نقطة في مستوى الدائرة وكان $MA = ٤$ سم فإن A تقع

- (أ) داخل الدائرة (ب) خارج الدائرة (ج) على الدائرة (د) على مركز الدائرة

١٣ عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة هو

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

١٤ لا يمكن رسم دائرة تمر برؤوس

- (أ) المثلث (ب) المربع (ج) المعين (د) المستطيل

١٥ يمكن رسم دائرة تمر برؤوس

- (أ) معين (ب) مستطيل (ج) شبه منحرف (د) متوازي أضلاع

١٦ مركز الدائرة الداخلة لأي مثلث هو نقطة تقاطع

- (أ) متوسطات المثلث (ب) ارتفاعات المثلث (ج) محاور تماثل أضلاعه (د) منصفات زواياه الداخلة

١٧ مركز الدائرة الخارجة لأي مثلث هو نقطة تقاطع

- (أ) متوسطات المثلث (ب) ارتفاعات المثلث (ج) محاور تماثل أضلاعه (د) منصفات زواياه الداخلة

١٨ قياس القوس الذى يمثل ثلث قياس الدائرة =

- (أ) ٣٦٠ (ب) ١٨٠ (ج) ١٢٠ (د) ٩٠

١٩ النسبة بين قياس الزاوية المحيطية وقياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس =

- (أ) ٢ : ١ (ب) ٣ : ١ (ج) ١ : ٢ (د) ١ : ٣

٢٠ طول نصف الدائرة التي طول نصف قطرها نق سم = سم

- (أ) 2π نق (ب) $\frac{1}{4}\pi$ نق (ج) $\frac{1}{3}\pi$ نق (د) π نق

٢١ قياس الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة =

- (أ) 45° (ب) 90° (ج) 120° (د) 180°

٢٢ أ ب ج د شكل رباعى دائرى فيه ق (أ) $= 60^\circ$ فإن ق (ج) =

- (أ) 60° (ب) 30° (ج) 90° (د) 120°

٢٣ إذا كان الشكل أ ب ج د رباعى دائرى وكان ق (أ) $= \frac{1}{4}$ ق (ج) فإن ق (أ) =

- (أ) 90° (ب) 60° (ج) 120° (د) 180°

٢٤ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماستين من الخارج =

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

٢٥ المماسان المرسومان من نهايتى قطر في دائرة يكونان

- (أ) متوازيان (ب) منطبقان (ج) متقاطعان (د) متساويان في الطول

٢٦ الزاوية المماسية هي زاوية محصورة بين

- (أ) وتران (ب) مماسان (ج) وتر ومماس (د) وتر وقطر

٢٧ عدد المماسات المشتركة لداثرتين متباعدتان هو

- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤

٢٨ الزاوية المحيطية التي تقابل قوساً أصغر في الدائرة تكون

- (أ) منعكسة (ب) قائمة (ج) منفرجة (د) حادة

٢٩ الشكل الرباعي الدائري في الأشكال التالية هو

- (أ) المعين (ب) المستطيل (ج) متوازي الأضلاع (د) شبه المنحرف

٣٠ إذا كانت نقطة تقع على الدائرة م التي قطرها ٦ سم فإن أ م = سم

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٦

٣١ المماس لدائرة طول نصف قطرها ٥ سم يكون على بعد سم من مركزها

- (أ) ٥ (ب) ١٠ (ج) صفر (د) ٣

٣٢ دائرة طول أكبر وتر فيها = ١٢ سم فإن محيط الدائرة = سم

- (أ) 12π (ب) 6π (ج) 10π (د) 24π

٣٣ القطر هو يمر بمركز الدائرة

- (أ) وتر (ب) مستقيم (ج) شعاع (د) مماس

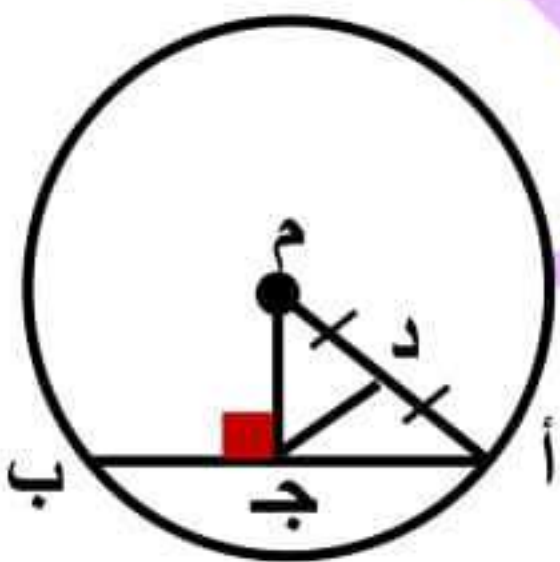
٣٤ أكبر أوتار الدائرة طولاً يسمى

- (أ) وتر (ب) قطر (ج) نصف قطر (د) مماس

٣٥ في الشكل المقابل: د منتصف أ ج ، م ج \perp أ ب ، ج د = ٣ سم

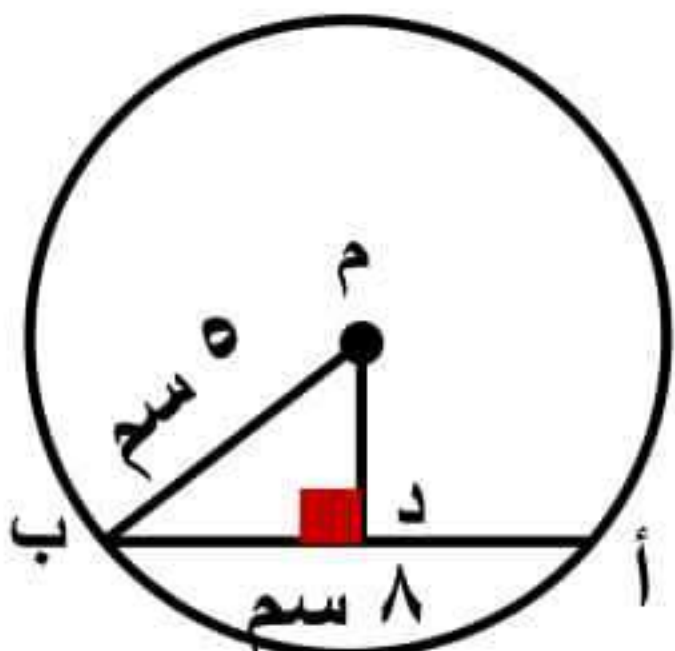
فإن مساحة سطح الدائرة م تساوى π سم^٢

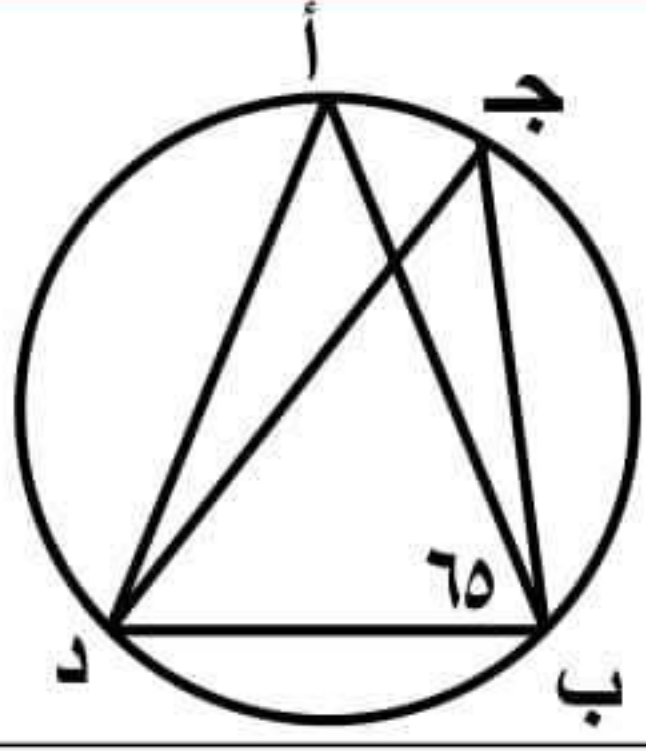
- (أ) ٣ (ب) ٦ (ج) ٩ (د) ٣٦



٣٦ في الشكل المقابل: أ ب = ٨ سم ، م ب = ٥ سم فإن م د = سم

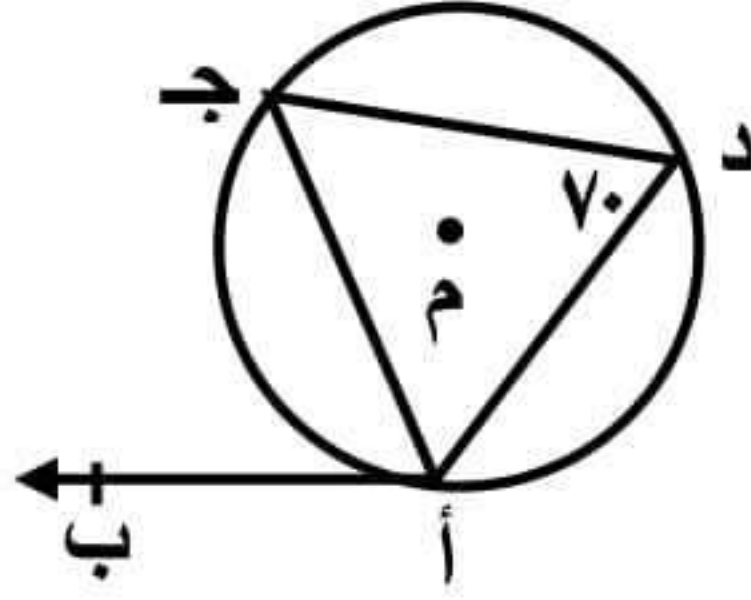
- (أ) ٥ (ب) ٣ (ج) ٤ (د) ٢





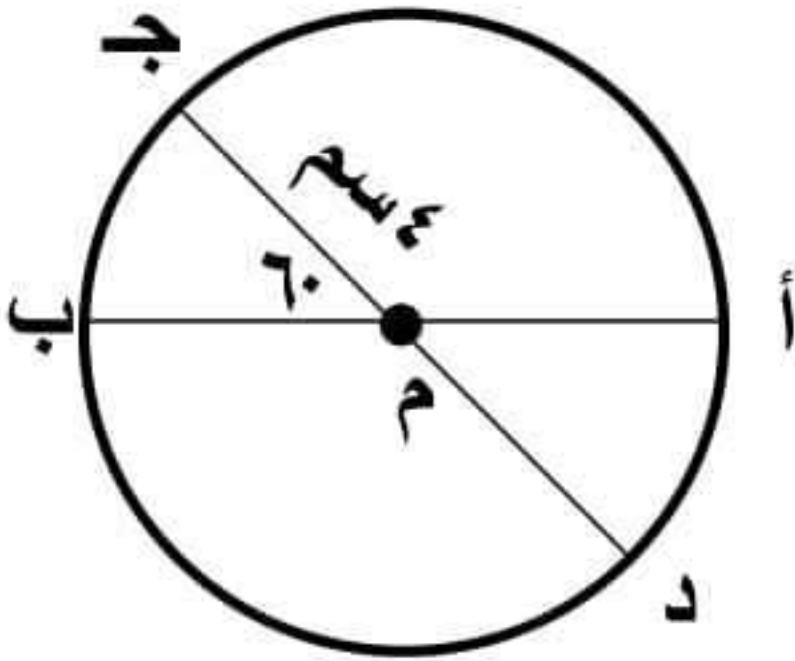
٣٧ في الشكل المقابل: $\angle A = 65^\circ$ ، $\angle BDC = 70^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots^\circ$

- (أ) ١٥ (ب) ٢٥ (ج) ٣٥ (د) ٥٥



٣٨ في الشكل المقابل: $\angle A = 70^\circ$ ، $\angle BDC = 110^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots^\circ$

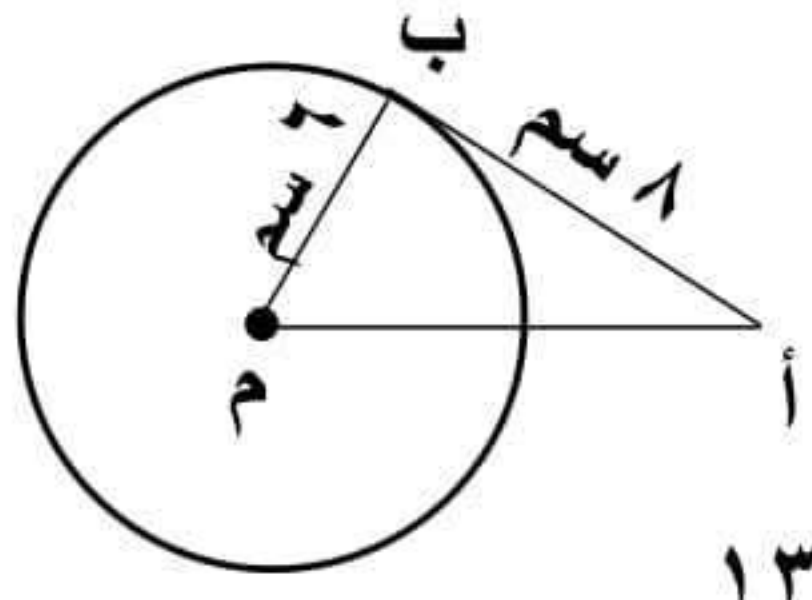
- (أ) ١٤٠ (ب) ٣٥ (ج) ٧٠ (د) ١١٠



٣٩ في الشكل المقابل: M دائرة ، $CD = 4$ سم

ق $(\angle M) = 60^\circ$ ، فإن طول $AB = \dots$

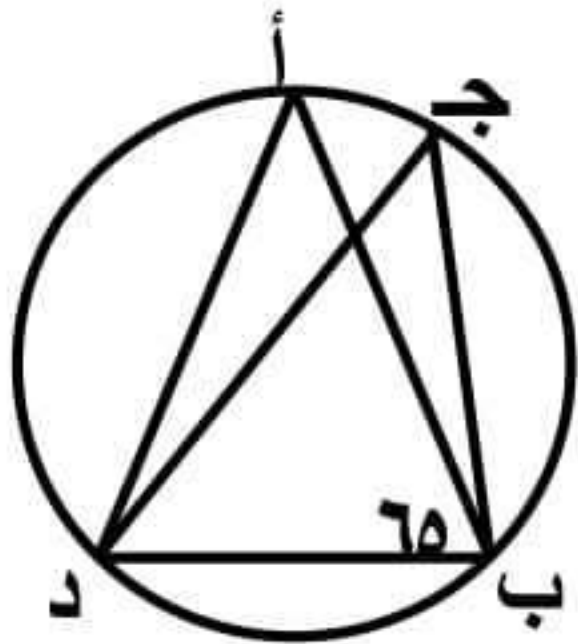
- (أ) 4π (ب) 8π (ج) $\frac{8}{3}\pi$ (د) 16π



٤٠ في الشكل المقابل: AB مماس للدائرة M

$MB = 6$ سم ، $AB = 8$ سم ، فإن $AM = \dots$ سم

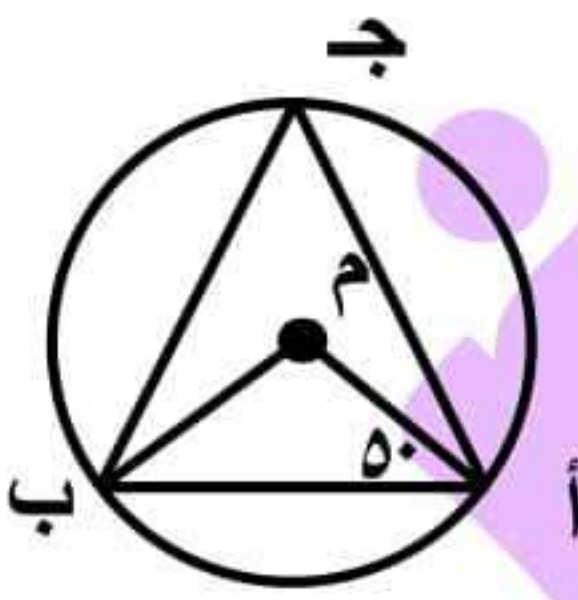
- (أ) ٥ (ب) ١٠ (ج) ١٢ (د) ١٣



٤١ في الشكل المقابل: دائرة مركزها M

إذا كان $\angle C = 50^\circ$ ، فإن $\angle ADB = \dots^\circ$

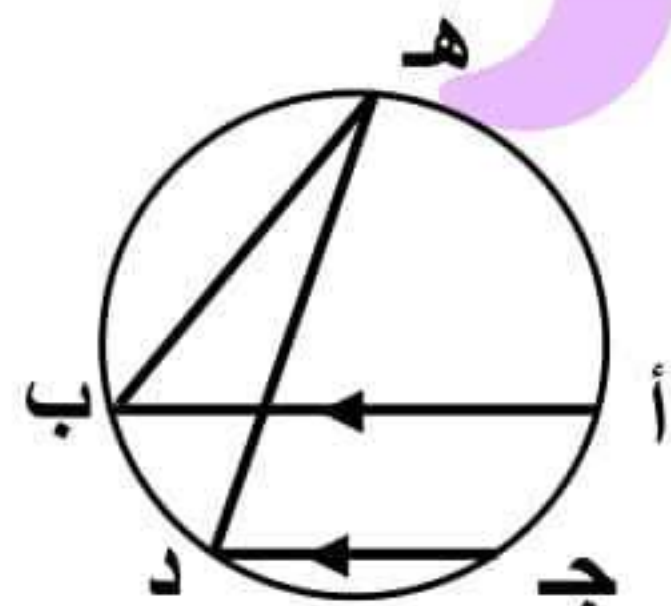
- (أ) ٢٥ (ب) ٥٠ (ج) ١٠٠ (د) ١٥٠



٤٢ في الشكل المقابل: دائرة مركزها M

ق $(\angle M) = 50^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots^\circ$

- (أ) ٥٠ (ب) ٨٠ (ج) ٤٠ (د) ٣٠



٤٣ في الشكل المقابل: $AB \parallel CD$

ق $(\angle A) = 30^\circ$ ، فإن $\angle BDC = \dots^\circ$

- (أ) ١٠ (ب) ١٥ (ج) ٣٠ (د) ٦٠



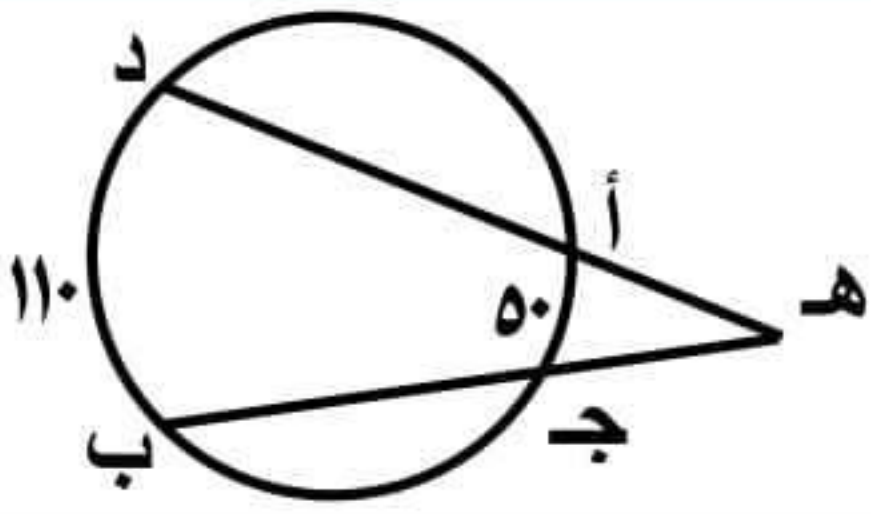
٤٤ في الشكل المقابل: $\triangle ABC$ متساوي الأضلاع

فإن $\angle C = \dots^\circ$

- (أ) ٥٠ (ب) ٦٠ (ج) ١٢٠ (د) ١٠٠

٤٥ في الشكل المقابل : ق (أ ج) = ٥٠°

ق (د ب) = ١١٠° فإن ق (هـ) =



(د) ٣٠°

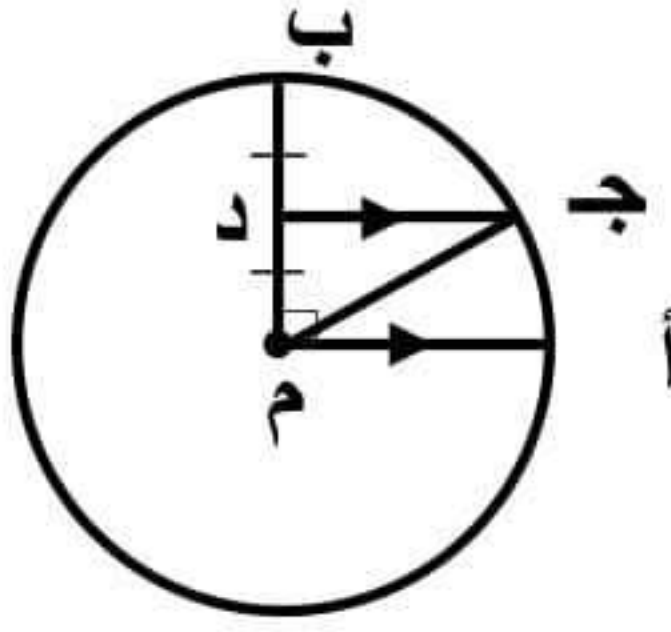
(ج) ٤٠°

(ب) ٥٠°

(أ) ٦٠°

٤٦ في الشكل المقابل : أم // جد ، م د = د ب

ق (أ م ب) = ٩٠° فإن ق (أ ج) =



(د) ٩٠°

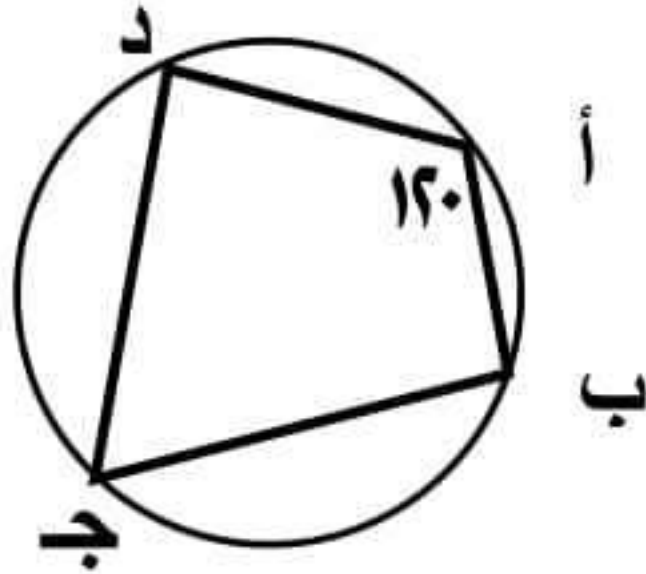
(ج) ٣٠°

(ب) ٦٠°

(أ) ٤٥°

٤٧ في الشكل المقابل : ق (أ) = ١٢٠°

فإن ق (ج) =



(د) ١٨٠°

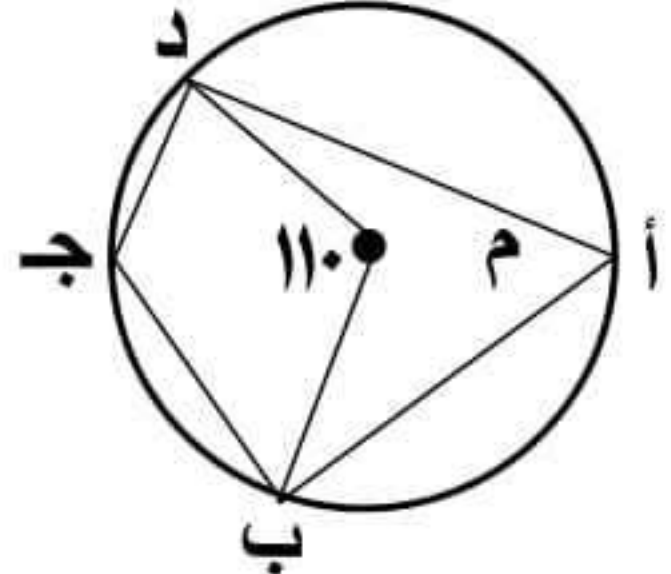
(ج) ١٢٠°

(ب) ٩٠°

(أ) ٦٠°

٤٨ في الشكل المقابل : دائرة مركزها م

ق (ب م د) = ١١٠° فإن ق (ج) =



(د) ٥٥°

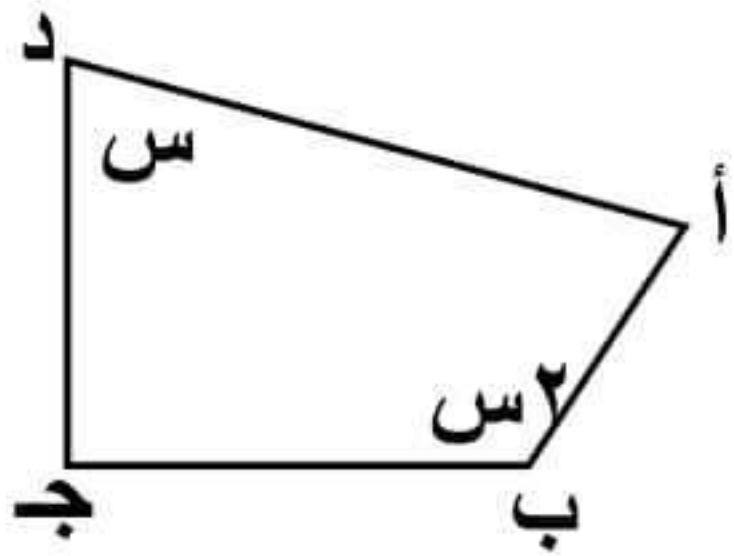
(ج) ١٢٥°

(ب) ١١٠°

(أ) ٧٠°

٤٩ في الشكل المقابل : أ ب ج د شكل رباعي دائري

فإن س =



(د) ٥٠°

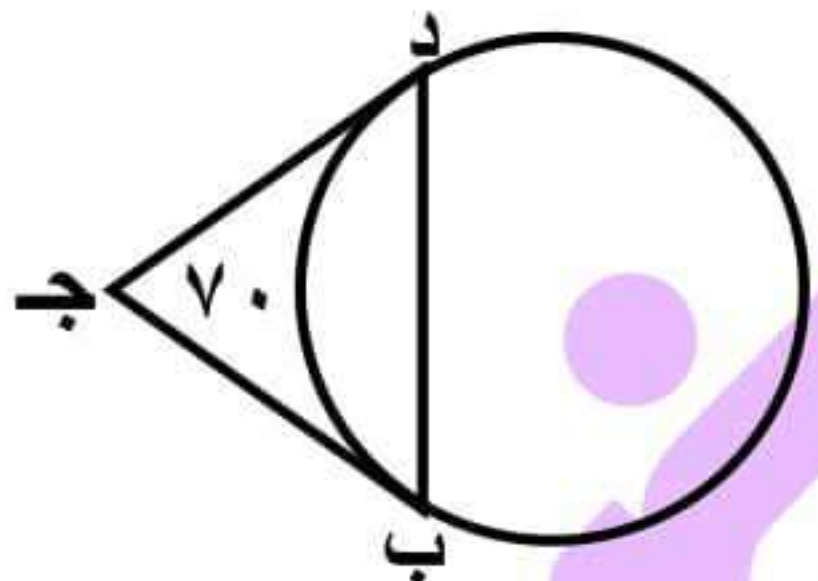
(ج) ٦٠°

(ب) ١٠٠°

(أ) ١٢٠°

٥٠ في الشكل المقابل : ج ب ، ج د قطعتان مماستان

ق (ج) = ٧٠° فإن ق (د ب) الأصغر =



(د) ٥٥°

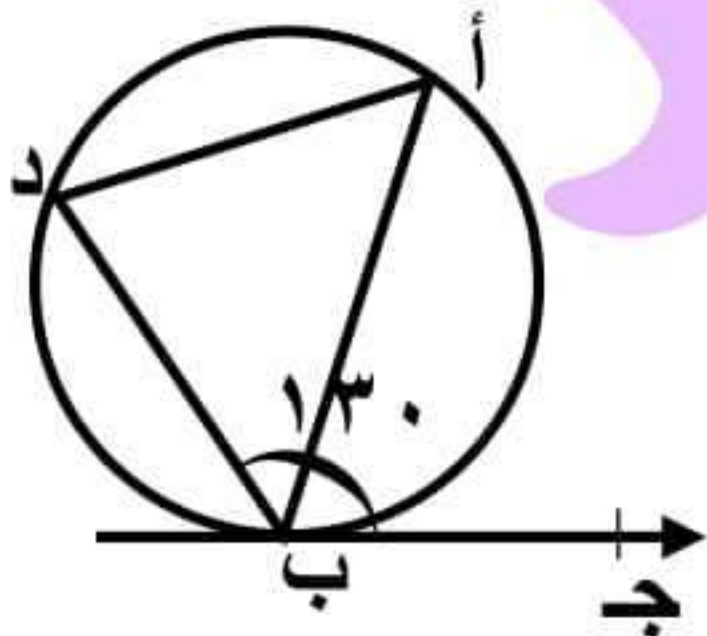
(ج) ١٢٥°

(ب) ١١٠°

(أ) ٧٠°

٥١ في الشكل المقابل : ب ج مماس للدائرة

ق (د ب ج) = ١٣٠° فإن ق (أ) =



(د) ١٨٠°

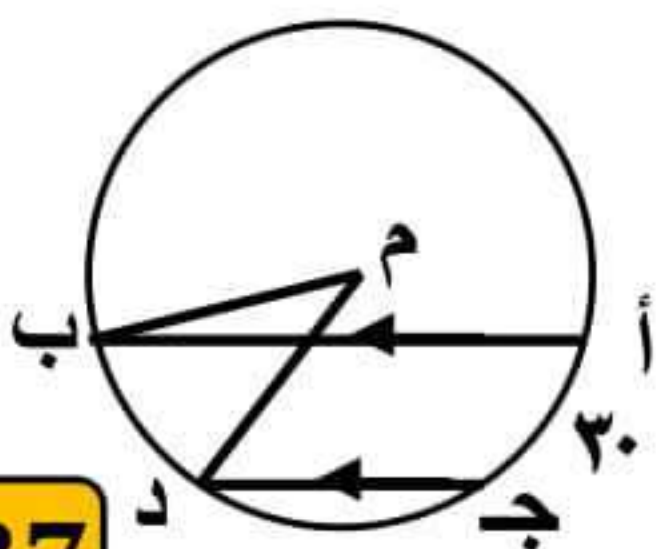
(ج) ١٣٠°

(ب) ٦٥°

(أ) ٥٠°

٥٢ في الشكل المقابل : أ ب // ج د

ق (أ ج) = ٣٠° فإن ق (ب م د) =



(د) ٦٠°

(ج) ٣٠°

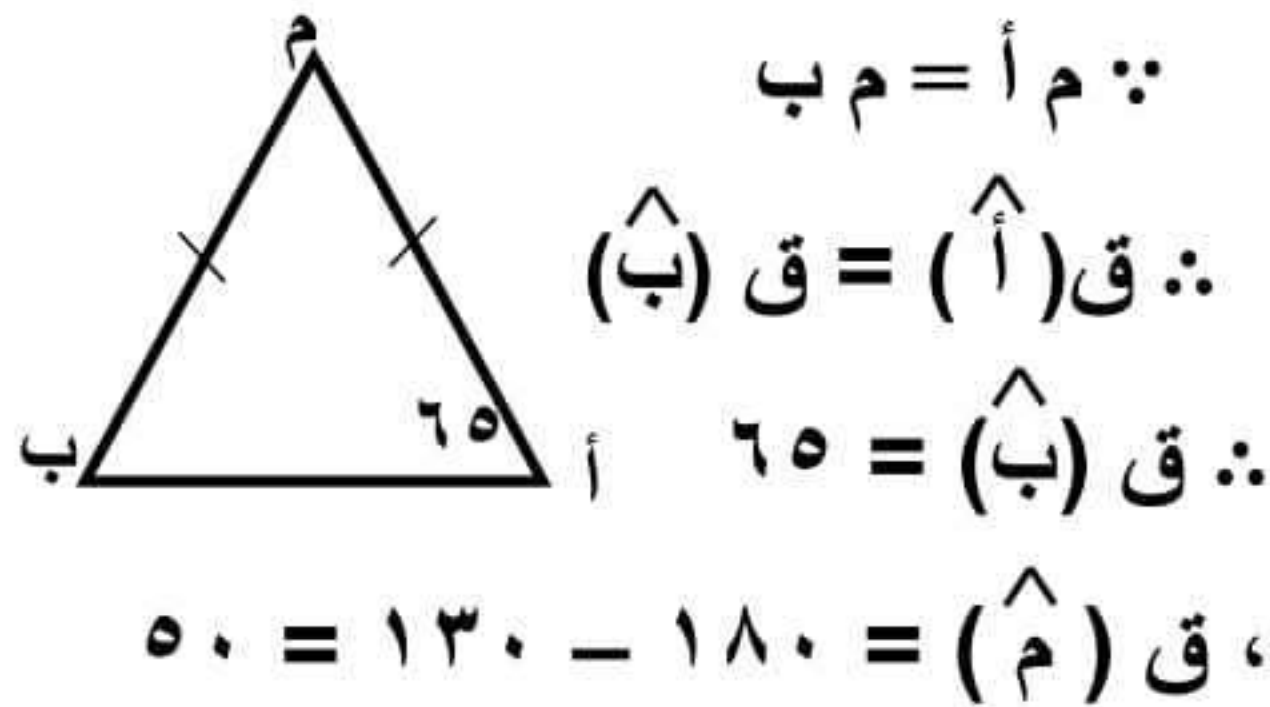
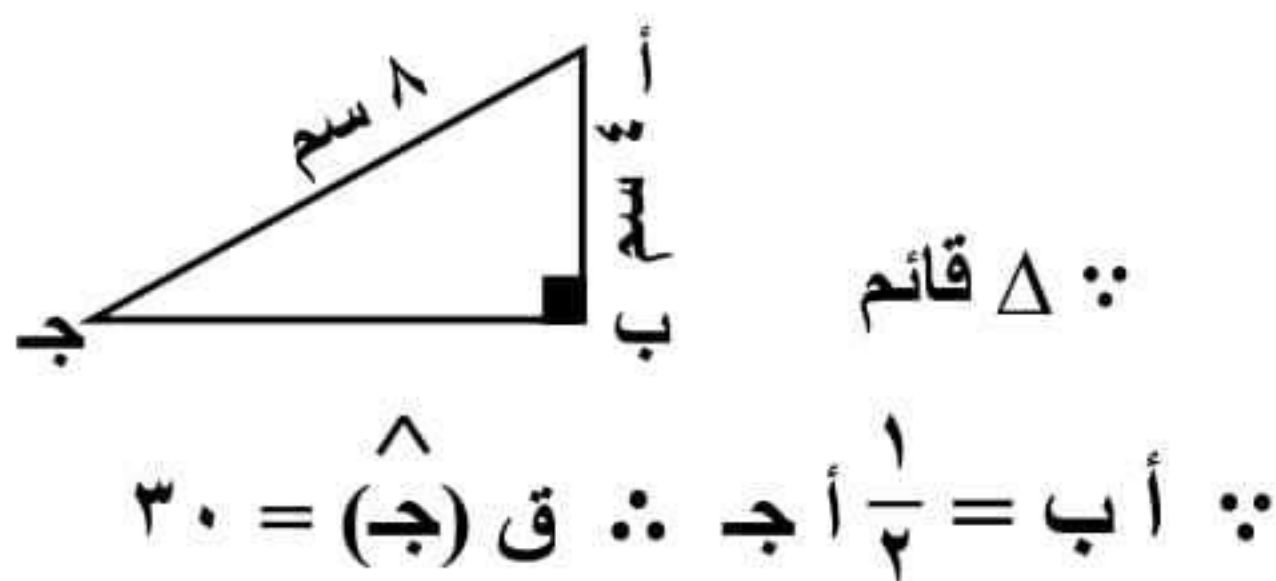
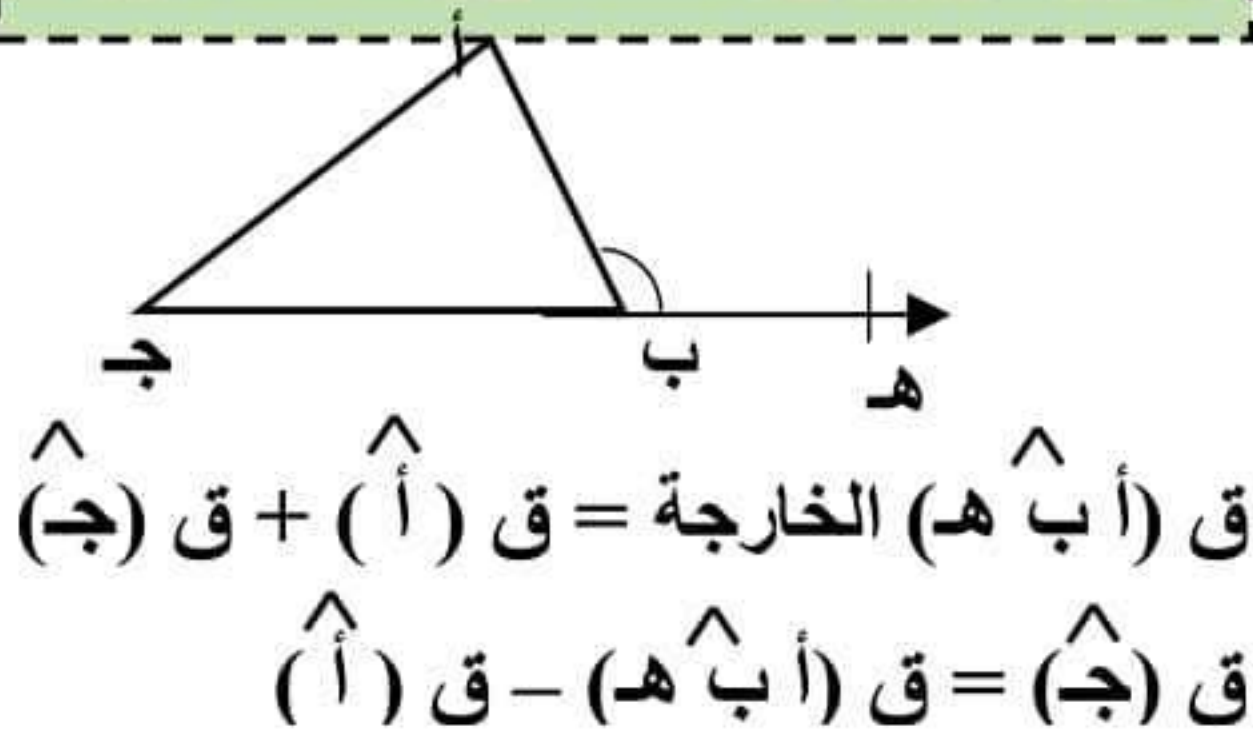
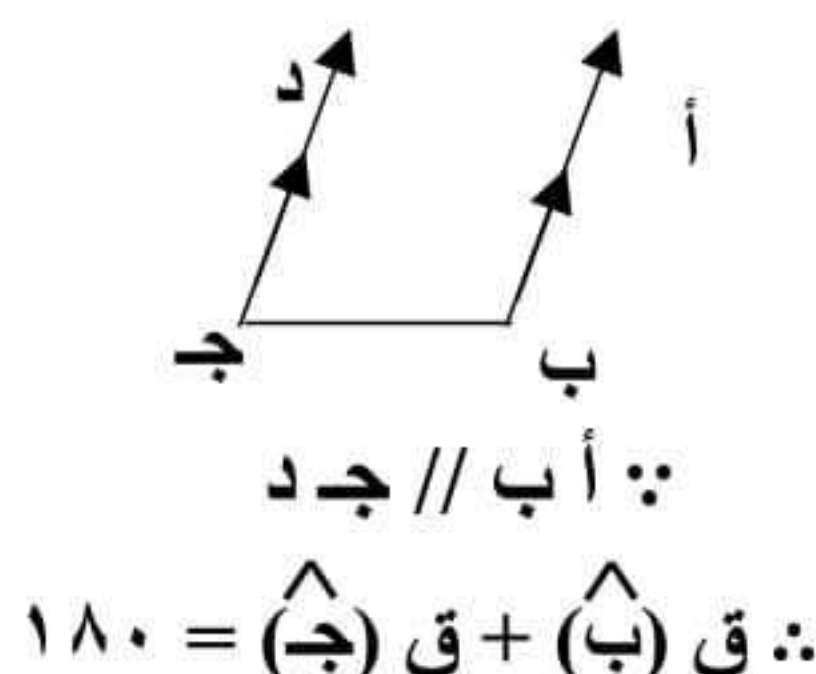
(ب) ١٥°

(أ) ١٠°

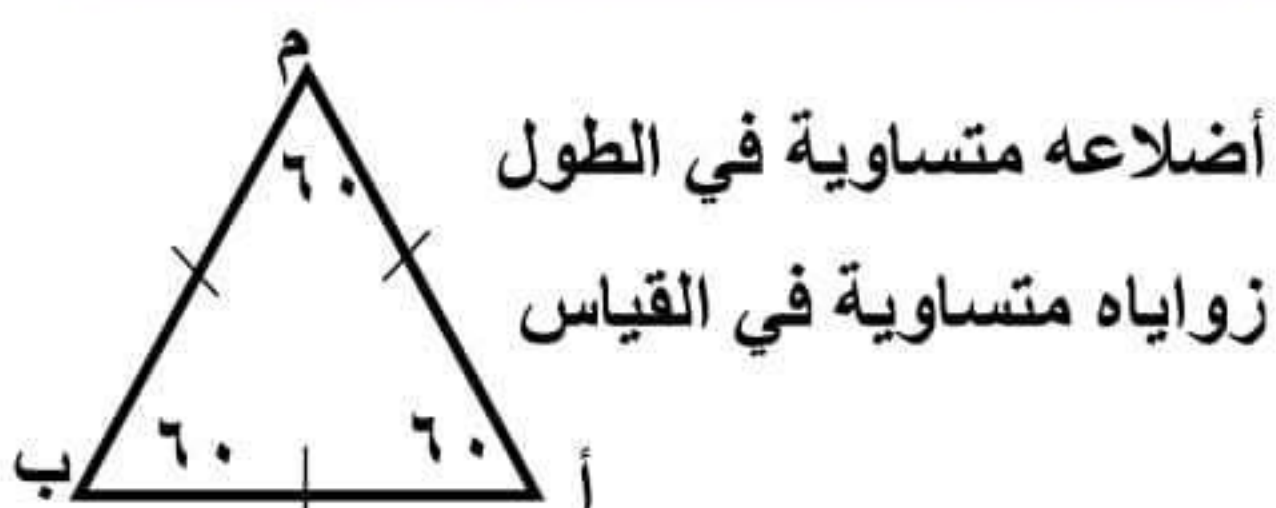
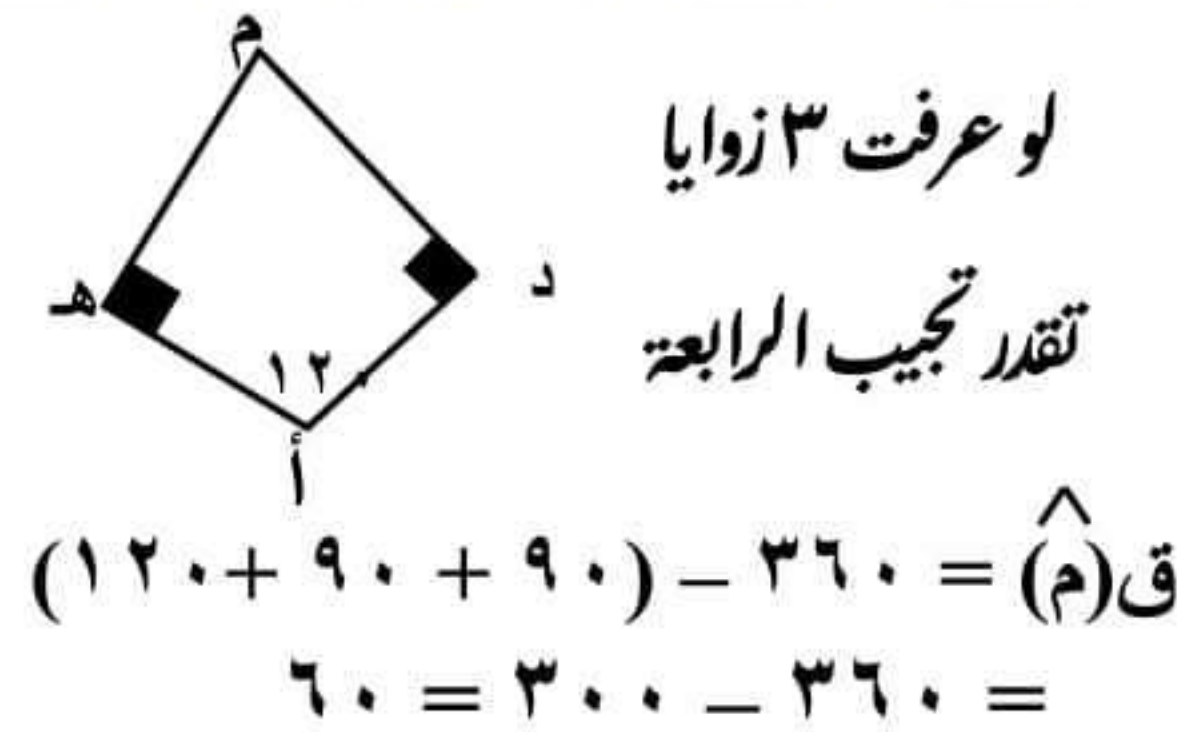
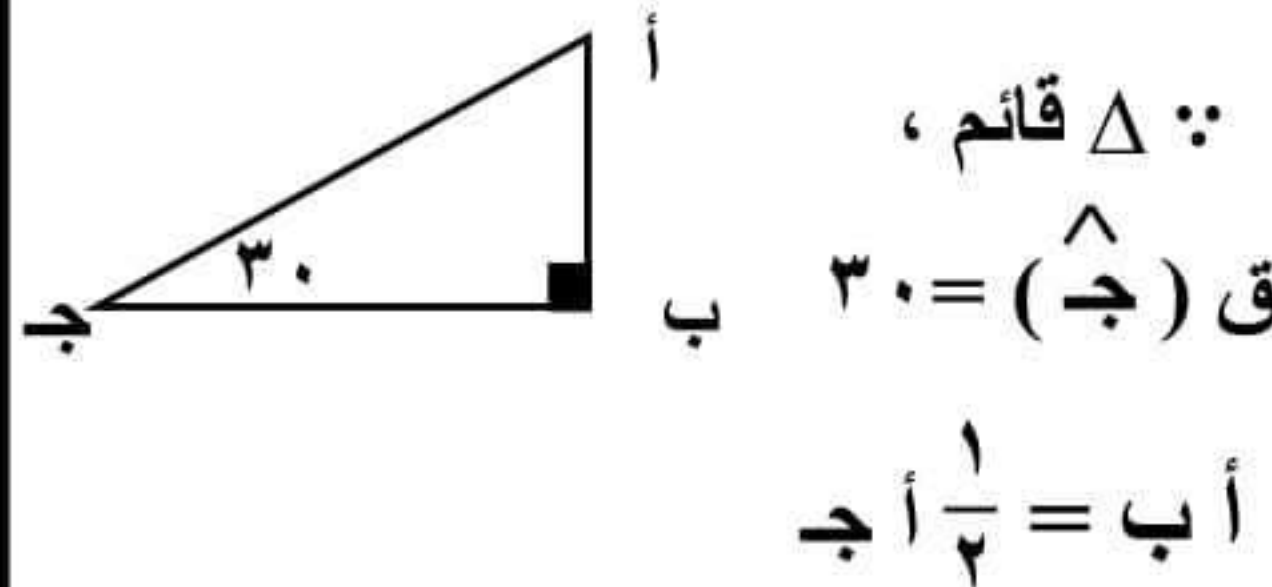
تراكمي هندسة

- ① مساحة المعين الذي طول قطريه ٦ سم ، ٨ سم = سم^٢
- ② مجموع طولى أي ضلعين في المثلث طول الضلع الثالث
- ③ في المثلث أ ب ج إذا كان $(أ ج) = (أ ب) + (ب ج)$ فإن زاوية ب تكون
- ④ في المثلث أ ب ج إذا كان $(أ ج) < (أ ب) + (ب ج)$ فإن زاوية ب تكون
- ⑤ في المثلث أ ب ج إذا كان $(أ ج) < (أ ب) + (ب ج)$ فإن زاوية ب تكون
- ⑥ قياس زاوية الشكل السداسى المنتظم =
- ⑦ عدد محاور تماثل المربع = ، عدد محاور تماثل المستطيل =
- ⑧ ميل المستقيم الذى معادلته ٣ س - ٤ ص + ١٢ = ٠ هو
- ⑨ ميل المستقيم الموازى لمحور السينات =
- ⑩ عدد محاور تماثل نصف الدائرة عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين
- ⑪ القطران المتساويان في الطول وغير متعامدان في
- ⑫ مربع محيطه ٢٠ سم تكون مساحته = سم^٢
- ⑬ إذا كان أ ب قطر فى دائرة م حيث أ (٣ ، - ٥) ، ب (٥ ، ١) فإن مركز الدائرة م هو
- ⑭ دائرة محيطها ٨π فإن طول قطرها =
- ⑮ في المثلث القائم طول المتوسط الخارج من الزاوية القائمة يساوى
- ⑯ في المثلث القائم طول الضلع المقابل للزاوية ٣٠ يساوى
- ⑰ عدد المستطيلات في الشكل المقابل

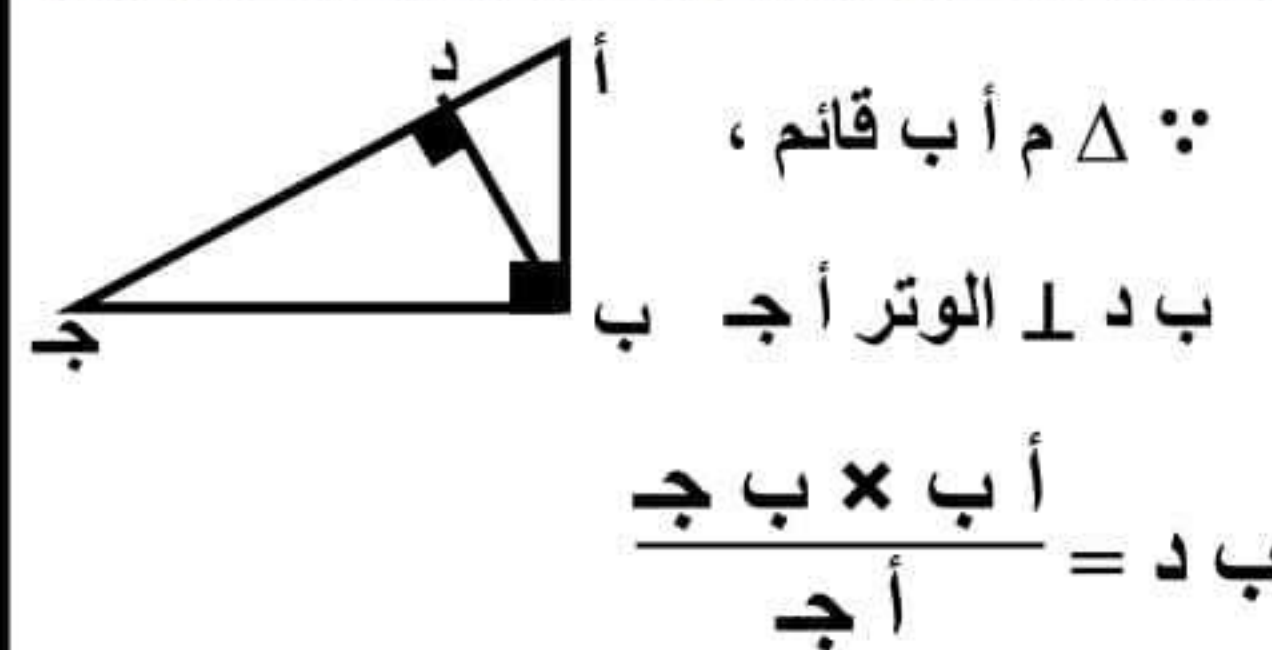
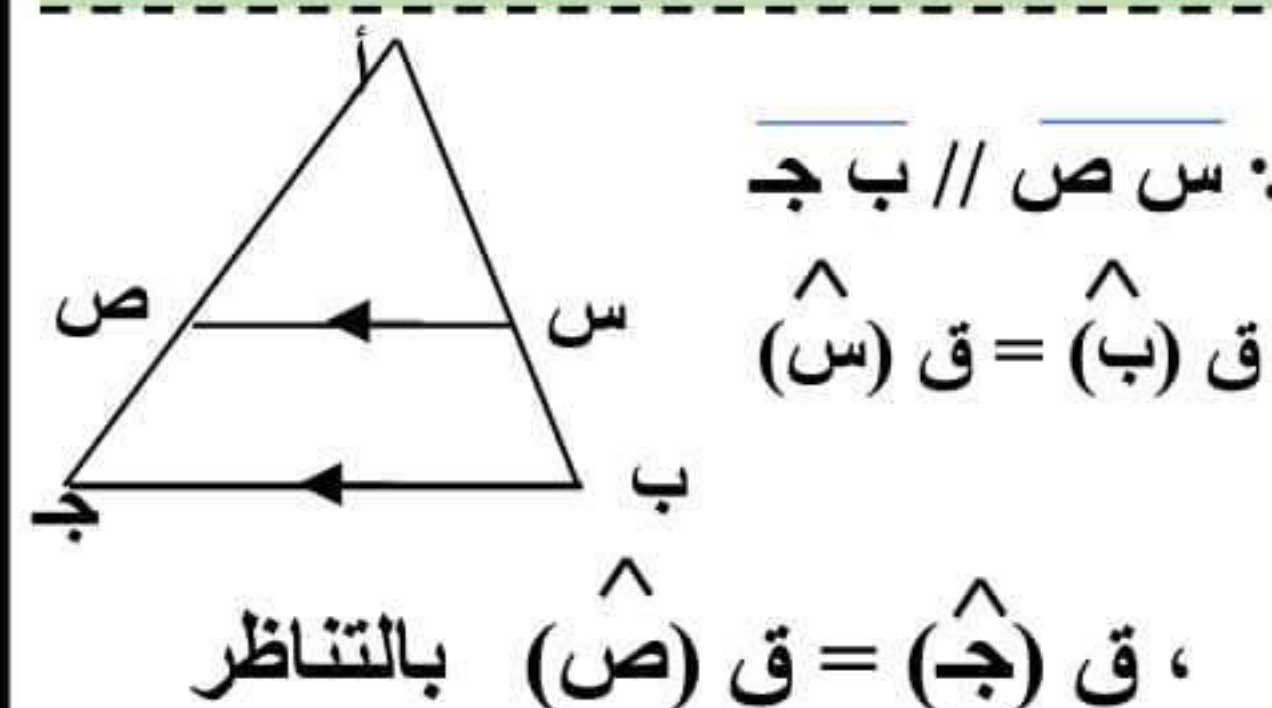
--	--	--
- ⑱ إذا كان مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم هو نقطة فإن القطعة المستقيمة المستقيم
- ⑲ مربع طول قطره ٦ سم فإن مساحته = سم^٢
- ⑳ الأعداد ٥ ، ٤ ، تصلح أطوال أضلاع مثلث (٨ ، ١٠ ، ٩ ، ١٢)
- ㉑ إذا كان قياس إحدى زاويتي القاعدة في مثلث متساوى الساقين ٣٠° فإن قياس زاوية الرأس =°
- ㉒ قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوى الأضلاع =°

في المثلث المتساوي الساقين
زاويتا القاعدة متساويتانإذا كان طول الضلع = نصف طول
الوتر فإن الزاوية المقابلة له = ٣٠قياس الزاوية الخارجة عن المثلث =
مجموع الزاويتين الداخلتين عدا المجاورةإذا وجد توازي حرف U فإن
الزاويتان المتداخلتان متكاملتان

المثلث المتساوي الأضلاع

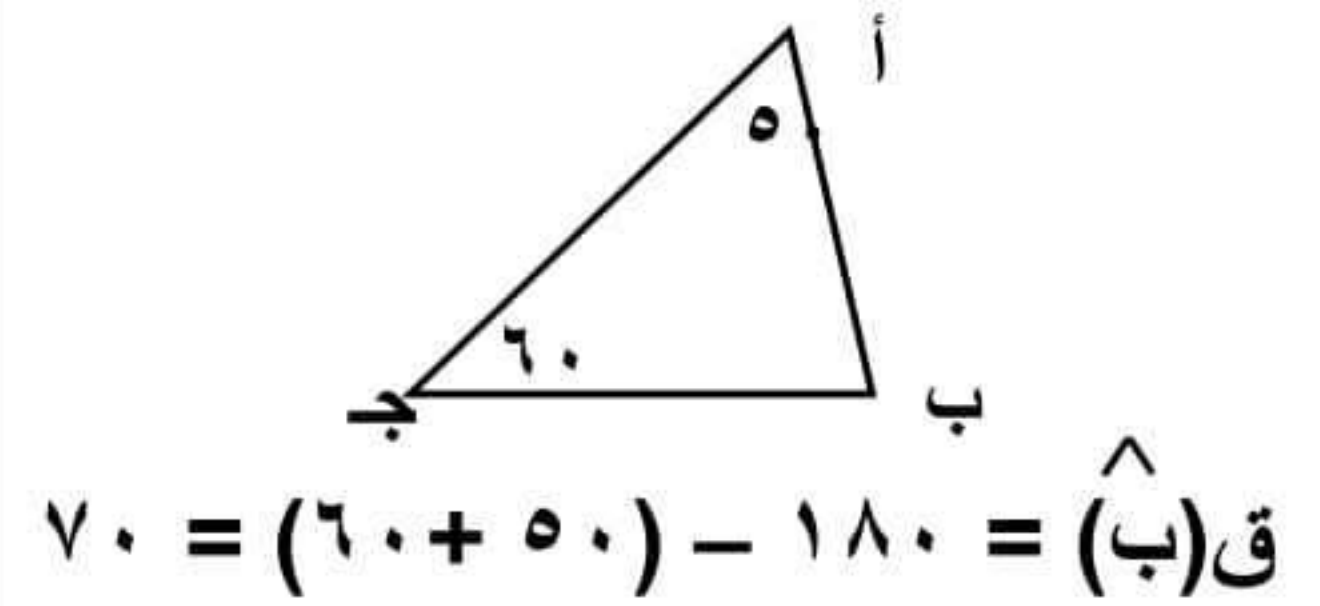
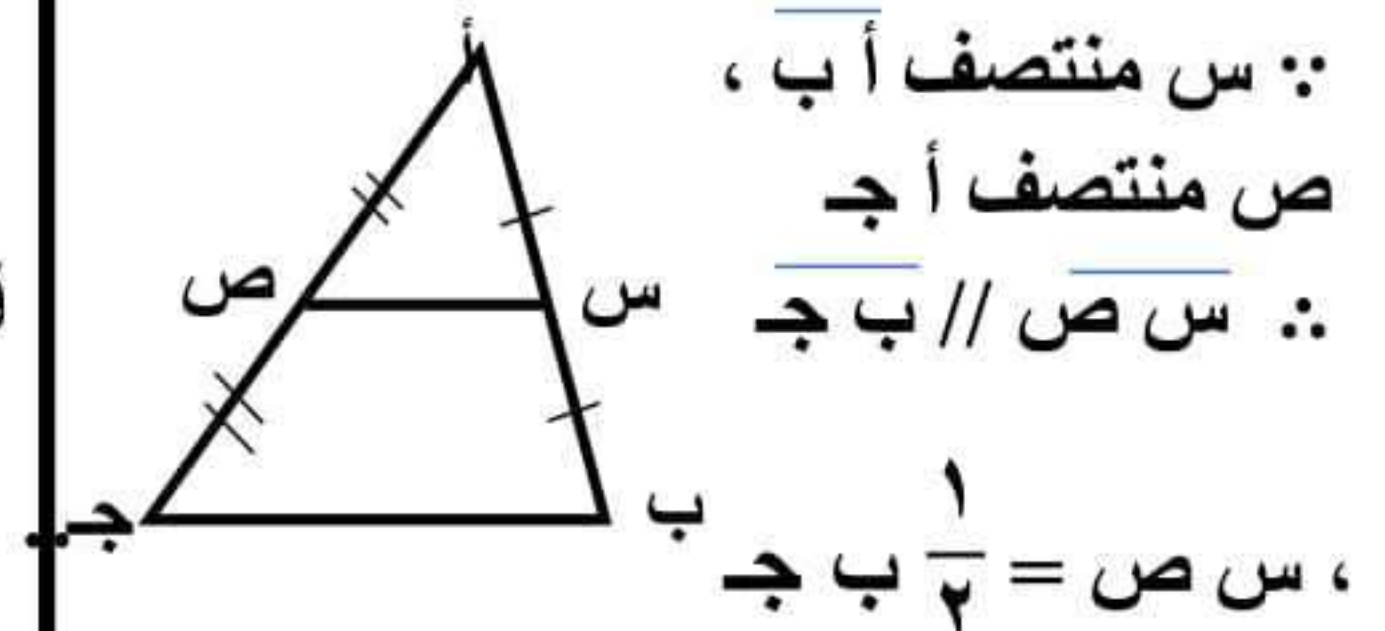
مجموع قياسات زوايا
الشكل الرباعي = ٣٦٠طول الضلع المقابل للزاوية ٣٠
= نصف طول الوتر

نظرية إقليدس

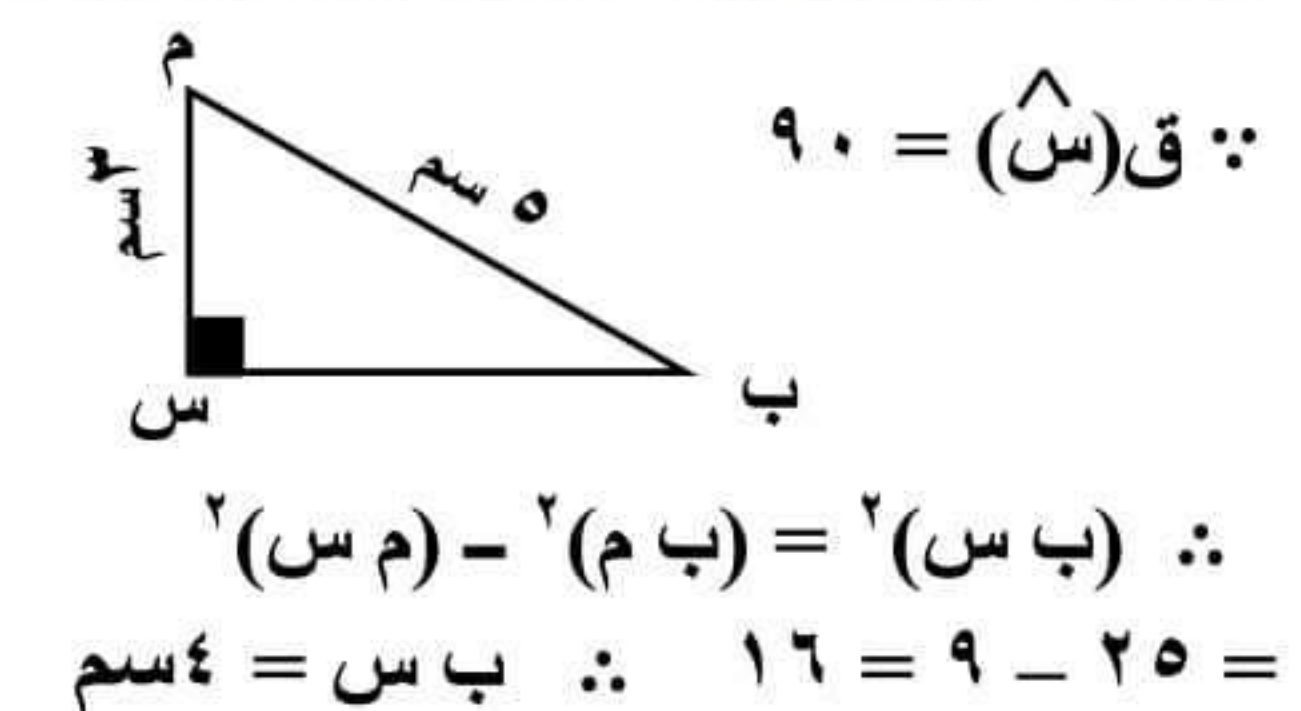
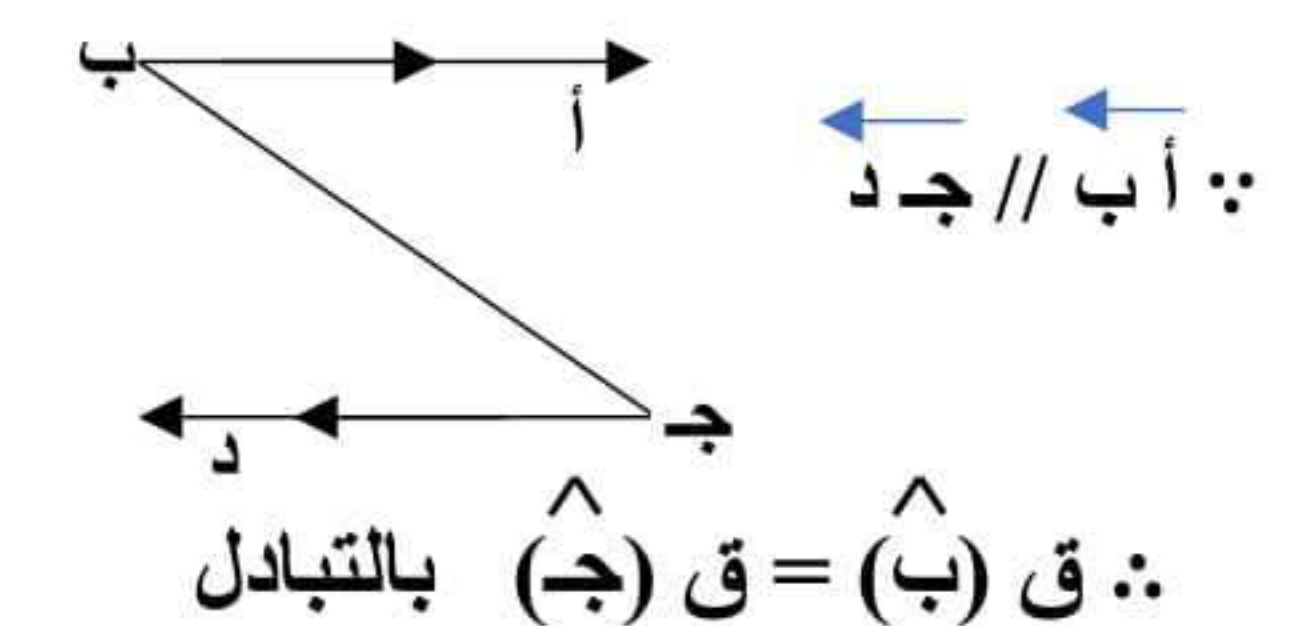
إذا وجد توازي حرف F فإن
الزاويتان المتناظرتان متساويتان

حالات تطابق مثلثين

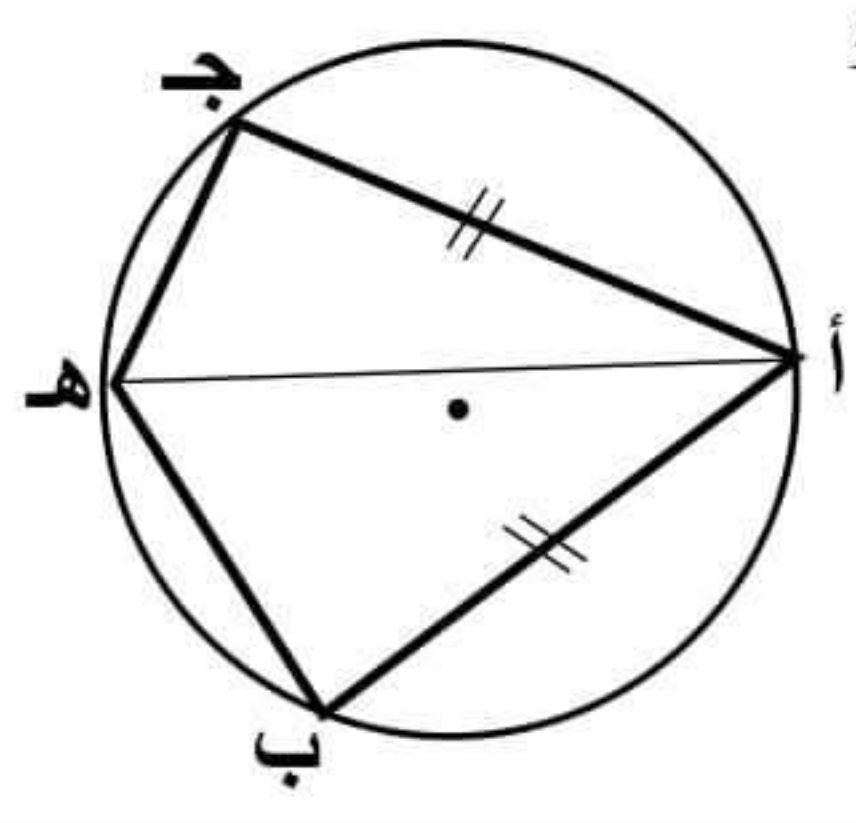
- ضلعان والزاوية المحصورة بينهما
- زاويتان والضلع المرسوم بينهما
- وتر وضلع (في المثلث القائم)

مجموع قياسات زوايا $\Delta = 180$ القطعة الواصلة بين منتصفى
ضلعين توازي الضلع الثالث

نظرية فيثاغورث

إذا وجد توازي حرف Z فإن
الزاويتان المتبادلتان متساويتانلإثبات التوازي
نبحث عن إحدى الحالات الآتية:

- ◆ زاويتان متبادلتان متساويتان
- ◆ زاويتان متناظرتان متساويتان
- ◆ زاويتان متداخلتان متكاملتان



♦ السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين

١ عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

٢ إذا كانت الدائرتان م ، ن متماستين من الداخل وطول نصف قطر أحدهما ٣ سم ، م ن = ٨ سم فإن طول نصف قطر الأخرى =

- (أ) ٥ (ب) ٦ (ج) ١١ (د) ١٢

٣ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدتا المركز =

- (أ) صفر (ب) ٢ (ج) ١ (د) ٣

٤ في الشكل الرباعي الدائري كل زاويتين متقابلتين

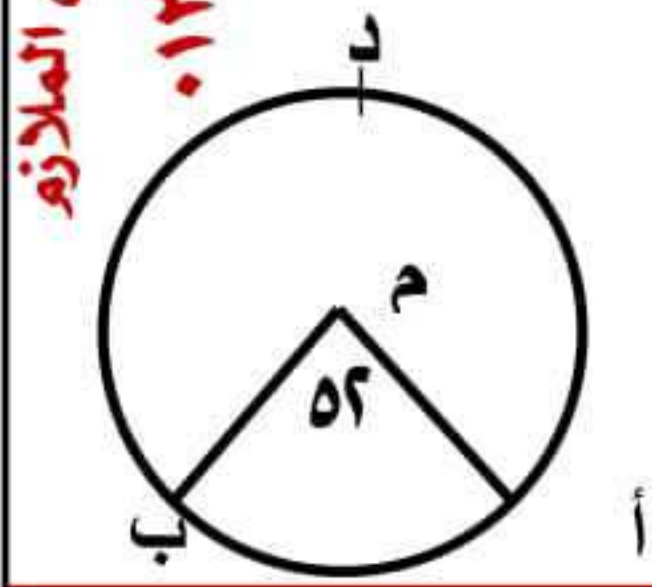
- (أ) متساويتان (ب) متكاملتان (ج) متبادلتان (د) متتامتان

٥ م ، ن دائرتان متقاطعتان وطول نصفي قطريهما ٥ سم ، ٢ سم فإن م ن = ٣

- (أ) [٧ ، ٣] (ب) [٧ ، ٣] (ج) [٧ ، ٣] (د) [٧ ، ٣]

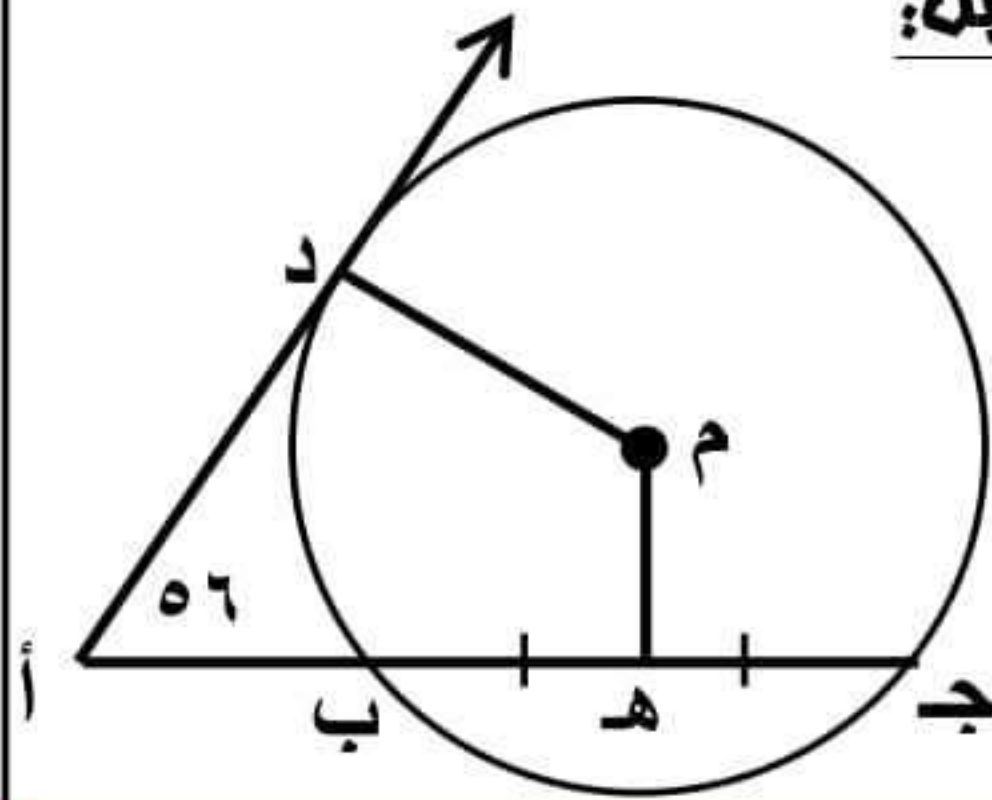
٦ في الشكل المقابل: ق (أ م ب) = ٥٢° فإن ق (أ د ب) =

- (أ) ٥٢ (ب) ١٠٤ (ج) ١٢٨ (د) ٣٠٨



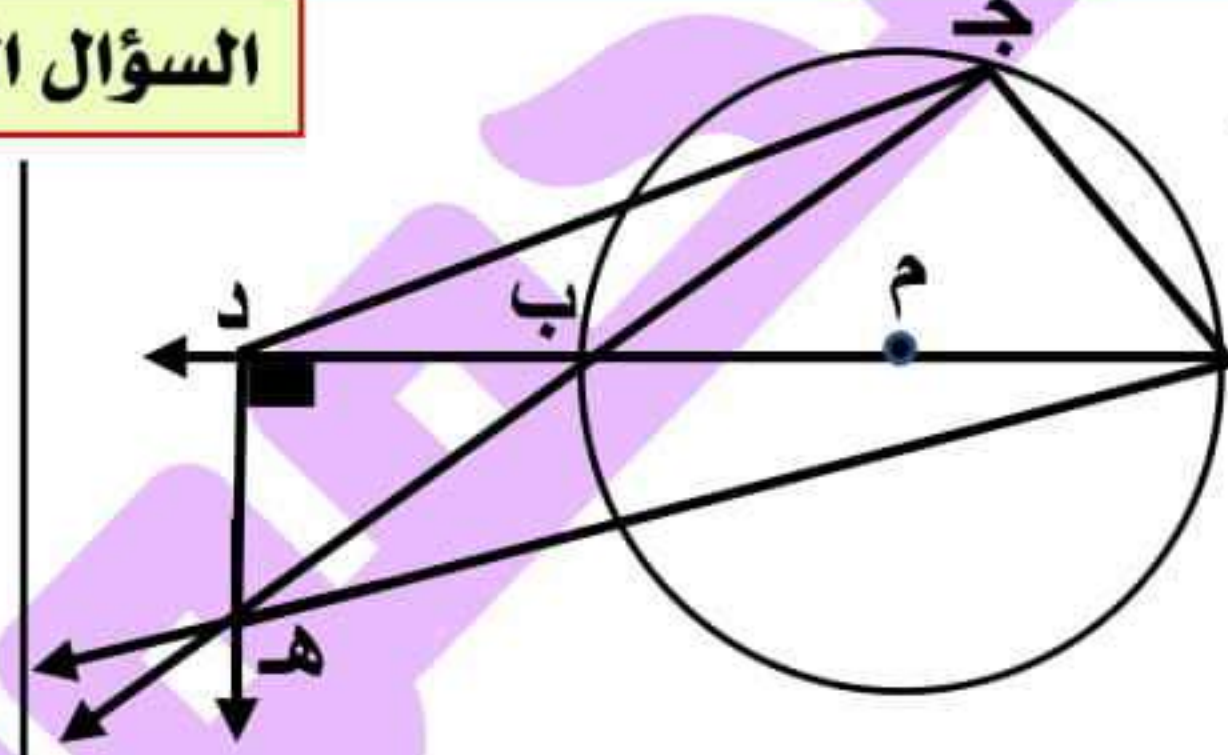
السؤال الثاني

(ب) في الشكل المقابل:



أ د مماس للدائرة عند د
هـ منتصف ب ج
ق (أ) = ٥٦°
أوجد ق (د م هـ)

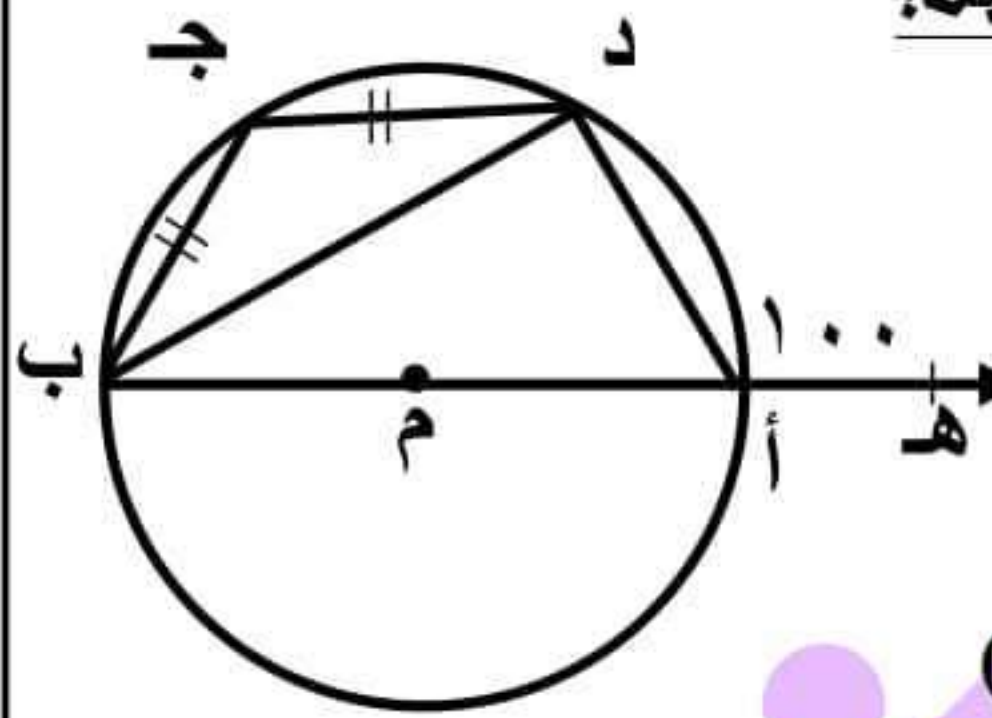
(أ) في الشكل المقابل:



أ ب قطري الدائرة
د هـ ⊥ أ ب
اثبت أن:
أ ج د هـ رباعي دائري

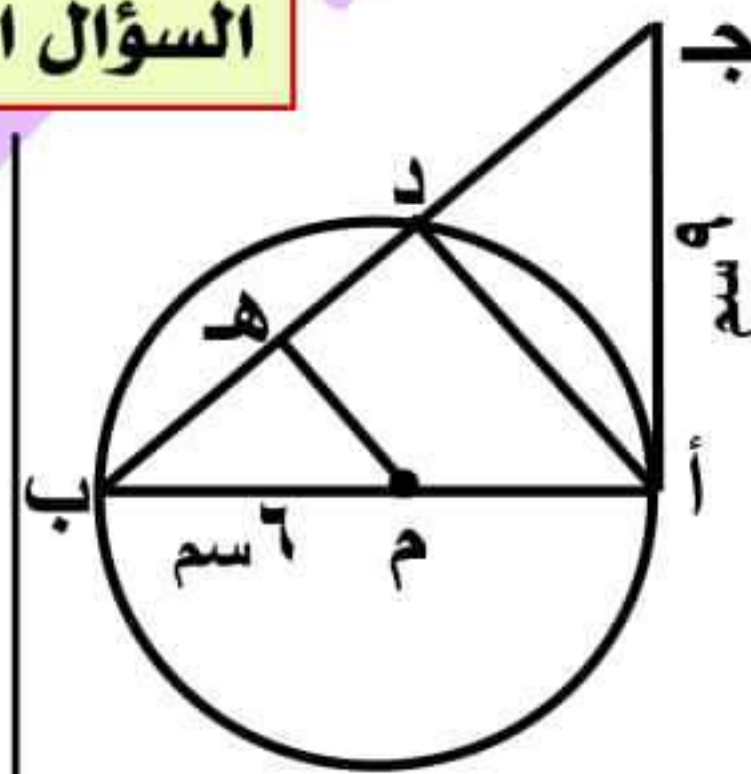
السؤال الثالث

(ب) في الشكل المقابل:



أ ب قطري الدائرة م
ق (د أ هـ) = ١٠٠°
ج د = ج ب
أوجد بالخطوات: ق (أ د ج)

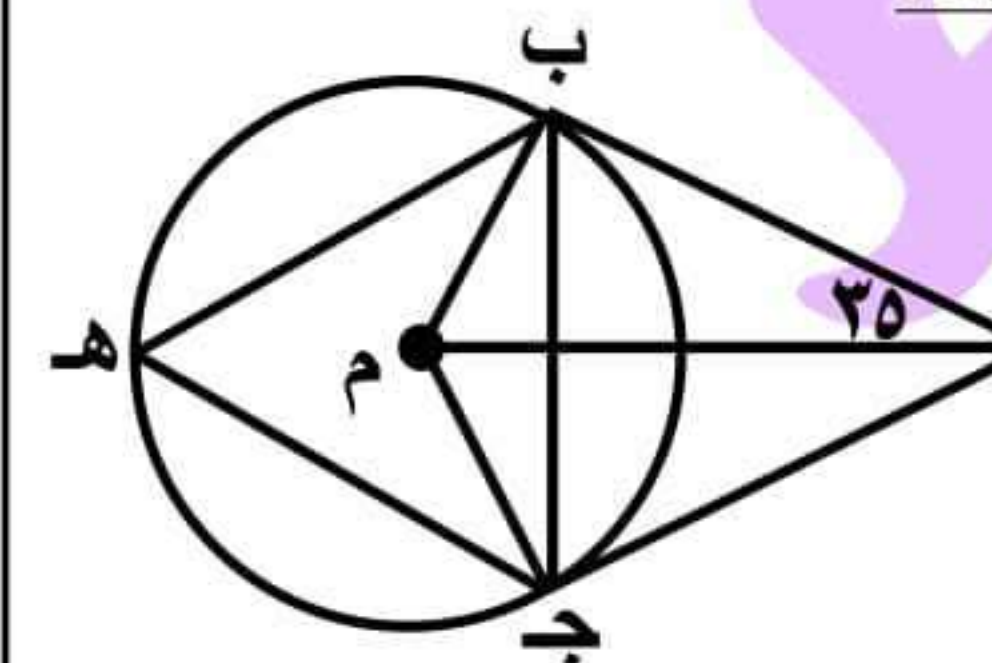
(أ) في الشكل المقابل:



أ ب قطري الدائرة م ،
أ ج مماس لها عند أ
فإذا كان أ ج = ٩ سم ، ب م = ٦ سم
أوجد طول كل من ب ج ، أ د

السؤال الرابع

(ب) في الشكل المقابل:



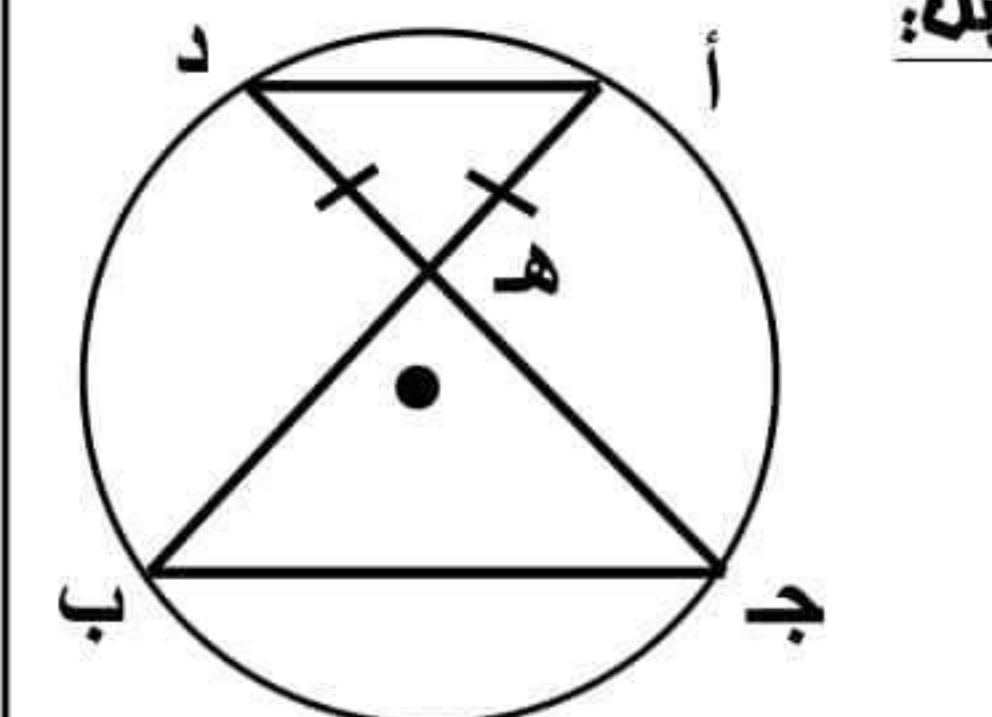
أ ب ، أ ج قطعان مماسان
ق (ب أ م) = ٢٥°
أوجد: (١) ق (ب م ج)
(٢) ق (ب هـ ج)

أوجد قياس القوس الذي يمثل $\frac{1}{6}$ الدائرة .

ثم احسب طول هذا القوس إذا كان طول نصف قطر الدائرة ٧ سم .

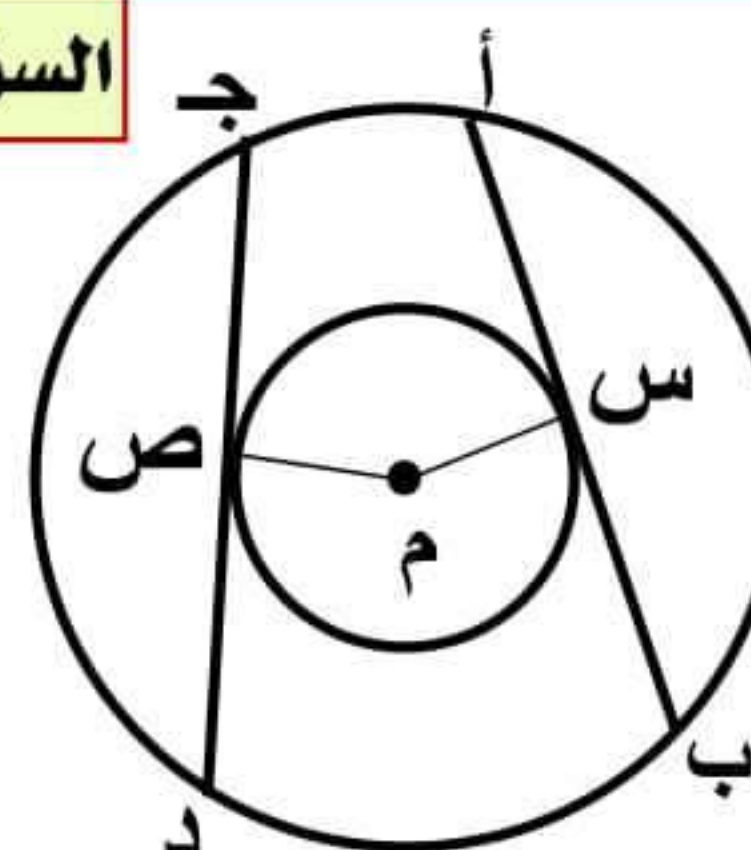
السؤال الخامس

(ب) في الشكل المقابل:



أ ب ∩ ج د = { هـ }
هـ أ = هـ د
اثبت أن: هـ ب = هـ ج

(أ) في الشكل المقابل:



دائرتان متحدتا المركز م
أ ب ، ج د مماسان للصغرى

اثبت أن: أ ب = ج د

كيفية طباعة صفحات معينة من ملف معين مثلا ازاي نطبع الصفحات من صفحة 4 الى صفحة 9



حمل الآن

مجاناً وحصرياً

المراجعة رقم (2)

الترم الثاني



أولاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة

الوحدة الأولى

- ١ مساحة نصف الدائرة تساوى
 (أ) π نوى (ب) $\frac{1}{2} \pi$ نوى (ج) 2π نوى (د) π نوى
- ٢ دائرة مساحتها 9π سم² ، فإن طول نصف قطرها يساوى «القليوبية 2017»
 (أ) ٩ سم (ب) ٢ سم (ج) ٣ سم (د) ٥ سم
- ٣ دائرة طول نصف قطرها (٢ - س) سم ، والمستقيم ل يبعد عن مركزها مسافة (١ + س) سم حيث $س < ٠$ صفر
 فإن المستقيم ل يكون «الدقهلية 2018»
 (أ) خارج الدائرة (ب) مماساً للدائرة (ج) قاطعاً للدائرة (د) محور تماثل للدائرة
- ٤ إذا كان $\overleftrightarrow{AP} \cap$ الدائرة $\hat{P} = \{P, B\}$ ، فإن : $\overleftrightarrow{AP} \cap$ سطح الدائرة $\hat{P} =$ «الشرقية 2017»
 (أ) $\{P, B\}$ (ب) \overleftrightarrow{AP} (ج) \overleftrightarrow{BP} (د) \overleftrightarrow{AB}
- ٥ إذا كان \overleftrightarrow{AP} ، \overleftrightarrow{BP} نصفى قطرين متعامدين فى دائرة \hat{P} وكانت مساحة المثلث $\hat{P} = ٨$ سم² ،
 فإن طول نصف قطر الدائرة يساوى
 (أ) ٨ سم (ب) ١٦ سم (ج) ٤ سم (د) ٢ سم
- ٦ إذا كان طول قطر دائرة = ٨ سم والمستقيم ل يبعد عن مركزها ٤ سم فإن المستقيم ل يكون «بورسعيد 2018 ، الغربية 2017»
 (أ) خارج الدائرة (ب) مماساً للدائرة (ج) قاطعاً للدائرة (د) محور تماثل للدائرة
- ٧ \hat{P} ، \hat{Q} دائرتان طولاً نصفى قطريهما ٤ سم ، ٩ سم ، $\hat{P} = ٥$ سم فإن الدائرتين \hat{P} ، \hat{Q} تكونان «الدقهلية 2017»
 (أ) متقاطعتين (ب) متماسكتين من الخارج (ج) متباعدتين (د) متماسكتين من الداخل
- ٨ دائرة نصف قطرها ٥ سم فإن محيطها يساوى «الاسماعيلية 2017»
 (أ) 5π سم (ب) 7π سم (ج) 10π سم (د) 25π سم
- ٩ يمكن رسم دائرة تمر بـ ع و س «المنيا 2019 ، الشرقية 2019»
 (أ) مستطيل (ب) معين (ج) شبه المنحرف القائم (د) متوازى أضلاع
- ١٠ \hat{P} ، \hat{Q} دائرتان متماسكتان من الداخل طولاً نصفى قطريهما ٣ سم ، ٥ سم فإن $\hat{P} = \hat{Q}$ «بنى سويف 2017»
 (أ) ٢ سم (ب) ٣ سم (ج) ٥ سم (د) ٨ سم
- ١١ لا يمكن رسم دائرة تمر بـ ع و س «بنى سويف 2017»
 (أ) مثلث (ب) معين (ج) مربع (د) مستطيل
- ١٢ إذا كان المستقيم ل مماساً للدائرة \hat{P} التى طول قطرها ٨ سم فإنه يبعد عن مركزها «سوهاج 2019 ، القليوبية 2018»
 (أ) ٣ سم (ب) ٤ سم (ج) ٥ سم (د) ٦ سم



١٣ الوتر المار بمركز الدائرة يسمى «اسيوط 2017»

- ① قطرًا ② نصف قطر ③ مماسًا ④ قاطعًا

١٤ أكبر الأوتار طولاً في الدائرة يسمى «جنوب سيناء 2017»

- ① قطرًا ② نصف قطر ③ مماسًا ④ قاطعًا

١٥ القطعة المستقيمة التي طرفيها نقطتين على الدائرة تسمى

- ① قطرًا ② نصف قطر ③ مماسًا ④ وترًا

١٦ Γ ، ν دائرتان متماستان من الداخل و طول نصف قطر إحداهما ٣ سم ، $\hat{\Gamma} \nu = ٨$ سم

فإن طول نصف قطر الدائرة الأخرى = «الجيزة 2017 ، الغربية 2016»

- ① ٥ سم ② ٦ سم ③ ١١ سم ④ ١٢ سم

١٧ Γ ، ν دائرتان متقاطعتين و طولاً نصفى قطريهما ٥ سم ، ٢ سم ، فإن : $\hat{\Gamma} \nu \exists$ «القليوبية 2019 ، المنوفية 2018»

- ① $[٧, ٣]$ ② $[٧, ٣[$ ③ $]٧, ٣[$ ④ $[٧, ٣[$

١٨ Γ ، ν دائرتان متماستان و طولاً نصفى قطريهما ٥ سم ، ٨ سم ، فإن : $\hat{\Gamma} \nu \exists$ «الدقهلية 2016»

- ① $[١٣, ٣]$ ② $]١٣, ٣[$ ③ $[١٣, ٣[$ ④ $\{١٣, ٣\}$

١٩ دائرة محيطها ٦π سم و المستقيم ل يبعد عن مركزها ٣ سم فإن المستقيم ل يكون «البحر الأحمر 2017»

- ① مماسًا للدائرة ② قاطعًا للدائرة ③ خارج الدائرة ④ محور تماثل للدائرة

٢٠ إذا كان طول قطر دائرة ٨ سم ، المستقيم ل يبعد عن مركزها ٤ سم ، فإن المستقيم ل «الفيوم 2019»

- ① مماسًا للدائرة ② قاطعًا للدائرة ③ خارج الدائرة ④ محور تماثل للدائرة

٢١ إذا كان المستقيم ل خارج الدائرة التي مركزها نقطة الأصل $\hat{\Gamma}(٠, ٠)$ و طول نصف قطرها ٣ سم و كان المستقيم ليبعد عن مركزها مسافة s سم فإن $s \exists$ «الغربية 2016»

- ① $]٣, \infty[$ ② $]٣, \infty[$ ③ $[٣, \infty[$ ④ $[٣, \infty[$

٢٢ إذا كان المستقيم ل يبعد عن مركز الدائرة $\hat{\Gamma}$ مسافة s حيث $s \exists [٠, \infty[$ ، فإن المستقيم ل

- ① يمس الدائرة ② يقطع الدائرة ③ يقع خارج الدائرة ④ يمر بمركز الدائرة

٢٣ دائرة محيطها ١٨π سم ، فإن طول نصف قطرها = «اسيوط 2019»

- ① ٧ سم ② ٩ سم ③ ٣ سم ④ ٦ سم

٢٤ إذا كانت الدائرة $\hat{\Gamma} \cap$ الدائرة $\nu = \{ \hat{\Gamma}, \nu \}$ ، فإن الدائرتين $\hat{\Gamma}$ ، ν تكونان «الاسماعيلية 2018 ، السويس 2016»

- ① متباعدتان ② متحدثي المركز ③ متداخلتان ④ تقاطعتان

٢٥ Γ ، ν دائرتان متماستان من الخارج و طول نصف قطر إحداهما ٤ سم ، $\hat{\Gamma} \nu = ٦$ سم

فإن طول نصف قطر الدائرة الأخرى = «شمال سيناء 2017»

- ① ٦ سم ② ١٠ سم ③ ٢ سم ④ ٤ سم

٢٦ محور التماثل للوتر المشترك \overline{AB} لدائرتين متقاطعتين $\hat{\Gamma}$ ، ν هو «بني سويف 2019»

- ① $\overleftrightarrow{\hat{\Gamma}\nu}$ ② $\overleftrightarrow{\hat{\Gamma}\nu}$ ③ $\overleftrightarrow{\hat{\Gamma}\nu}$ ④ $\overleftrightarrow{\hat{\Gamma}\nu}$



٢٧ دائرتان Γ ، ν طولاً نصفى قطريهما ٢ سم ، ٥ سم فإذا كانت الدائرتان متباعدتين فإن $\Gamma \cap \nu = \emptyset$

- (أ) $[\infty, 7]$ (ب) $[\infty, 7[$ (ج) $[\infty, 3]$ (د) $[\infty, 3[$

٢٨ مراكز الدوائر التي تمر بالنقطتين P ، B تقع جميعاً على «الدقهلية 2017»

- (أ) محور تماثل \overline{AP} (ب) \overline{AP} (ج) العمود المقام على \overline{AP} (د) العمود على \overline{AP} من B

٢٩ إذا كان P ، B نقطتين في المستوى بحيث $P = B = 4$ سم فإن طول نصف قطر أصغر دائرة تمر بالنقطتين P ، $B =$

- (أ) ٢ سم (ب) ٣ سم (ج) ٤ سم (د) ٨ سم

٣٠ إذا كان P ، B نقطتين في المستوى بحيث $P = B = 7$ سم فإن طول نصف قطر أصغر دائرة تمر بالنقطتين P ، $B =$

- (أ) ٣ سم (ب) ٣,٥ سم (ج) ٧ سم (د) ١٤ سم «قنا 2019»

٣١ إذا كانت \overline{AP} قطعة مستقيمة ، فإن عدد الدوائر التي يمكن رسمها وتمر بالنقطتين P ، B يساوي «القليوبية 2016»

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) عدد لا نهائي

٣٢ عدد محاور تماثل دائرتين متطابقتين و متماستين من الخارج يساوي «الدقهلية 2016»

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) عدد لا نهائي

٣٣ إحدى الحالات الآتية تعين دائرة وحيدة هي إذا علم «الدقهلية 2016»

- (أ) نقطتان منها (ب) إحدى نقطتها (ج) مركزها وإحدى نقطتها (د) نصف قطرها وإحدى نقطتها

٣٤ مساحة القطاع الدائري الذي يمثل ربع الدائرة الذي طول قطرها ١٤ سم تساوي

- (أ) ١١ سم^٢ (ب) ٤٤ سم^٢ (ج) ٢٥ سم^٢ (د) ١٤ سم^٢

٣٥ إذا كانت Γ دائرة طول قطرها ١٤ سم ، P نقطة في مستويها ، $P\Gamma = (2 - \sqrt{3})$ ، فإذا كانت P تقع على الدائرة

، فإن : $\sqrt{3} =$ «القليوبية 2017»

- (أ) ٥ (ب) ٣ (ج) ٢ (د) ١

٣٦ وتر طوله ٨ سم مرسوم داخل دائرة طول قطرها ١٠ سم ، فإنه يبعد عن المركز «الغربية 2018»

- (أ) ٢ سم (ب) ٣ سم (ج) ٤ سم (د) ٦ سم

٣٧ إذا كان المستقيم l مماساً للدائرة طول قطرها ١٠ سم ، فإنه يبعد عن مركزها «دمياط 2019»

- (أ) ٣ سم (ب) ٥ سم (ج) ٦ سم (د) ١٠ سم

٣٨ إذا كانت Γ دائرة طول قطرها $\frac{3}{4}$ ، P نقطة في مستويها ، $P\Gamma = \frac{3}{4}$ فإن P

- (أ) تقع على الدائرة (ب) تقع داخل الدائرة (ج) تقع خارج الدائرة (د) مركز الدائرة

٣٩ عدد محاور تماثل الدائرة يساوي «دمياط 2019 ، اسوان 2018»

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) عدد لا نهائي

٤٠ دائرة طول أكبر وتر فيها يساوي ١٢ سم فإن محيطها يساوي «الشرقية 2018»

- (أ) 12π سم (ب) 6π سم (ج) 24π سم (د) 10π سم

٤١ المماسان المرسومان من نهايتي قطر في دائرة «الغربية 2018 ، الشرقية 2017»

- (أ) متوازيان (ب) متقاطعان (ج) متعامدان (د) منطبقان



٤٢ عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة يساوى «الأقصر 2017»

- ١ (ب) ٢ (د) ٣ (د) صفر (أ)

٤٣ مركز الدائرة الداخلة للمثلث هو نقطة تقاطع «الدقهلية 2018 ، قنا 2018»

- ١ (أ) متوسطاته ٢ (ب) ارتفاعاته ٣ (د) منصفات زواياه ٤ (د) محاور تماثل أضلاعه

٤٤ Γ ، ν دائرتان طولاً نصفى قطريهما ٦ سم ، ٨ سم ، $\Gamma = 14$ سم فإن الدائرتين Γ ، ν تكونان «الدقهلية 2019»

- ١ (أ) متقاطعتين ٢ (ب) متماستين من الخارج ٣ (د) متباعدتين ٤ (د) متماستين من الداخل

٤٥ Γ ، ν دائرتان متماستان من الداخل و طولاً نصفى قطريهما ٧ سم ، ١٠ سم ، فإن : $\Gamma = \nu$ «دمياط 2019»

- ١ (أ) ٣ سم ٢ (ب) ١٧ سم ٣ (د) ٧ سم ٤ (د) ١٠ سم

٤٦ Γ ، ν دائرتان متماستان من الداخل و طولاً نصفى قطريهما ٥ سم ، ٦ سم ، $\nu < ٥$ ، فإن : $\Gamma = ٣$ سم

، فإن : $\nu =$ «المنيا 2018»

- ١ (أ) ٢ سم ٢ (ب) ٦ سم ٣ (د) ٨ سم ٤ (د) ٩ سم

٤٧ طول نصف قطر الدائرة مركزها نقطة الأصل (٠، ٠) وتمر بالنقطة (٤ ، -٣) يساوى «الفيوم 2018»

- ١ (أ) ٧ سم ٢ (ب) ٣ سم ٣ (د) ٤ سم ٤ (د) ٥ سم

الوحدة الثانية

١ فى الشكل الرباعى الدائرى كل زاويتين متقابلتين «بني سويف 2019 ، قنا 2016»

- ١ (أ) متتامتين ٢ (ب) مبادلتين ٣ (د) متكاملتين ٤ (د) متساويتين فى القياس

٢ الزاوية المحيطية التى تقابل قوساً أصغر فى الدائرة تكون «السيوط 2017 ، قنا 2016»

- ١ (أ) حادة ٢ (ب) منفرجة ٣ (د) قائمة ٤ (د) منعكسة

٣ \overline{AP} ، \overline{AP} مماسان للدائرة Γ عند B ، C ، فإن : \overline{AP} \overline{AP}

- ١ (أ) يطابق ٢ (ب) يوازى ٣ (د) عمودى على ٤ (د) يقطع

٤ النسبة بين قياس الزاويتين المحيطية و المركزية المشتركتين معاً فى القوس تساوى

- ١ (أ) ١ : ١ ٢ (ب) ٢ : ٤ ٣ (د) ٤ : ٢ ٤ (د) ١ : ٢

٥ النسبة بين قياس الزاوية المماسية و قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها فى نفس القوس تساوى «قنا 2018»

- ١ (أ) ١ : ٢ ٢ (ب) ٢ : ١ ٣ (د) ١ : ١ ٤ (د) ٥ : ٢

٦ إذا كان \overline{AP} ، \overline{AP} شكل رباعى دائرى فيه $\angle P = \frac{1}{3} \angle A$ ، فإن : $\angle P =$ $\angle A$

- ١ (أ) 30° ٢ (ب) 45° ٣ (د) 90° ٤ (د) 135°

٧ قياس الزاوية المحيطية المرسومة فى نصف دائرة يساوى «المنيا 2019 ، مطروح 2018 ، الدقهلية 2019»

- ١ (أ) 180° ٢ (ب) 45° ٣ (د) 90° ٤ (د) 100°

٨ قياس القوس الذى يمثل ربع الدائرة يساوى «المنوفية 2018»

- ١ (أ) 180° ٢ (ب) 60° ٣ (د) 90° ٤ (د) 120°

٩ قياس القوس الذى يمثل ثلث الدائرة يساوى «بني سويف 2017 ، المنيا 2016»

- ١ (أ) 180° ٢ (ب) 120° ٣ (د) 90° ٤ (د) 60°



١٠ قياس الزاوية المحيطية التي تحصر قوسًا قياسه يساوي ربع قياس الدائرة يساوي

- ٣٠° (أ) ١٣٥° (ب) ٤٥° (د) ٩٠° (د)

١١ قياس الزاوية المحيطية المرسومة في ربع دائرة يساوي

- ٣٠° (أ) ١٣٥° (ب) ٤٥° (د) ٩٠° (د)

١٢ يكون الشكل رباعيًا دائريًا إذا وجدت زاوية خارجه عند أى رأس من رؤوسه قياسها قياس الزاوية الداخله المقابلة للمجاورة لها

- يساوي (أ) ضعف (ب) نصف (د) ثلث (د)

١٣ طول القوس الذي يمثل ثلث الدائرة التي طول نصف قطرها ٦ سم يساوي

- ١٢π سم (أ) ٦π سم (ب) ٤π سم (د) ٣π سم (د)

١٤ طول القوس الذي يمثل ربع محيط الدائرة يساوي «القليوبية 2016»

- ٢π نو (أ) ١/٢ π نو (ب) ٤π نو (د) ٢π نو (د)

١٥ قياس القوس الذي طوله يساوي ٢,٥ π سم في دائرة طول قطرها ١٠ سم يساوي

- ٤٥° (أ) ٩٠° (ب) ١٨٠° (د) ٢٧٠° (د)

١٦ عدد المماسات التي يمكن رسمها من نقطة تقع على الدائرة تساوي «البحيرة 2017»

- ١ (أ) ٢ (ب) ٤ (د) عدد لا نهائي (د)

١٧ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماستين من الخارج يساوي «الشرقية 2019»

- ٢ (أ) ٣ (ب) ٤ (د) عدد لا نهائي (د)

١٨ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماستين من الداخل يساوي «الدقهلية 2019»

- صفر (أ) ١ (ب) ٢ (د) ٣ (د)

١٩ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متقاطعتين يساوي

- ١ (أ) ٢ (ب) ٣ (د) عدد لا نهائي (د)

٢٠ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متباعدتين يساوي «أسوان 2018 ، البحيرة 2017»

- ١ (أ) ٢ (ب) ٣ (د) ٤ (د)

٢١ عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدتي المركز يساوي «الدقهلية 2018»

- صفر (أ) ١ (ب) ٢ (د) ٣ (د)

٢٢ مجموع قياسى الزاويتين المتقابلتين فى الشكل الرباعى الدائرى «جنوب سيناء 2017»

- ٩٠° (أ) ١٨٠° (ب) ٣٦٠° (د) ١٢٠° (د)

٢٣ قياس الزاوية المركزية قياس القوس المحصور بين ضلعيها «القليوبية 2016»

- نصف (أ) ضعف (ب) يساوي (د) ربع (د)

٢٤ أ ب ح د هـ و سداسي منتظم مرسوم داخل الدائرة أ ، فإن : و (ب ح) =

- ٩٠° (أ) ١٢٠° (ب) ٦٠° (د) ٣٠° (د)

٢٥ قياس القوس الذي طوله ٢٢ سم و المرسوم في دائرة طول نصف قطرها ١٤ سم =

- ٦٠° (أ) ٩٠° (ب) ١٢٠° (د) ١٨٠° (د)



٢٦ إذا كان قياس الزاوية المماسية يساوى 70° فإن قياس الزاوية المركزية المشتركة معها فى القوس يساوى «القليوبية 2016»

- ٣٥° (أ) ٧٠° (ب) ١٤٠° (ج) ١٠٥° (د)

٢٧ الزاوية المماسية هى زاوية محصورة بين

- وترين (أ) مماسين (ب) وتر ومماس (ج) وتر وقطر (د)

٢٨ قياس الزاوية المحيطية قياس الزاوية المركزية المشتركة معها فى القوس «القااهرة 2019 ، الجيزة 2017»

- نصف (أ) ضعف (ب) يساوي (ج) ربع (د)

٢٩ الزاوية المحيطية التى تقابل قوساً أكبر من نصف الدائرة تكون «الوادي الجديد 2018»

- حادّة (أ) منفرجة (ب) قائمة (ج) منعكسة (د)

٣٠ أ ب ح د شكل رباعى دائرى فيه : $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$ «البحيرة 2019 ، المنيا 2018»

- ٣٥° (أ) ٧٠° (ب) ١١٠° (ج) ٢٠° (د)

٣١ أ ب ح د شكل رباعى دائرى فيه : $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$ «البحيرة 2019 ، المنيا 2018»

- ١٣٠° (أ) ١٠٠° (ب) ٨٠° (ج) ٦٠° (د)

٣٢ أ ب ح د شكل رباعى دائرى فيه : $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$ «الرقهية 2019 ، الاسماعيلية 2018»

- ٣٠° (أ) ٦٠° (ب) ٩٠° (ج) ١٢٠° (د)

٣٣ أ ب ح د شكل رباعى دائرى فيه : $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$ «الاسماعيلية 2019»

- ٧٠° (أ) ١٤٠° (ب) ١١٠° (ج) ٣٥° (د)

٣٤ القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة خارج دائرة تكونان

- (أ) متساويتين فى الطول (ب) غير متساويتين فى الطول (ج) متعامدتين (د) متوازيتين

٣٥ أيًا من الأشكال الآتية يسمى رباعياً دائرياً ؟ «الاسماعيلية 2019»

- المربع (أ) المعين (ب) متوازي الأضلاع (ج) شبه المنحرف (د)

٣٦ إذا كانت : أ ب ح د مثلث مرسوم داخل الدائرة Γ ، $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$

- ٣٠° (أ) ٦٠° (ب) ١٢٠° (ج) ٩٠° (د)

٣٧ أ ب قطر فى الدائرة Γ ، $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$

- ٢٠° (أ) ٤٠° (ب) ١٤٠° (ج) ٧٠° (د)

٣٨ أ ب ح د مربع مرسوم داخل الدائرة Γ ، طول $\widehat{ق} = 15\pi$ سم ، فإن : مساحة المربع تساوي

- ٣٦٠٠ سم^٢ (أ) ١٨٠٠ سم^٢ (ب) ٩٠٠ سم^٢ (ج) ٤٥٠ سم^٢ (د)

٣٩ أ ب ح د مثلث متساوي الأضلاع مرسوم داخل الدائرة Γ ، فإن : طول القوس $\widehat{ق}$ الأكبر يساوي

- $\frac{4}{3}\pi$ نو سم^٢ (أ) $\frac{2}{3}\pi$ نو سم^٢ (ب) $\frac{1}{3}\pi$ نو سم^٢ (ج) $\frac{3}{4}\pi$ نو سم^٢ (د)

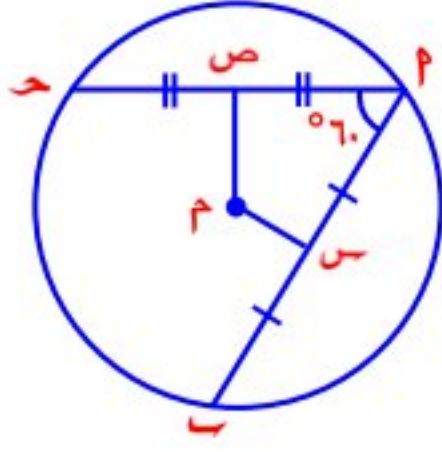
٤٠ أ ب ح د وتران فى الدائرة Γ متقاطعان فى نقطة ه ، $\widehat{ق} = 70^\circ$ ، فإن : $\widehat{د} =$

- ١٣٠° (أ) ٦٥° (ب) ٢٦٠° (ج) ٦٠° (د)



الوحدة الأولى

١ في الشكل المقابل :



س ، ص منتصفات \overline{AB} ، \overline{AC} على الترتيب ، و $(\angle BAC) = 60^\circ$ ،
فإن : و $(\angle CDB) = \dots\dots\dots$

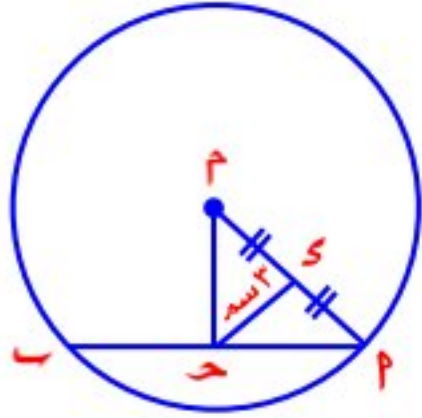
ب 120°

ا 60°

د 90°

ح 30°

٢ في الشكل المقابل : « الغربية 2019 ، الشرقية 2017 »



إذا كان : ح ك = 3 سم ، $\overline{CM} \perp \overline{AB}$ ، ك منتصف \overline{AB} ، فإن مساحة سطح الدائرة =

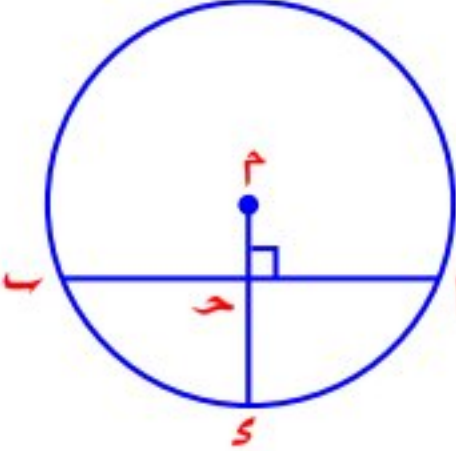
ب 6π سم²

ا 3π سم²

د 36π سم²

ح 9π سم²

٣ في الشكل المقابل : « الوادي الجديد 2018 »



دائرة \overline{CM} طول نصف قطرها 13 سم ، $\overline{AB} = 24$ سم ، فإن : ح ك = سم

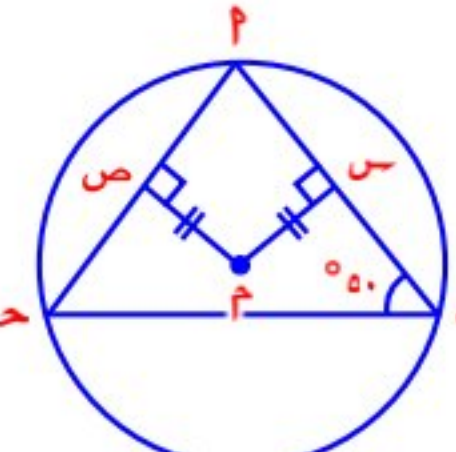
ب 12

ا 6,5

د 10

ح 8

٤ في الشكل المقابل : « الغربية 2017 »



$\overline{CM} = \overline{AM}$ ، $\overline{AB} \parallel \overline{CH}$ ، و $(\angle BAC) = 50^\circ$ ، فإن : و $(\angle ACD) = \dots\dots\dots$

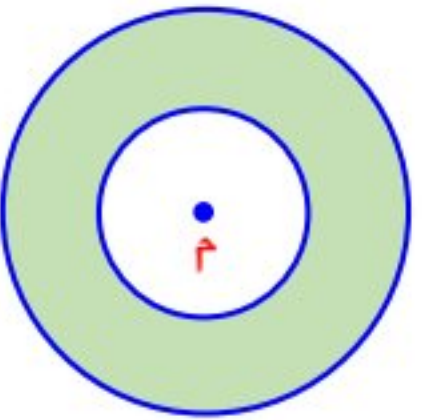
ب 60°

ا 50°

د 80°

ح 70°

٥ في الشكل المقابل :



دائرتان متحدتا المركز م ، طولاً نصفى قطريهما 7 سم ، 14 سم على الترتيب

، فإن مساحة الشكل المظلل = سم² ، حيث $\frac{22}{7} = \pi$

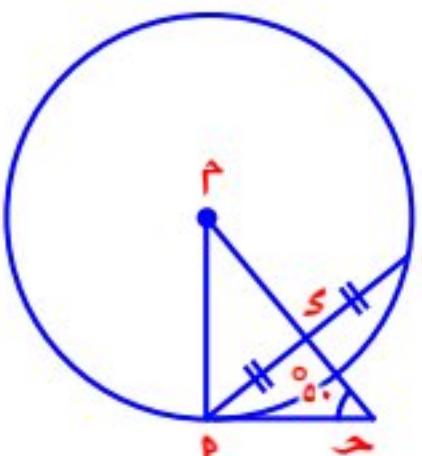
ب 412

ا 350

د 530

ح 462

٦ في الشكل المقابل :



\overline{AC} مماساً للدائرة عند A ، ك منتصف \overline{AB} ، و $(\angle BAC) = 50^\circ$ ، فإن : و $(\angle ACD) = \dots\dots\dots$

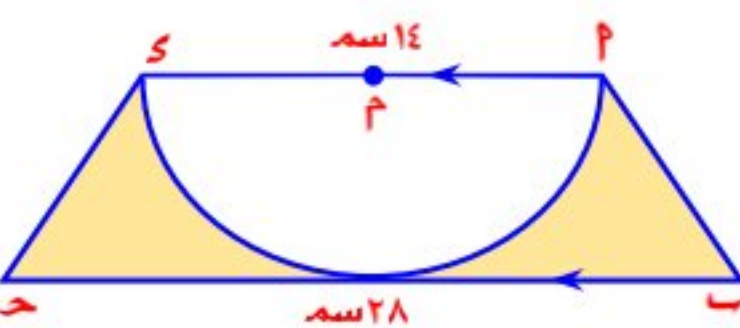
ب 45°

ا 40°

د 50°

ح 90°

٧ في الشكل المقابل : « دمياط 2016 »



\overline{AB} ح ك شبه منحرف فيه ، $\overline{AP} = 14$ سم ، $\overline{BK} = 28$ سم

، فإن : مساحة الشكل المظلل =

ب 45°

ا 40°

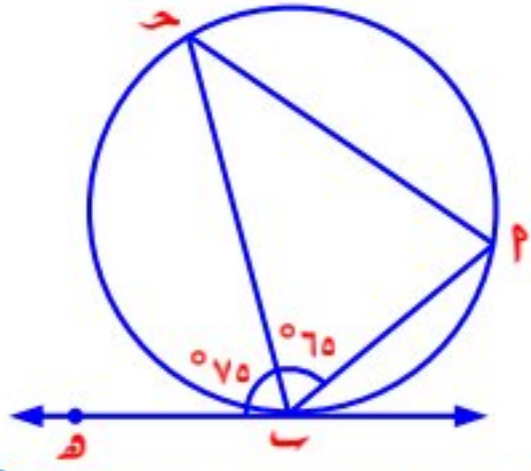
د 50°

ح 90°



الوحدة الثانية

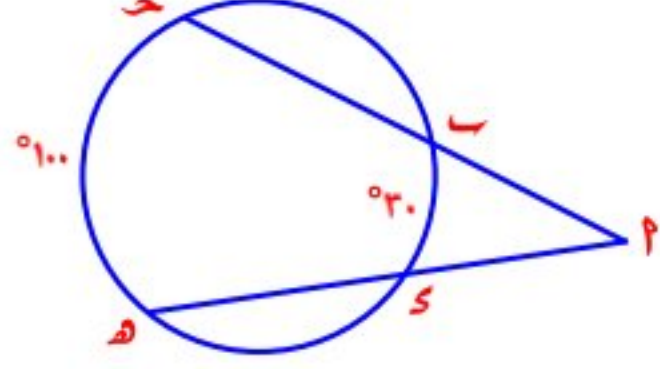
١ في الشكل المقابل : « الغربية 2016 »



و (د ب ح) = 65° ، و (د ه ب ح) = 75° ، فإن : و (د ب ح) =

- ٢٠ (أ) $^\circ$ ، ٤٠ (ب) $^\circ$ ، ٨٠ (د) $^\circ$ ، ٥٠ (ج) $^\circ$

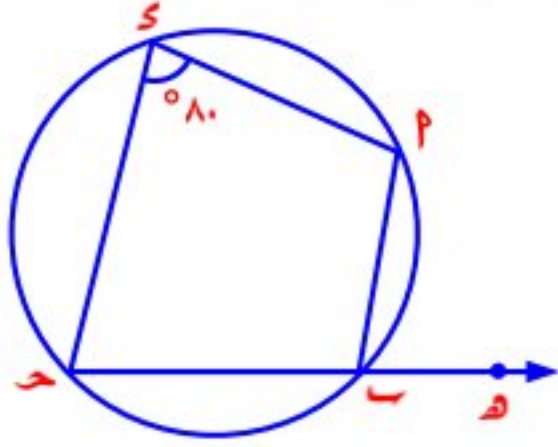
٢ في الشكل المقابل : « الغربية 2016 »



و (د ه) = 100° ، و (د ب) = 30° ، فإن : و (د ب) =

- ٧٠ (أ) $^\circ$ ، ٦٥ (ب) $^\circ$ ، ٦٠ (ج) $^\circ$ ، ٣٥ (د) $^\circ$

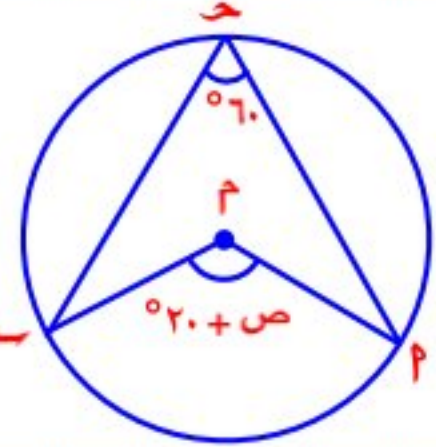
٣ في الشكل المقابل : « المنيا 2016 ، شمال سيناء 2017 »



إذا كان : و (د ب ح) = 80° ، فإن : و (د ب ح) =

- ١٠ (أ) $^\circ$ ، ٨٠ (ب) $^\circ$ ، ٦٠ (ج) $^\circ$ ، ١٠٠ (د) $^\circ$

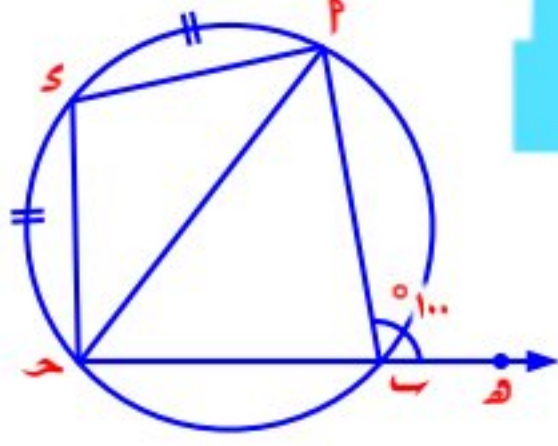
٤ في الشكل المقابل : « الاسماعيلية 2016 »



إذا كان : و (د ب ح) = 60° ، و (د ب ح) = $(20 + ص)^\circ$ ، فإن : و (د ب ح) =

- ٣٠ (أ) $^\circ$ ، ٤٠ (ب) $^\circ$ ، ٨٠ (ج) $^\circ$ ، ١٠٠ (د) $^\circ$

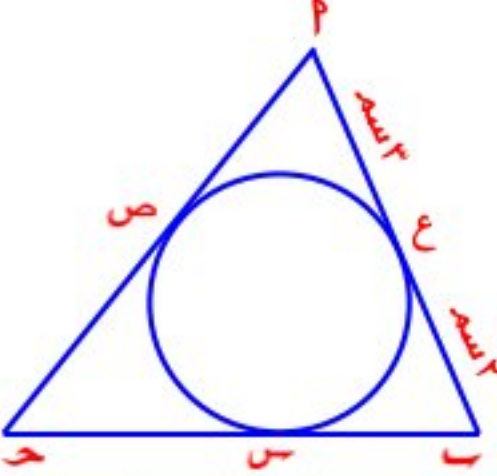
٥ في الشكل المقابل : « الاسماعيلية 2016 »



إذا كان : و (د ب ح) = 100° ، و (د ب ح) = $(د ب ح)^\circ$ ، فإن : و (د ب ح) =

- ١٠٠ (أ) $^\circ$ ، ٨٠ (ب) $^\circ$ ، ٤٠ (ج) $^\circ$ ، ٣٠ (د) $^\circ$

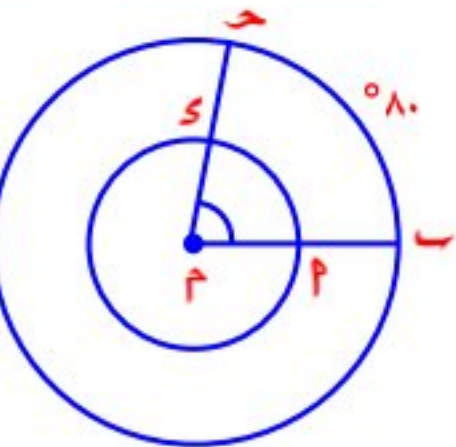
٦ في الشكل المقابل : « اسيوط 2016 »



إذا كان : و (د ب ح) = ٨ سم ، و (د ب ح) = ٣ سم ، و (د ب ح) = ٢ سم ، فإن : و (د ب ح) =

- ٥ سم (أ) ، ٧ سم (ب) ، ١٣ سم (د) ، ١٠ سم (ج)

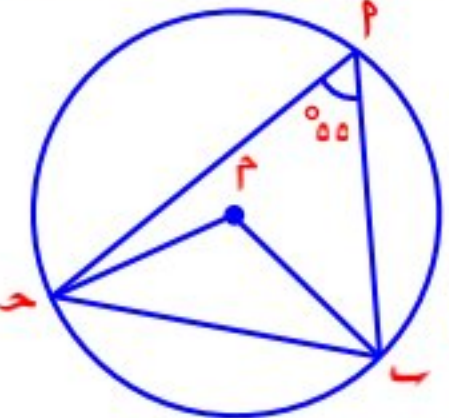
٧ في الشكل المقابل : « الشرقية 2016 »



دائرتان متحدتا المركز م ، و (د ب ح) = 80° ، فإن : و (د ب ح) =

- ٨٠ (أ) $^\circ$ ، ٤٠ (ب) $^\circ$ ، ٢٠ (ج) $^\circ$ ، ١٦٠ (د) $^\circ$

٨ في الشكل المقابل : « الدقهلية 2016 »

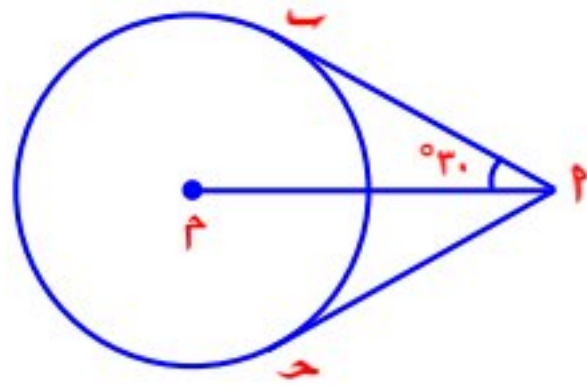


إذا كان : و (د ب ح) = 55° ، فإن : و (د ب ح) =

- ١١٠ (أ) $^\circ$ ، ٥٥ (ب) $^\circ$ ، ٣٥ (ج) $^\circ$ ، ٢٥ (د) $^\circ$



٩ في الشكل المقابل : « البحر الأحمر 2016 »



أ ب ، \overline{PA} قطعان مماستان للدائرة Γ التي طول نصف قطرها ٤ سم ، $\angle P = 30^\circ$ ، فإن : $\overline{AB} =$

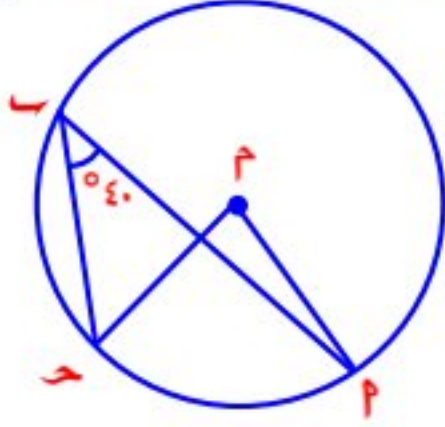
أ ٨ سم

ب ٨ $\sqrt{3}$ سم

ج ٤ $\sqrt{3}$ سم

د ٢ $\sqrt{3}$ سم

١٠ في الشكل المقابل : « الاسماعيلية 2016 »



إذا كان : $\angle P = 40^\circ$ ، فإن : $\angle APM =$

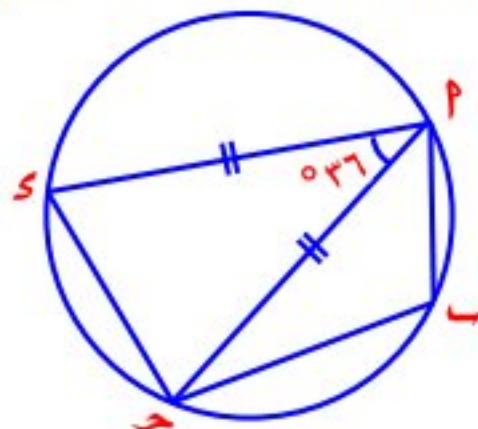
أ ٢٠°

ب ٤٠°

ج ٨٠°

د ١٤٠°

١١ في الشكل المقابل : « الأقصر 2019 »



إذا كان : $\angle P = 36^\circ$ ، $\angle APM =$ ، فإن : $\angle A =$

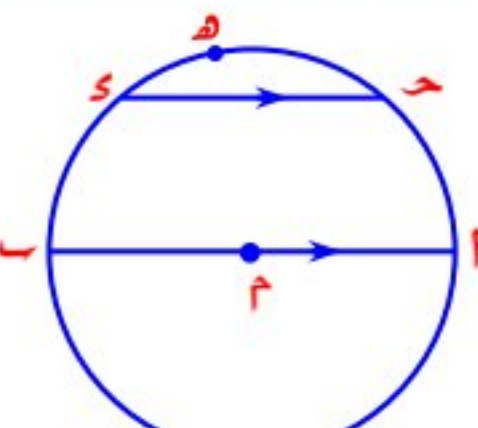
أ ١٤٠°

ب ١٠٨°

ج ٧٠°

د ٤٠°

١٢ في الشكل المقابل : « الشرقية 2018 »



أ ب قطر في الدائرة Γ ، $\overline{PA} \parallel \overline{AB}$ ، $\angle P = 80^\circ$ ، فإن : $\angle A =$

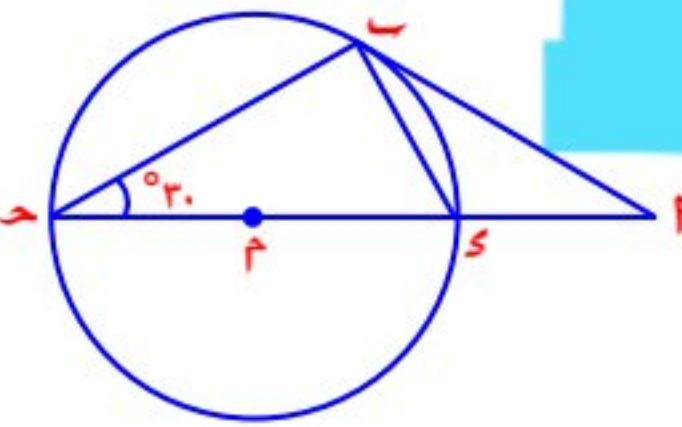
أ ٤٠°

ب ٥٠°

ج ٨٠°

د ١٠٠°

١٣ في الشكل المقابل : « الغربية 2017 »



أ ب قطر في الدائرة Γ ، $\angle P = 30^\circ$ ، فإن : $\angle APM =$

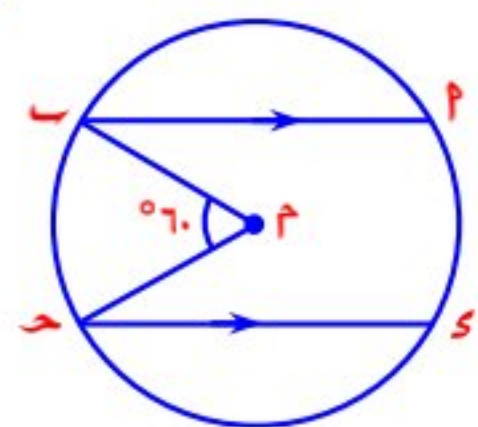
أ ١٢٠°

ب ١١٠°

ج ٩٠°

د ٣٠°

١٤ في الشكل المقابل : « اسوان 2019 »



أ دائرة ، $\overline{PA} \parallel \overline{AB}$ ، $\angle P = 60^\circ$ ، فإن : $\angle APM =$

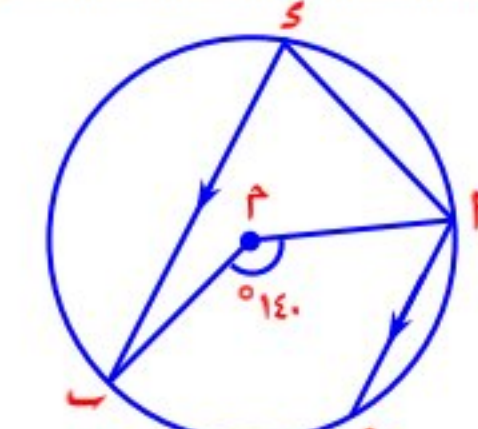
أ ٣٠°

ب ٦٠°

ج ٩٠°

د ١٢٠°

١٥ في الشكل المقابل : « كفر الشيخ 2018 »



أ ب $\parallel \overline{AC}$ ، $\angle P = 140^\circ$ ، فإن : $\angle APM =$

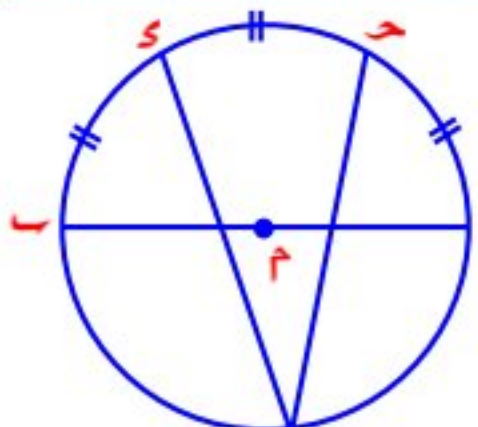
أ ٧٠°

ب ١١٠°

ج ١٤٠°

د ٢٢٠°

١٦ في الشكل المقابل : « كفر الشيخ 2018 »



أ ب قطر في الدائرة Γ ، $\angle P = 30^\circ$ ، فإن : $\angle APM =$

أ ١٥°

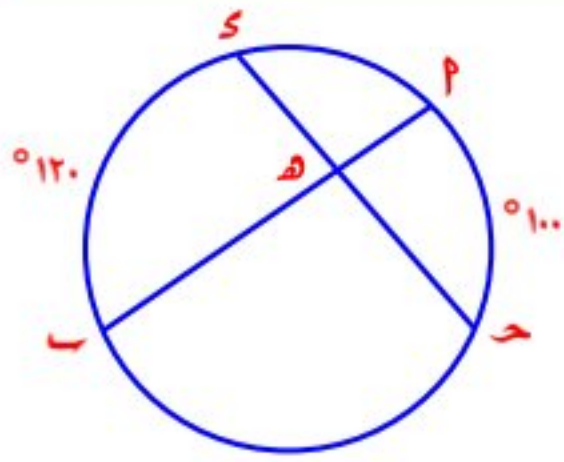
ب ٣٠°

ج ٤٥°

د ٦٠°



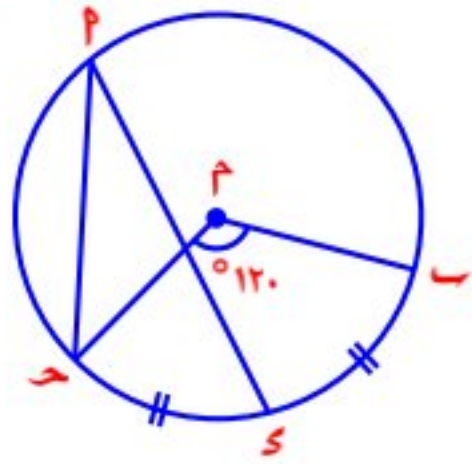
١٧ في الشكل المقابل : «الشرقية 2019»



إذا كان : $\widehat{APB} = 100^\circ$ ، $\widehat{ACB} = 120^\circ$ ، فإن : $\widehat{APB} = \widehat{ACB}$ =

- ☐ أ ١١٠
☐ ب ٥٥
☐ ج ٧٠
☐ د ١٠٠

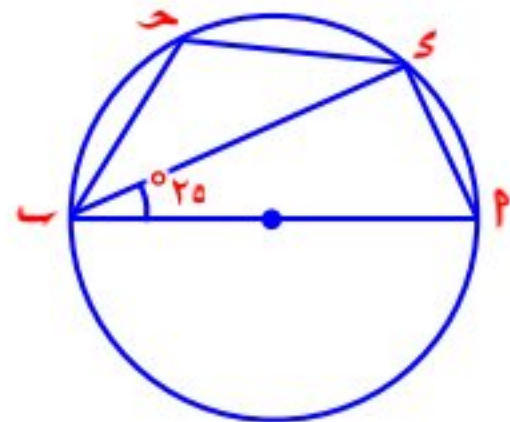
١٨ في الشكل المقابل :



إذا كانت : \widehat{ACB} منتصف \widehat{AB} ، $\widehat{APB} = 120^\circ$ ، فإن : $\widehat{APB} = \widehat{ACB}$ =

- ☐ أ ١٥
☐ ب ٣٠
☐ ج ٤٥
☐ د ٦٠

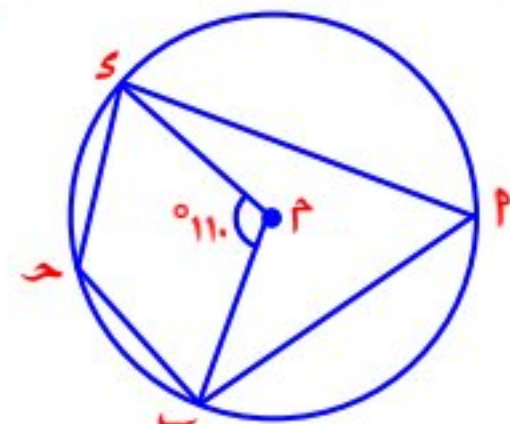
١٩ في الشكل المقابل : «الأقصر 2017»



\widehat{APB} قطر في الدائرة \widehat{P} ، $\widehat{APB} = 25^\circ$ ، \widehat{ACB} ، فإن : $\widehat{ACB} =$

- ☐ أ ٥٠
☐ ب ١٠٠
☐ ج ١١٥
☐ د ١٢٥

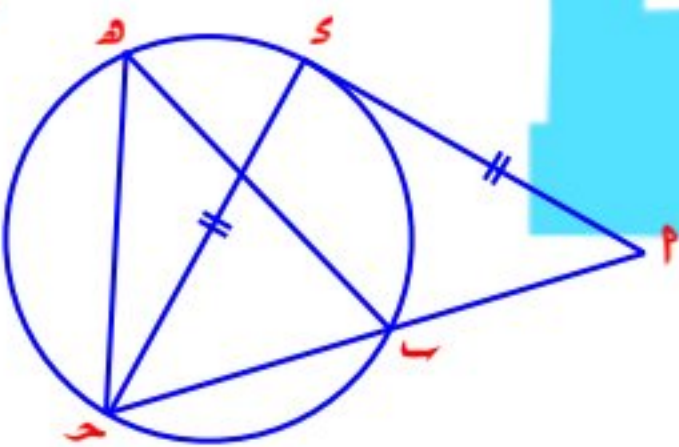
٢٠ في الشكل المقابل : «الغربية 2017»



إذا كان : $\widehat{APB} = 110^\circ$ ، فإن : $\widehat{ACB} =$

- ☐ أ ٧٠
☐ ب ١١٠
☐ ج ١٢٥
☐ د ٥٥

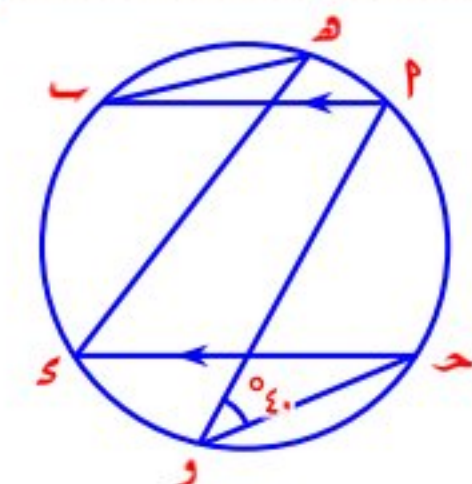
٢١ في الشكل المقابل :



\widehat{APB} قطر في الدائرة \widehat{P} ، \widehat{APB} مماساً لها عند \widehat{P} ، $\widehat{ACB} =$ ، فإن : $\widehat{ACB} =$

- ☐ أ ٦٠
☐ ب ٩٠
☐ ج ٤٥
☐ د ٣٠

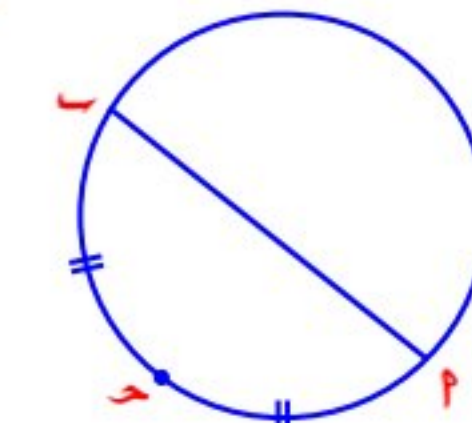
٢٢ في الشكل المقابل : «الشرقية 2017»



إذا كان : $\widehat{APB} \parallel \widehat{ACB}$ ، $\widehat{APB} = 40^\circ$ ، فإن : $\widehat{ACB} =$

- ☐ أ ٥٠
☐ ب ٤٠
☐ ج ٣٠
☐ د ٤٥

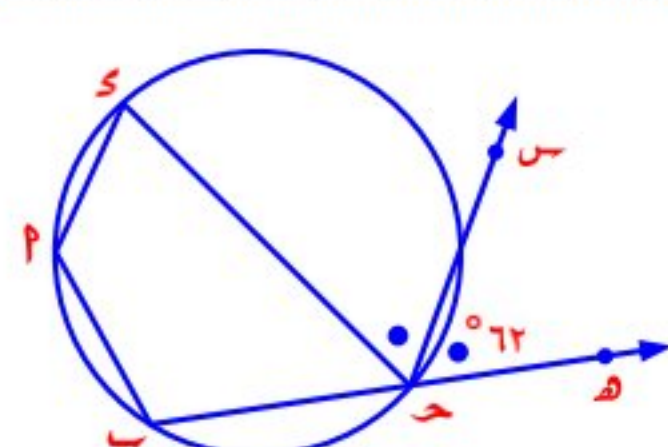
٢٣ في الشكل المقابل : «الجيزة 2017»



إذا كانت : \widehat{ACB} منتصف \widehat{AB} ، فإن : $\widehat{APB} =$

- ☐ أ $>$
☐ ب $<$
☐ ج \geq
☐ د $=$

٢٤ في الشكل المقابل : «الجيزة 2017»



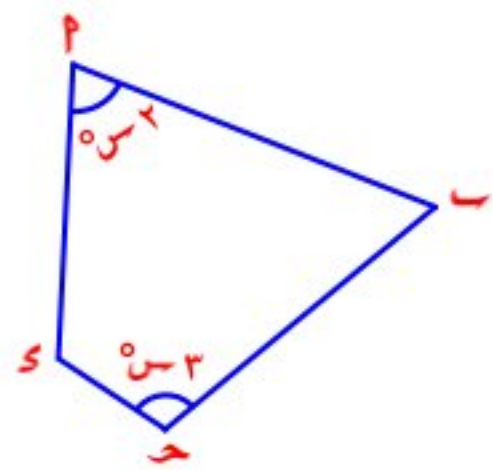
إذا كانت : \widehat{ACB} ينصف \widehat{AB} ، $\widehat{APB} = 62^\circ$ ، فإن : $\widehat{APB} =$

- ☐ أ ٦٢
☐ ب ١٢٨
☐ ج ٥٦
☐ د ١٢٤



٢٥ في الشكل المقابل : «الجيزة 2019»

إذا كان : $\widehat{A} = 70^\circ$ ، $\widehat{B} = 120^\circ$ ، $\widehat{C} = 30^\circ$ ، فإن قيمة \widehat{D} =



أ. 30°

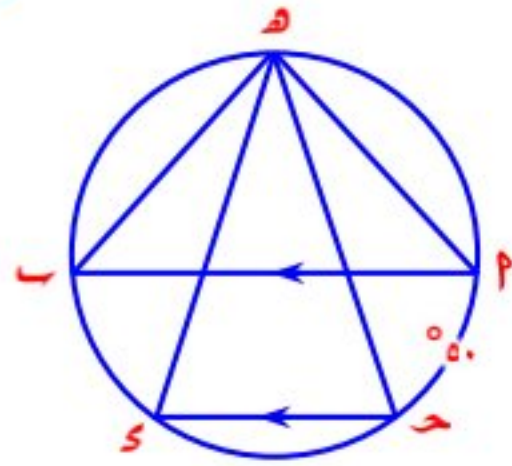
ب. 20°

ج. 36°

د. 32°

٢٦ في الشكل المقابل : «الغربية 2017»

إذا كانت : $\widehat{A} = 60^\circ$ ، $\widehat{B} = 120^\circ$ ، $\widehat{C} = 30^\circ$ ، فإن : \widehat{D} =



أ. 10°

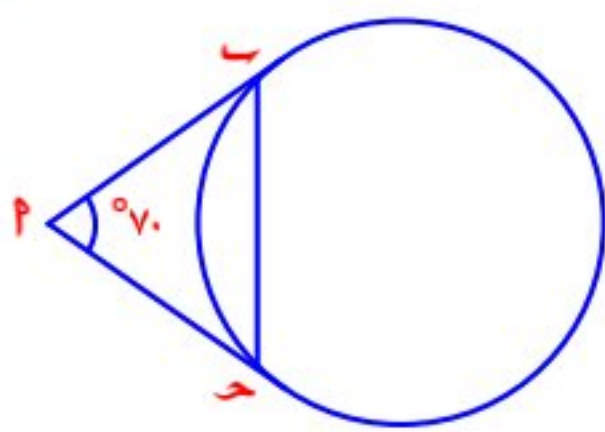
ب. 5°

ج. 25°

د. 15°

٢٧ في الشكل المقابل : «الرقهلية 2017»

إذا كان : $\widehat{A} = 70^\circ$ ، $\widehat{B} = 120^\circ$ ، $\widehat{C} = 30^\circ$ ، فإن : \widehat{D} =



أ. 110°

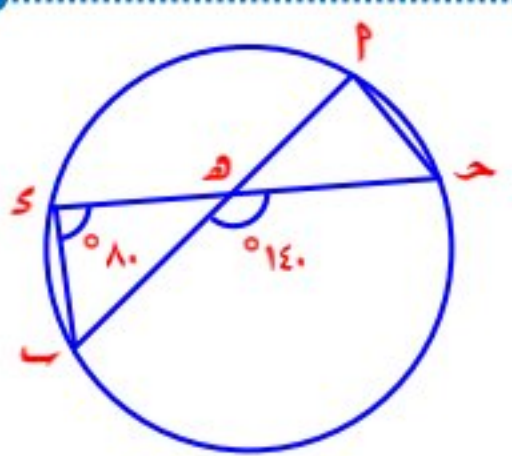
ب. 180°

ج. 100°

د. 90°

٢٨ في الشكل المقابل :

إذا كان : $\widehat{A} = 80^\circ$ ، $\widehat{B} = 140^\circ$ ، $\widehat{C} = 30^\circ$ ، فإن : \widehat{D} =



أ. 40°

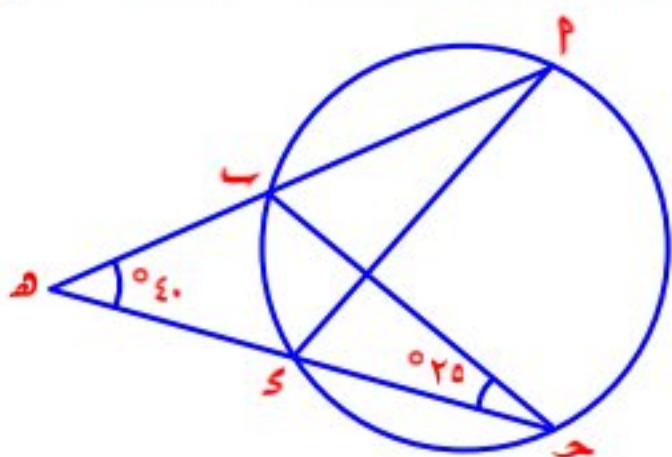
ب. 30°

ج. 60°

د. 50°

٢٩ في الشكل المقابل :

إذا كان : $\widehat{A} = 25^\circ$ ، $\widehat{B} = 40^\circ$ ، $\widehat{C} = 120^\circ$ ، فإن : \widehat{D} =



أ. 80°

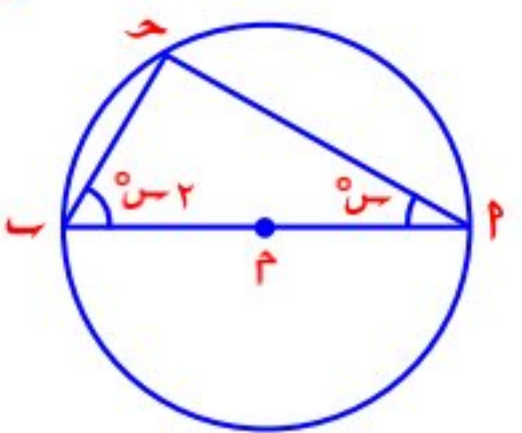
ب. 50°

ج. 65°

د. 25°

٣٠ في الشكل المقابل : «اسوان 2018»

إذا كان : $\widehat{A} = 30^\circ$ ، $\widehat{B} = 120^\circ$ ، $\widehat{C} = 30^\circ$ ، فإن : \widehat{D} =



أ. 30°

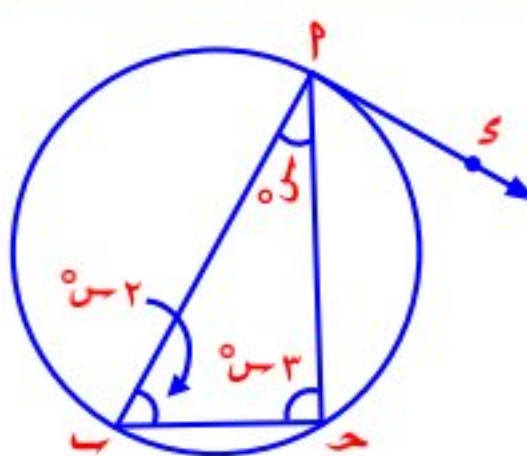
ب. 20°

ج. 60°

د. 40°

٣١ في الشكل المقابل :

إذا كان : $\widehat{A} = 40^\circ$ ، $\widehat{B} = 120^\circ$ ، $\widehat{C} = 30^\circ$ ، فإن : \widehat{D} =



أ. 40°

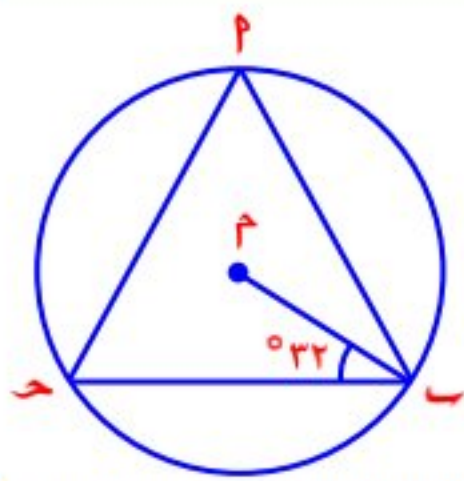
ب. 20°

ج. 80°

د. 60°



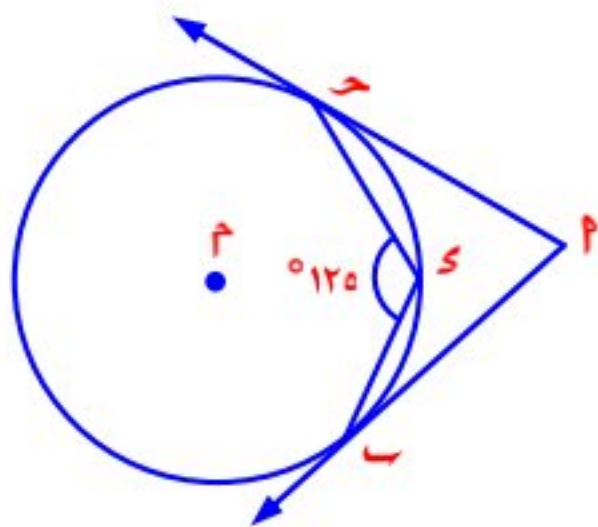
٣٢ في الشكل المقابل :



دائرة مركزها P ، و $\angle A = 32^\circ$ ، فإن : و $\angle B =$

- ☐ ١٦ °
☐ ٦٤ °
☐ ٣٢ °
☐ ١١٦ °

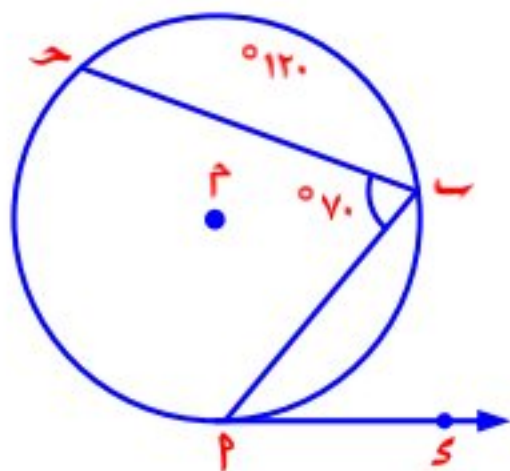
٣٣ في الشكل المقابل :



\overline{AB} ، \overline{AC} مماسان للدائرة عند B ، ح ، أخذت $\angle BAC = 125^\circ$ بحيث و $\angle BAC = 125^\circ$ ، فإن : و $\angle B =$

- ☐ ٥٠ °
☐ ٧٠ °
☐ ٦٠ °
☐ ٨٠ °

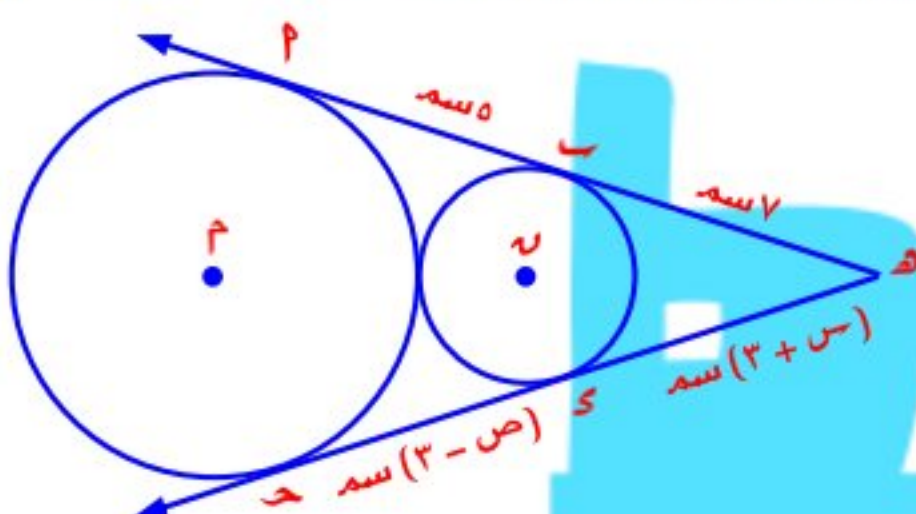
٣٤ في الشكل المقابل :



\overline{AB} مماسًا للدائرة عند P ، و $\angle BAC = 70^\circ$ ، و $\angle BAC = 120^\circ$ ، فإن : و $\angle B =$

- ☐ ٥٠ °
☐ ٧٠ °
☐ ٦٠ °
☐ ٣٥ °

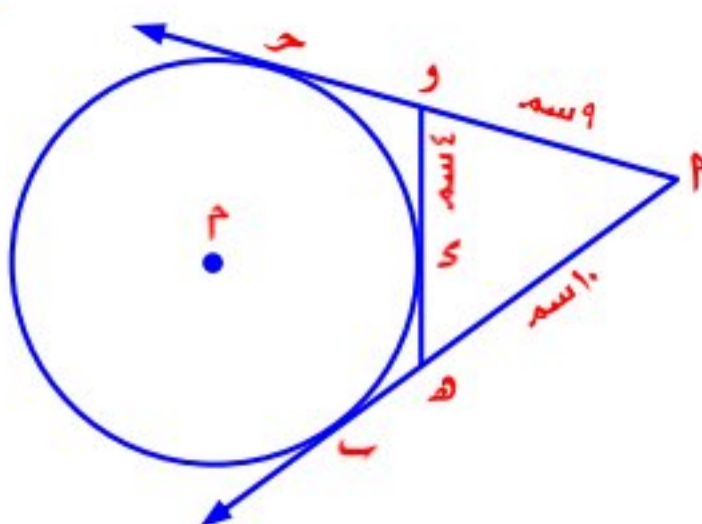
٣٥ في الشكل المقابل :



هـ P ، هـ B مماسان مشتركين للدائرتين P ، Q ، $\overline{AB} = 5$ سم ، $\overline{AC} = 7$ سم ، $\overline{AD} = 3$ سم ، فإن : و $\overline{AE} =$

- ☐ ١٠
☐ ١٢
☐ ١١
☐ ١٤

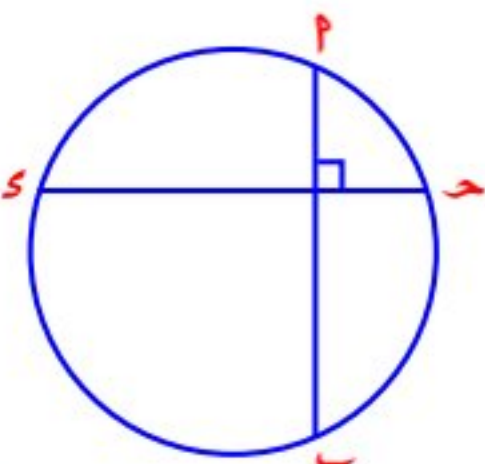
٣٦ في الشكل المقابل :



\overline{AB} ، \overline{AC} ، و هـ مماسات للدائرة عند B ، ح ، و على الترتيب ، $\overline{AP} = 9$ سم ، $\overline{AQ} = 10$ سم ، $\overline{AR} = 4$ سم ، فإن : و $\overline{AS} =$

- ☐ ٣ سم
☐ ٥ سم
☐ ٤ سم
☐ ٦ سم

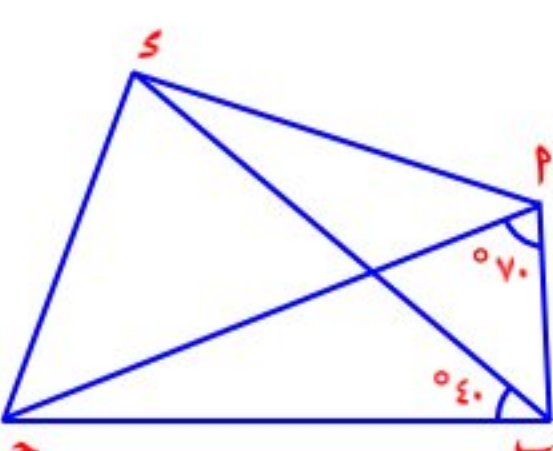
٣٧ في الشكل المقابل :



\overline{AB} ، \overline{AC} وتران متعامدان في الدائرة P ، فإن : و $\angle BAC =$

- ☐ ٤٥ °
☐ ١٨٠ °
☐ ٩٠ °
☐ ٢٧٠ °

٣٨ في الشكل المقابل : «دمياط 2016»

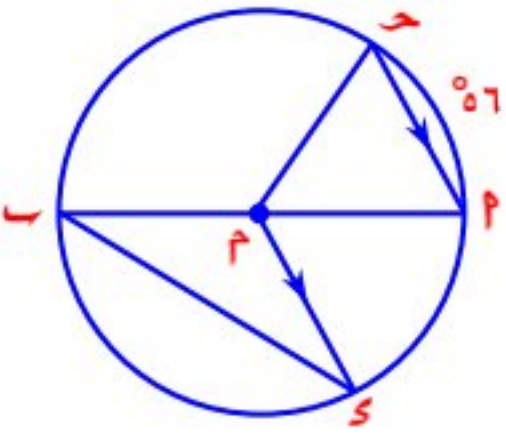


\overline{AB} حـ شكل رباعي دائري فيه ، و $\angle A = 70^\circ$ ، و $\angle B = 40^\circ$ ، فإن : و $\angle C =$

- ☐ ٤٠ °
☐ ١١٠ °
☐ ٣٠ °
☐ ٧٠ °



٣٩ في الشكل المقابل :



$\overline{AP} \parallel \overline{BM}$ ، $\widehat{AP} = 56^\circ$ ، فإن : $\angle PAB =$

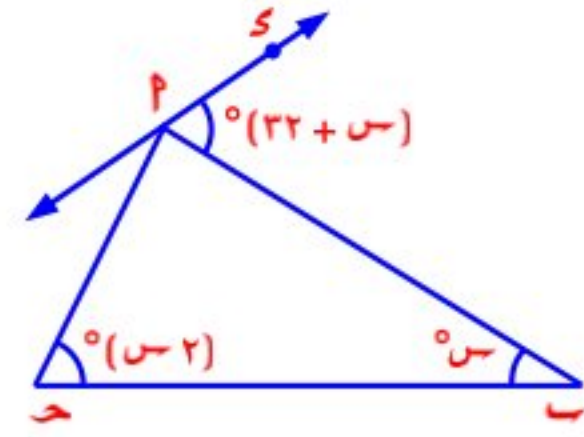
ب) 56°

ا) 28°

د) 31°

ح) 62°

٤٠ في الشكل المقابل :



\overline{AP} مماساً للدائرة المارة برؤوس المثلث APB عند P ، $\angle B = x^\circ$ ، $\angle C = (x - 2)^\circ$ ،

، $\angle A = (32 + x)^\circ$ ، فإن : $\angle PAB =$

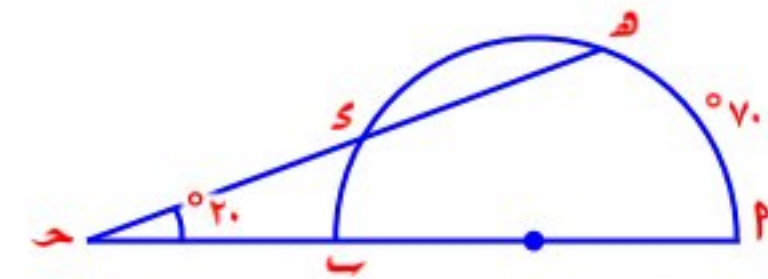
ب) 64°

ا) 32°

د) 42°

ح) 84°

٤١ في الشكل المقابل :



\overline{AP} قطر في الدائرة P ، $\angle B = x^\circ$ ، $\angle A = 70^\circ$ ،

، فإن : $\angle PAB =$

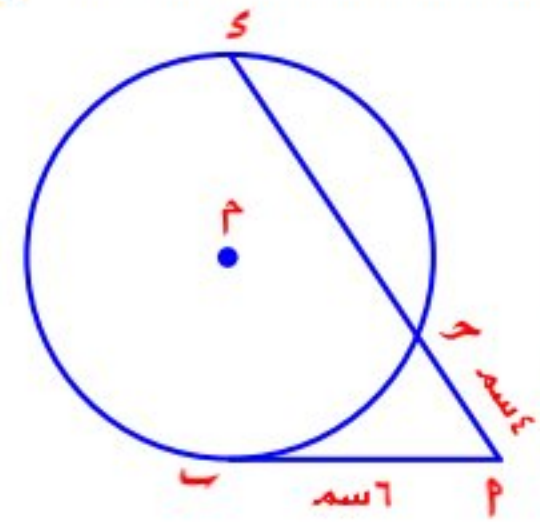
ب) 80°

ا) 70°

د) 110°

ح) 90°

٤٢ في الشكل المقابل :



\overline{AP} مماساً للدائرة عند P ، $\angle A = 40^\circ$ ، $\angle B = 10^\circ$ ، فإن : $\angle PAB =$

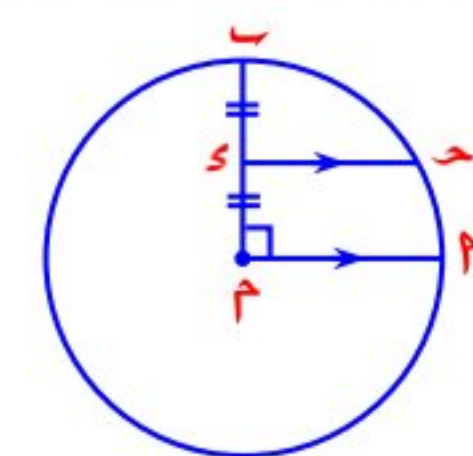
ب) 6°

ا) 4°

د) 10°

ح) 9°

٤٣ في الشكل المقابل : «سوهاج 2017»



إذا كان : $\overline{AP} \parallel \overline{BM}$ ، $\angle B = x^\circ$ ، فإن : $\angle PAB =$

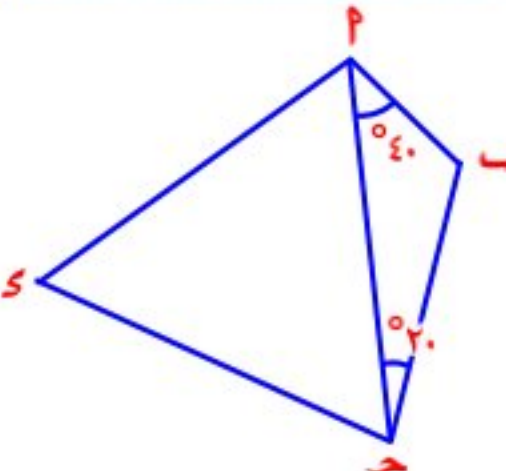
ب) 90°

ا) 60°

د) 45°

ح) 30°

٤٤ في الشكل المقابل : «الشرقية 2018»



\overline{AP} BM شكل رباعي دائري ، $\angle B = x^\circ$ ، $\angle A = 20^\circ$ ،

، فإن : $\angle PAB =$

ب) 40°

ا) 20°

د) 120°

ح) 60°

البسيط في الرياضيات ، مُنطلق جديد



حمل الآن

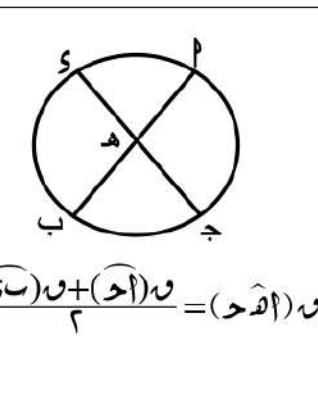
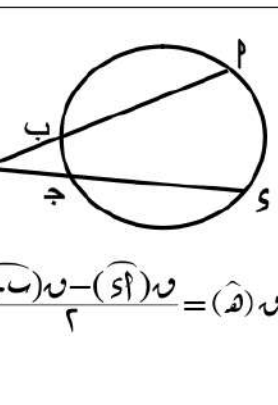
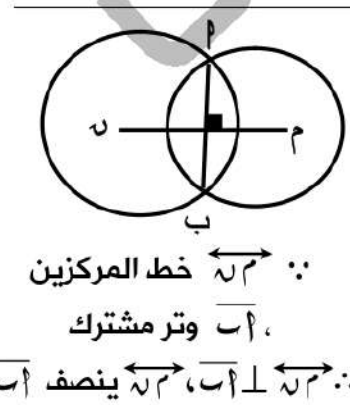
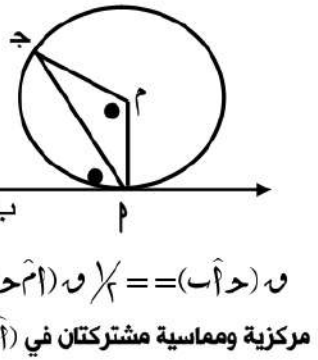
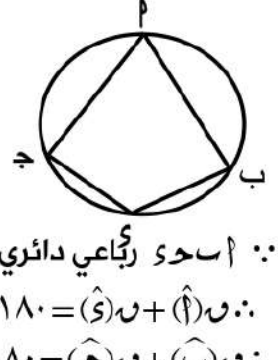
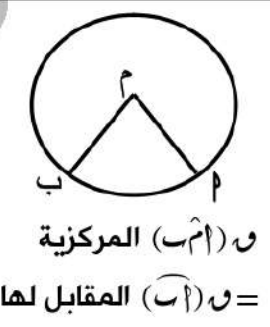
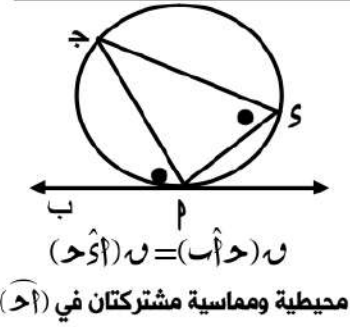
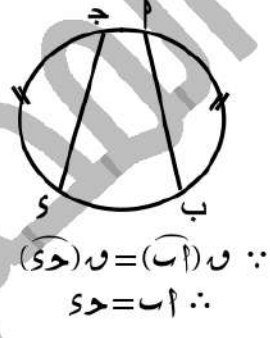
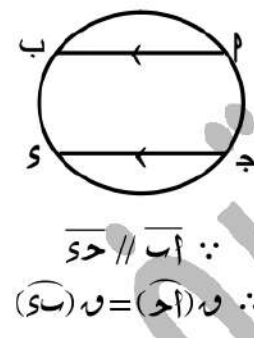
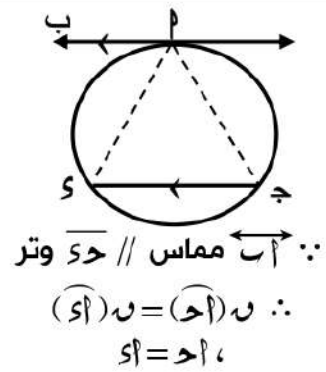
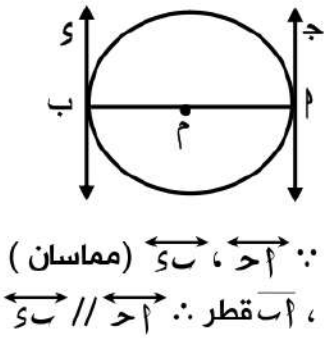
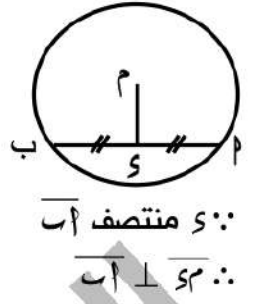
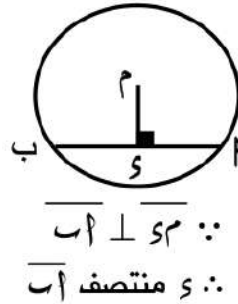
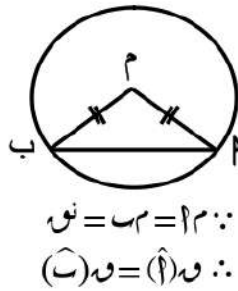
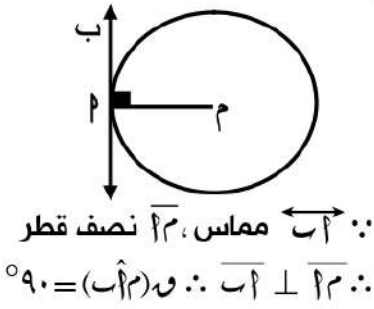
مجاناً وحصرياً

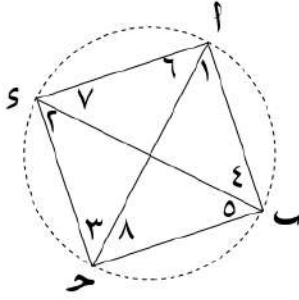
المراجعة رقم (3)

الترم الثاني

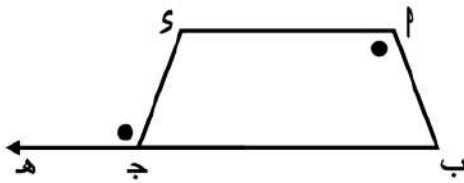


مفاتيح الهندسة للصف الثالث الإعدادي

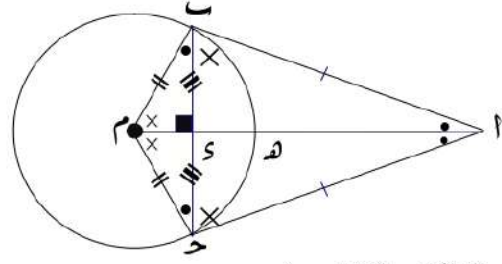




- ① $\angle(1) = \angle(2)$ يكون رباعي دائري
- ② $\angle(3) = \angle(4)$ يكون رباعي دائري
- ③ $\angle(5) = \angle(6)$ يكون رباعي دائري
- ④ $\angle(7) = \angle(8)$ يكون رباعي دائري



إذا كان : $\angle(دج) = \angle(سب)$ الداخلية المقابلة
فإن الشكل : $سبج$ رباعي دائري



نظرية (٤) ونتائجها:

- ① $أب = أ د$
- ② $\overleftrightarrow{أم}$ محور $س د$ ويكون $\overleftrightarrow{أم} \perp س د$ ، $س د = د س$
- ③ الشكل $أ ب م د$ رباعي دائري لأن : $\angle(أ ب م) = \angle(أ د م) = 90^\circ$
- ④ طول $هـ ب =$ طول $هـ د$
- ⑤ $م = د = س$
- ⑥ $\angle(أ ب م) = \angle(أ د م)$ $\overleftrightarrow{أم}$ ينصف $(س د)$
- ⑦ $\angle(أ ب م) = \angle(أ د م)$ $\overleftrightarrow{أم}$ ينصف $(س د)$
- ⑧ قوس الدائرة المحصور بين القطعتان المماسات المرسومتان من نقطة خارج دائرة قوس أصغر في الدائرة.

موضع مستقيم بالنسبة لدائرة

إذا كان $م = ن ق$
فإن : $ل$ مماس للدائرة

إذا كان $م > ن ق$
فإن : $ل$ قاطع للدائرة

إذا كان $م < ن ق$
فإن : $ل$ خارج الدائرة

موضع دائرة بالنسبة لدائرة أخرى

إذا كان لدينا دائرتان لهما $ن_١$ ، $ن_٢$ نجمع القطرين ثم نطرح القطرين

فإذا كان : $ن_٢ - ن_١$

أصغر من
طرحهما

متداخلتان

يساوي
طرحهما

متماستان من
الداخل

بين طرحهما
وجمعهما

متقاطعتان

يساوي
جمعهما

متماستان من
الخارج

أكبر من
جمعهما

متباعدتان

إذا كان $ن_٢ - ن_١ = 0$ فإن الدائرتان تكونان متحدتان المركز

عدد الدوائر التي تمر بـ

ثلاث نقط ليست علي استقامة واحدة
(واحدة)

ثلاث نقط علي استقامة واحدة
(صفر)

- (١) المستطيل والمربع وشبه المنحرف المتساوي الساقين أشكال رباعية دائرية.
(٢) متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف غير متساوي الساقين ليست أشكالاً رباعية



بعض القوانين الهامة

$$\text{طول القوس} = \frac{\text{قياس القوس}}{360^\circ} \times 2\pi n$$

$$\text{قياس القوس} = \frac{\text{طول القوس}}{2\pi n} \times 360^\circ$$

$$\text{مساحة الدائرة} = \pi n^2$$

$$\text{محيط الدائرة} = 2\pi n$$

$$\text{محيط المربع} = \text{طول الضلع} \times 4$$

$$\text{مساحة المربع} = \text{مربع طول ضلعه}$$

$$\text{محيط المستطيل} = (\text{الطول} + \text{العرض}) \times 2$$

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$\text{مساحة متوازي الأضلاع} = \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المعين} = \text{طول الضلع} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المعين} = \frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب طول قطريه}$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \times \text{مجموع القاعدتين المتوازيتين} \times \text{الارتفاع}$$

٤

٢

١

١

٣

٢

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متباعدتين

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرة من نقطة خارجها

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرة من نقطة عليها

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متماسكتين من الداخل

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متماسكتين من الخارج

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متقاطعتين

عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متداخلتين أو متحدتين المركز (صفر)

ملخص نظري الهندسة

- ١) نصف قطر الدائرة أى قطعة مستقيمة تصل بين المركز وأى نقطة على الدائرة وكلها متساوية وتساوى r .
- ٢) وتر الدائرة هو أى قطعة مستقيمة تصل بين نقطتين على الدائرة
- ٣) قطر الدائرة وتر يمر بالمركز أو أى قطعة مستقيمة تصل بين نقطتين على الدائرة وتر يمر بالمركز
- ٤) أى مستقيم يمر بمركز الدائرة هو محور تماثل لها وللدائرة عدد لا نهائى من محاور التماثل
- ٥) محيط الدائرة $= 2\pi r$ ، مساحة الدائرة $= \pi r^2$
- ٦) خط المركزين الدائرتين متماستين من الداخل أو الخارج يكون عمودياً على المماس المشترك عند نقطة التماس
- ٧) المستقيم المار بمركز الدائرة وبمنتصف أى وتر فيها يكون عمودياً على هذا الوتر
- ٨) خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عمودياً على الوتر المشترك وينصفه
- ٩) المماس لدائرة يكون عمودياً على نصف القطر المرسوم من نقطة التماس
- ١٠) المستقيم العمودى على قطر الدائرة من إحدى نهايته يكون مماساً للدائرة
- ١١) المماسان لدائرة المرسومان من نهايتي قطر فيهما متوازيين
- ١٢) يوجد عدد لا نهائى من الدوائر التى تمر بنقطة واحدة
- ١٣) يوجد عدد لا نهائى من الدوائر التى تمر بنقطتين
- ١٤) لا يمكن رسم دائرة واحدة تمر بثلاث نقط على استقامة واحدة
- ١٥) أصغر دائرة يمكن رسمها تمر بالنقطتين A, B طولها يساوى نصف طول AB
- ١٦) يمكن رسم دائرة وحيدة تمر بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة
- ١٧) الدائرة الخارجة للمثلث هى الدائرة التى تمر برؤوس المثلث من الخارج
- ١٨) مركز الدائرة الخارجة للمثلث هى نقطة تقاطع الأعمدة المقامة على أضلاعه من منتصفاتها
- ١٩) مركز الدائرة الخارجة للمثلث القائم الزاوية هو منتصف الوتر
- ٢٠) الأوتار المتساوية فى الطول فى دائرة تكون على أبعاد متساوية من مركزها
- ٢١) فى الدائرة الواحدة أو فى الدوائر المتطابقة إذا كانت الأوتار على أبعاد متساوية من المركز فإنها تكون متساوية فى الطول
- ٢٢) فى الدائرة الواحدة أو فى الدوائر المتطابقة الأقواس المتساوية فى القياس متساوية فى الطول والعكس صحيح
- ٢٣) فى الدائرة الواحدة أو فى الدوائر المتطابقة الأقواس المتساوية فى القياس متساوية فى الطول والعكس صحيح
- ٢٤) فى الدائرة الواحدة أو فى الدوائر المتطابقة الأقواس المتساوية فى القياس أوتارها متساوية فى الطول والعكس صحيح
- ٢٥) الوتران المتوازيان فى الدائرة يحصران قوسين متساويين فى القياس
- ٢٦) القوسان المحصوران بين وتر ومماس يوازيه متساويان فى القياس
- ٢٧) قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها فى القوس
- ٢٨) قياس الزاوية المركزية ضعف قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها فى القوس
- ٢٩) قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس القوس المقابل لها
- ٣٠) الزاوية المحيطية المرسومة فى نصف دائرة قائمة
- ٣١) الزاوية المحيطية التى تحصر نفس القوس فى الدائرة الواحدة متساوية فى القياس

٣٢) قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس القوس المقابل لها

٣٣) الزاوية المحيطية المرسومة فى نصف دائرة قائمة

٣٤) الزاوية المحيطية التى تحصر نفس القوس فى الدائرة الواحدة متساوية فى القياس

٣٥) فى الدائرة الواحدة أو فى عدة دوائر الزوايا المحيطية المتساوية فى القياس تحصر بين ضلعيهما أقواساً متساوية فى القياس

٣٦) إذا تساوى قياسا زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة وفى جهة واحدة منها فإنه يمر برأسيهما دائرة واحدة تكون هذه القاعدة وترّاً فيها

٣٧) إذا كان الشكل الرباعى دائرياً فإن : كل زاويتان متقابلتان متكاملتان مجموعهم $= 180^\circ$

٣٨) المستطيل والمربع والشبه منحرف المتساوى الساقين اشكال رباعية دائرية

٣٩) متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف الغير متساوى الساقين رباعيه غير دائرية

٤٠) قياس الزاوية الخارجة عن أى رأس من رؤوس الشكل الرباعى الدائرى يساوى قياس الزاوية الداخلة المقابلة للمجاورة

٤١) إذا وجدت زاويتان متقابلتان متكاملتان فى شكل رباعى كان هذا الشكل رباعى دائرى

٤٢) إذا وجدت زاوية خارجة عند رأس من رؤوس شكل رباعى قياسها يساوى قياس الزاوية الداخلة المقابلة لهذا الرأس كان الشكل رباعياً دائرياً

٤٣) القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة خارج الدائرة متساويتان فى الطول

٤٤) يكون الشكل الرباعى دائرياً إذا تحققت أحد الشروط التالية :

⊙ إذا وجدت نقطة فى مستوى الشكل تكون على ابعاد متساوية من رؤوسه

⊙ إذا وجدت زاويتان متساويتان فى القياس ومرسومتان على ضلع من اضلاعه كقاعدة وفى جهة واحدة من هذا الضلع

⊙ إذا وجدت زاويتان متقابلتان فيه متكاملتان مجموع قياسهما $= 180^\circ$

⊙ إذا وجدت زاوية خارجة عند أى رأس من رؤوسه قياسها يساوى قياس الزاوية الداخلة المقابلة للمجاورة له

٤٥) الدائرة الداخلة لمثلث هى الدائرة التى تمس اضلاعه من الداخل

٤٦) مركز الدائرة الداخلة لأى مثلث هو نقطة تقاطع منصفات زواياه

٤٧) الزاوية المماسية هى الزاوية المكونة من اتحاد شعاعين أحدهما مماس للدائرة والأخر يحتوى وتر الدائرة يمر بنقطة التماس

٤٨) قياس الزاوية المماسية يساوى نصف قياس القوس الموصول بين ضلعيهما

٤٩) قياس الزاوية المماسية يساوى قياس الزاوية المحيطية المرسومة على وتر التماس

٥٠) إذا رسم من احدى نقطتى النهاية لوتر فى دائرة بحيث كان قياس الزاوية المحصورة بين هذا الشعاع والوتر يساوى

قياس الزاوية المحيطية المرسومة على نفس الوتر من الجهة الأخرى فإن هذا الشعاع يكون مماساً للدائرة

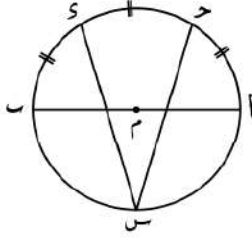
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

١) م ، ن دائرتان متباعدتان طولاً نصفى قطريهما ٨ سم ، ٦ سم على الترتيب فإن : م ن ١٤ سم
① > ② < ③ = ④ ≤

٢) قياس الزاوية المحيطية يساوى قياس الزاوية المركزية المشتركة معها فى نفس القوس
① نصف ② ضعف ③ ربع ④ ثلث

٣) إذا كانت الدائرتان م ، ن متماستان من الداخل طولاً نصفى قطريهما ٧ سم ، ٣ سم فإن : م ن
① ٣ ② ٤ ③ ٧ ④ ١٠

٤) في الشكل المقابل :



AB قطر في الدائرة م

$$\angle (A\hat{C}) = \angle (C\hat{S}) = \angle (S\hat{B})$$

فإن : $\angle (A\hat{C}S) = \dots\dots\dots$

١) 15° ب) 30°

ج) 45° د) 60°

٥) في الشكل الرباعي الدائري ABCD إذا كان : $\angle A = \frac{1}{2} \angle C$ فإن : $\angle A = \dots\dots\dots$

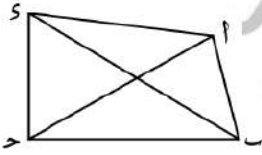
١) 20° ب) 30° ج) 60° د) 120°

٦) خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عموداً على وينصفه

١) القطر ب) الوتر ج) الوتر المشترك د) المماس

٧) الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة

١) حادة ب) مستقيمة ج) منفرجة د) قائمة



٨) الشكل المقابل يكون رباعياً دائرياً إذا كان

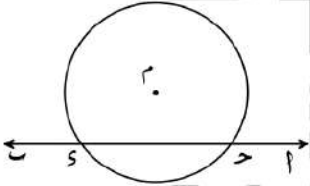
١) $\angle A + \angle C = 180^\circ$ ب) $AC \perp BD$

ج) $\angle A = \angle C$ د) $\angle A = \angle C$

٩) دائرتان م ، ن طولاً نصفى قطريهما ٨ سم ، ٦ سم إذا كان : $m = 4$ سم فإن الدائرتين تكونان

١) متقاطعتين ب) متباعدتين ج) داخليتين د) متماستين من الخارج

١٠) في الشكل المقابل :



$$l \cap \text{سطح الدائرة م} = \dots\dots\dots$$

١) $\{S, C\}$ ب) SC

ج) \overleftrightarrow{SC} د) \emptyset

١١) قياس الزاوية المركزية التي تقابل قوساً طوله $\frac{1}{3} \pi$ ن.

١) 30° ب) 60° ج) 120° د) 240°

١٢) يمكن رسم دائرة تمر برؤوس

١) معين ب) مستطيل ج) شبه منحرف د) متوازي أضلاع

١٣) دائرة طول قطرها ١٠ سم والمستقيم ل يبعد عن مركزها مسافة ٥ سم فإن المستقيم ل يكون

١) مماساً للدائرة ب) قاطعاً للدائرة ج) خارج الدائرة د) قطعاً في الدائرة

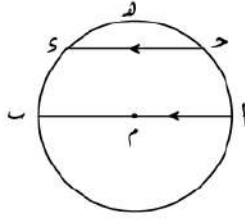
١٤) عدد المماسات المشتركة للدائرتين المتماسيتين من الخارج هو

١) صفر ب) ١ ج) ٢ د) ٣

١٥) عدد محاور التماثل لأي دائرة هو

١) صفر ب) ١ ج) ٢ د) عدد لا نهائي

١٦ في الشكل المقابل :



إذا كان \widehat{AB} قطر في الدائرة م

، $\widehat{AB} // \widehat{CS}$ ، $\widehat{CS} = 80^\circ$ فإن : $\widehat{AS} = (\text{ح}) = \dots\dots\dots$

- ① 40° ② 50°
③ 80° ④ 100°

١٧ إذا كان : م ، ن دائرتان متقاطعتان في نقطتين وكان طولا نصفى قطريهما ٥ سم ، ٢ سم على الترتيب

فإن : م ن $\supset \dots\dots\dots$

- ① $[7, 3]$ ② $[7, 3[$ ③ $]7, 3[$ ④ $]7, 3]$ ⑤ $[7, 3]$

١٨ محور تماثل الدائرة هو

- ① القطر ② الوتر ③ المستقيم المار بالمركز ④ المماس

١٩ قياس القوس الذي يمثل ربع قياس الدائرة يساوى

- ① 60° ② 90° ③ 120° ④ 240°

٢٠ المماسان المرسومان من نهايتي قطر في دائرة يكونان

- ① متعامدين ② متوازيين ③ متقاطعتين ④ منطبقين

٢١ وتر طوله ٨ سم مرسوم داخل دائرة طول قطرها ١٠ سم فإنه يبعد عن المركز سم

- ① ٢ ② ٤ ③ ٣ ④ ٦

٢٢ مركز الدائرة الداخلة للمثلث هو نقطة تقاطع

- ① متوسطاته ② ارتفاعاته ③ محاور تماثل أضلاعه ④ منصفات زواياه الداخلة

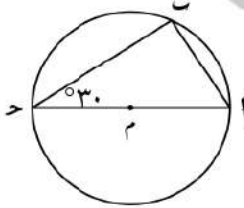
٢٣ قياس الزاوية المركزية المرسومة في ثلث دائرة يساوى

- ① 240° ② 120° ③ 60° ④ 30°

٢٤ م ، ن دائرتان متماستان من الداخل طولاً نصفى قطريهما ٧ سم ، ١٠ سم فإن : م ن = سم

- ① ٣ ② ١٧ ③ ٧ ④ ١٠

٢٥ في الشكل المقابل :

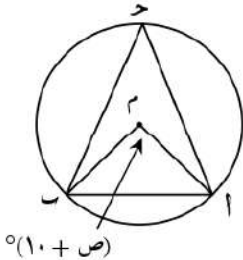


\widehat{AB} قطري في الدائرة م

، $\widehat{AS} = 30^\circ$ فإن : $\widehat{AS} = (\text{ح}) = \dots\dots\dots$

- ① 120° ② 60°
③ 90° ④ 40°

٢٦ في الشكل المقابل :

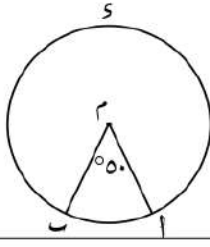


دائرة مركزها م إذا كان : $\widehat{AS} = 40^\circ$

، $\widehat{AS} = (\text{ح}) = (10 + \text{ص})^\circ$ فإن : $\text{ص} = \dots\dots\dots$

- ① 70° ② 80°
③ 100° ④ 180°

٢٧) في الشكل المقابل :



و $(\hat{A}) = 50^\circ$ فإن : و $(\hat{B}) = \dots\dots\dots$

- ① 50° ② 100°
③ 310° ④ 350°

٢٨) الزاوية المماسية هي زاوية محصورة بين

- ① وترين ② مماسين ③ وتر ومماس ④ وتر وقطر

٢٩) دائرة طول محيطها 6π سم والمستقيم ل يبعد عن مركزها ٥ سم فإن المستقيم ل يكون

- ① مماساً للدائرة ② قاطعاً للدائرة ③ خارج الدائرة ④ قطعاً في الدائرة

٣٠) ا ب ح د رباعي دائري فيه : و $(\hat{A}) = 3^\circ$ و (\hat{C}) فإن : و $(\hat{D}) = \dots\dots\dots$

- ① 90° ② 45° ③ 135° ④ 120°

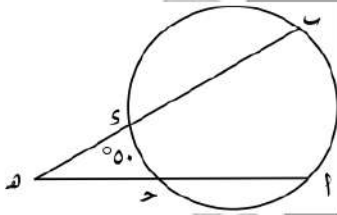
٣١) إذا كان طولان نصفى قطرى الدائرتين م ، ن هما ٦ سم ، ٣ سم وكان م = ٢ سم فإن : م ، ن

- ① متقاطعتان ② متداخلتان ③ متباعدتان ④ متماستان من الخارج

٣٢) عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدثى المركز يساوى

- ① ٣ ② ١ ③ ٢ ④ صفر

٣٣) في الشكل المقابل :

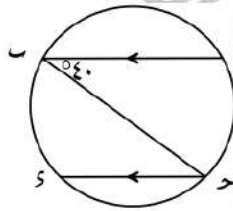


و $(\hat{A}) = 50^\circ$ ، و $(\hat{C}) = 140^\circ$

فإن : و $(\hat{B}) = \dots\dots\dots$

- ① 45° ② 40°
③ 55° ④ 95°

٣٤) في الشكل المقابل :



و $(\hat{A}) = 40^\circ$ ، و $\overline{AC} \parallel \overline{BC}$

فإن : و $(\hat{C}) = \dots\dots\dots$

- ① 20° ② 40°
③ 80° ④ 160°

٣٥) قياس الزاوية المركزية = قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في نفس القوس

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ ٢ ④ ١

٣٦) مجموعة نقاط الدائرة ن \cap مجموعة النقاط داخل الدائرة ن =

- ① الدائرة ن ② سطح الدائرة ن ③ محيط الدائرة ن ④ مجموعة النقاط داخل الدائرة ن

٣٧) دائرتان م ، ن متماستان من الداخل نصفى قطريى الدائرتين ٥ سم ، ٣ سم ، ن ، ٥ ، ن ، ٥ ، م = ٣ سم

فإن : ن = سم

- ① ٦ ② ٨ ③ ٧ ④ ٩

٣٨) عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقط على استقامة واحدة يساوى

- ① صفر ② واحد ③ ثلاث ④ عدد لا نهائى

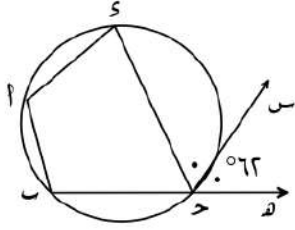
٢٩ أطول الاوتار في الدائرة يسمى

٥ نصف قطر

٣ قاطع

٢ مماس

١ قطر



٤٠ في الشكل المقابل :

إذا كانت : $\widehat{H} \supset \widehat{C}$ ، $\widehat{S} \supset \widehat{A}$ ينصف (س ح هـ)

، و (س ح هـ) = 62° فإن : و $(\widehat{A}) = \dots\dots\dots$

٢ ١١٨

١ ٦٢

٥ ١٢٤

٣ ٥٦

٤١ النسبة بين قياس الزاوية المحيطية وقياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس =

٥ ٣ : ١

٣ ١ : ١

٢ ١ : ٢

١ ٢ : ١

٤٢ دائرة طول نصف قطرها (٢ + س) سم والمستقيم ل يبعد عن مركزها مسافة (٢ + س) سم

حيث $س < ٠$ فإن المستقيم ل يكون

١ خارج الدائرة ٢ مماساً للدائرة ٣ قاطعاً للدائرة ٤ ماراً بمركز الدائرة

٤٣ إذا كان : $\widehat{A} \cap \text{الدائرة} = \{س ، أ\}$ فإن : $\widehat{A} \cap \text{سطح الدائرة} = \dots\dots\dots$

٥ \widehat{A}

٣ \widehat{A}

٢ \widehat{A}

١ $\{س ، أ\}$

٤٤ الزاوية المحيطية التي تقابل قوساً أصغر في الدائرة تكون

٥ حادة

٣ منفرجة

٢ قائمة

١ منعكسة

٤٥ في الشكل المقابل :



م دائرة فإذا كان : و $(\widehat{P}) - \widehat{A} = 50^\circ$

فإن : و $(\widehat{A}) = \dots\dots\dots$

٢ ٥٠

١ ٤٠

٥ ١٣٠

٣ ١٠٠

٤٦ في الشكل المقابل :

$\widehat{A} \parallel \widehat{C}$ ، $\widehat{S} = \widehat{C}$

، و $(\widehat{A} \cap \widehat{C}) = 90^\circ$

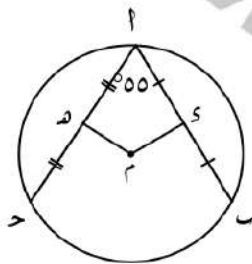
فإن : و $(\widehat{A}) = \dots\dots\dots$

٢ ٦٠

١ ٤٥

٥ ٩٠

٣ ٣٠



٤٧ في الشكل المقابل :

و منتصف \widehat{A} ، هـ منتصف \widehat{A}

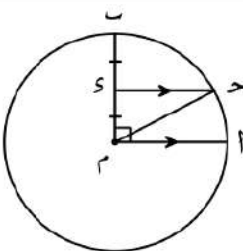
، و $(\widehat{A}) = 55^\circ$ فإن : و $(\widehat{S} \cap \widehat{H}) = \dots\dots\dots$

٢ ١٣٠

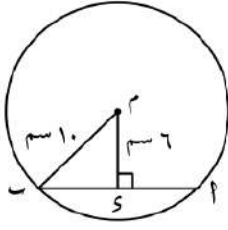
١ ١٢٠

٥ ١٢٥

٣ ١٣٥



٤٨) في الشكل المقابل :



إذا كان : $OS = 6$ سم ، $MS = 8$ سم فإن : $AB = \dots\dots\dots$ سم

١٦ (أ)

١٠ (ب)

٤ (ج)

٧ (د)

٤٩) دائرة طول قطرها ١٠ سم فإذا كان المستقيم l قاطعاً للدائرة فإنه يبعد عن مركزها $\dots\dots\dots$ سم

٤ (أ)

٧ (ب)

٦ (ج)

١٠ (د)

٥٠) دائرة M طول قطرها ١٠ سم فإذا كان المستقيم l خارج الدائرة M فإن البعد بين المركز M والمستقيم $l \Rightarrow \dots\dots\dots$

$] \infty , 5 [$ (أ)

$[5 , 0 [$ (ب)

$] 5 , 0 [$ (ج)

$\{ 5 , 0 \}$ (د)

٥١) إذا كان طول نصف قطر الدائرة $M =$ طول نصف قطر الدائرة N فإن الدائرتين $\dots\dots\dots$

متقاطعتان (أ)

متطابقتان (ب)

متباعدتان (ج)

متداخلتان (د)

٥٢) إذا كان المستقيم $l \cap$ الدائرة $M = \emptyset$ فإن المستقيم l يكون $\dots\dots\dots$

قاطعاً للدائرة (أ)

خارج الدائرة (ب)

خارج الدائرة (ج)

محور تماثل للدائرة (د)

٥٣) دائرتان طولاً نصفى قطريهما ٥ سم ، ٨ سم تكونان متماسكتين إذا كان البعد بين مركزيهما $\Rightarrow \dots\dots\dots$

$] 13 , 3 [$ (أ)

$[13 , 3 [$ (ب)

$[13 , 3]$ (ج)

$\{ 13 , 3 \}$ (د)

٥٤) عدد الدوائر التي يمكن رسمها تمر بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة هو $\dots\dots\dots$

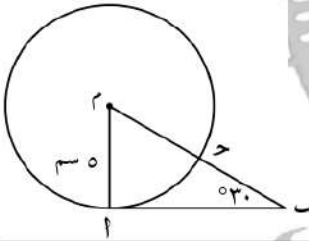
لا يوجد (أ)

عدد لا نهائى (ب)

٢ (ج)

١ (د)

٥٥) في الشكل المقابل :



AB مماسه ، $OM = 5$ سم ، $\angle AOB = 30^\circ$ فإن : طول $AB = \dots\dots\dots$ سم

٧ (أ)

٥ (ب)

١٠ (ج)

٨ (د)

٥٦) دائرتان M ، N طولاً نصفى قطريهما ٩ سم ، ٤ سم ، $MN = 16$ سم فإن الدائرتين تكونان $\dots\dots\dots$

متماستين من الخارج (أ)

متماستين من الداخل (ب)

متباعدتين (ج)

متقاطعتين (د)

٥٧) AB ، CD وتران متساويان فى الطول فى دائرة M ، S ، V منتصفا AB ، CD على الترتيب ، $MS = 3$ سم

فإن : $VS = \dots\dots\dots$ سم

٣ (أ)

٤ (ب)

٦ (ج)

$\frac{3}{2}$ (د)

٥٨) إذا كان سطح الدائرة $M \cap$ سطح الدائرة $N = \{ \}$ فإن الدائرتين M ، $N \dots\dots\dots$

متباعدتان (أ)

متحدتا المركز (ب)

متقاطعتان (ج)

متماستان من الخارج (د)

٥٩) لا يمكن رسم دائرة تمر بروؤس $\dots\dots\dots$

المثلث (أ)

المربع (ب)

المعين (ج)

المستطيل (د)

٦٠) عدد محاور تماثل نصف دائرة $\dots\dots\dots$ عدد محاور تماثل مثلث متساوى الساقين

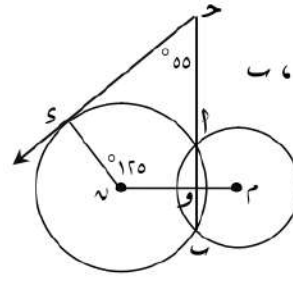
$<$ (أ)

$=$ (ب)

$>$ (ج)

\leq (د)

٦ في الشكل المقابل :



م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\{P\} = \overleftrightarrow{AB} \cap \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\angle(AMN) = 125^\circ$ ،
 $\angle(BNM) = 55^\circ$ ،

أثبت أن : \overleftrightarrow{AB} مماس للدائرة ن عند ب

برهان

\overleftrightarrow{MN} خط المراكزين ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ وتر مشترك
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\angle(AMN) = 125^\circ$
 مجموع قياسات الشكل الرباعي الداخلة $= 360^\circ$
 $\therefore \angle(BNM) = 360^\circ - (125^\circ + 90^\circ + 55^\circ) = 90^\circ$
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{BN}$ ، \overleftrightarrow{AB} مماس للدائرة ن عند ب

٧ في الشكل المقابل :



م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\angle(AMN) = 90^\circ$ ، $\angle(BNM) = 90^\circ$ ،
 أثبت أن : $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

برهان

\overleftrightarrow{MN} خط المراكزين ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ وتر مشترك
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\angle(AMN) = 90^\circ$
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\angle(BNM) = 90^\circ$
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\angle(AMN) = 90^\circ$ ، $\angle(BNM) = 90^\circ$ ،
 "في وضع تناظر" $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

٨ في الشكل المقابل :



دائرتان متحدتا المركز م
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 أثبت أن : $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

العمل : نرسم $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،

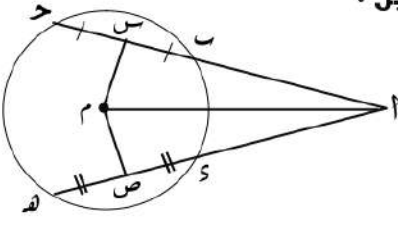
البرهان : في الدائرة الكبرى :

$\therefore \overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،

في الدائرة الصغرى :

$\therefore \overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،

٩ في الشكل المقابل :

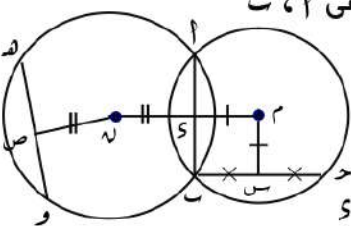


$\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 أثبت أن : $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

برهان

$\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،
 في $\triangle AMN$ ، $\triangle BMN$ ،
 $\angle(AMN) = 90^\circ$ ، $\angle(BMN) = 90^\circ$ ،
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،
 وبطرح ١ ، ٢ : $\angle(AMN) = 90^\circ$ ، $\angle(BMN) = 90^\circ$ ،
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،

١٠ في الشكل المقابل :



م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\angle(AMN) = 90^\circ$ ، $\angle(BNM) = 90^\circ$ ،
 أثبت أن : $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

برهان

في الدائرة م

$\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{MN}$ ،
 $\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،

$\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ،

في الدائرة هـ

$\therefore \overline{نص} \perp \overline{اب} ، \overline{نص} \perp \overline{هو} ، نص = نى = نص$

$\therefore هو = اب \leftarrow ①$

من ①، ① $\therefore حو = هو$

١١ في الشكل المقابل :

$\overline{اب} ، \overline{او}$ وتران في الدائرة م

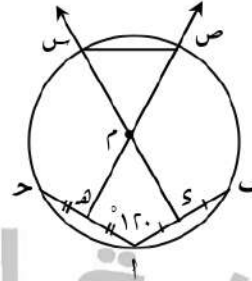
، $س$ ، $هـ$ منتصف $\overline{اب} ، \overline{او}$

رسم $ك$ م ، $هـ م$ فقطعا الدائرة

في $س$ ، $ص$ على الترتيب

$و(بأح) = ٩٢٠$

اثبت أن : $\Delta س ص م$ متساوي الأضلاع



برهان

\therefore منتصف $\overline{اب} \therefore م س \perp \overline{اب} \therefore و(أسم) = ٩٠$

\therefore منتصف $\overline{او} \therefore م هـ \perp \overline{او} \therefore و(أهـم) = ٩٠$

\therefore مجموع قياسات الشكل الرباعي الداخلة = ٣٦٠

$\therefore و(س هـ م) = ٣٦٠ - (٩٠ + ٩٠ + ١٢٠) = ٦٠$

\therefore $\overline{س هـ} ، \overline{هـ م} ، \overline{م س}$ متقاطعين في م

$\therefore و(س هـ م) = و(ص هـ م) = ٦٠$ بالتقابل بالرأس

، $\therefore م س ، م هـ$ "انصاف اقطار"

$\therefore \Delta س ص م$ متساوي الأضلاع

١٢ في الشكل المقابل :

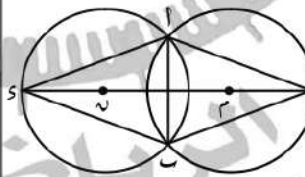
م ، هـ دائرتان متقاطعتان في $ا$ ، $ب$

نقطة ح تقع على الدائرة م

نقطة د تقع على الدائرة هـ

$و \supseteq م هـ ، و \supseteq م د$

اثبت أن : $و(حأد) = و(حأس)$



برهان

\therefore خط المركزين ، $\overline{اب}$ وتر مشترك

\therefore $\overline{م هـ}$ محور تماثل $\overline{اب} \therefore او = او ، اس = اس$

في $\Delta او د ، او ح$

① $او = او$

② $اس = اس$

③ $و \supseteq م هـ$ ضلع مشترك $\therefore \Delta او د \equiv \Delta او ح$

وينتج من التطابق أن : $و(حأد) = و(حأس)$

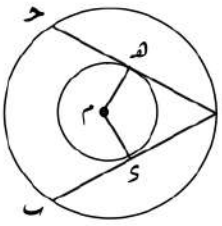
١٣ في الشكل المقابل :

دائرتان متحدتا المركز م

$\overline{اب} ، \overline{او}$ قطعتان ممستان

للدائرة الصغرى

اثبت أن : $اب = او$



برهان

\therefore $\overline{او}$ مماس للدائرة م عند هـ ، $\overline{ام}$ نصف قطر

$\therefore م هـ \perp \overline{او}$

\therefore $\overline{اب}$ مماس للدائرة م عند د ، $\overline{ام}$ نصف قطر

$\therefore م د \perp \overline{اب}$

، $\therefore م هـ = م د \therefore او = اب$

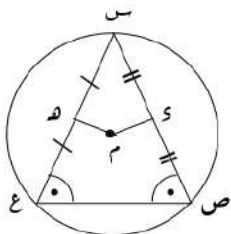
١٤ في الشكل المقابل :

م دائرة $و(س ص ع) = و(س ع ص)$

، $س$ منتصف $\overline{س ص}$

، $هـ$ منتصف $\overline{س ع}$

اثبت أن : $س د = م هـ$



برهان

في $\Delta س ص ع$ $و(س ص ع) = و(ص ع س)$

$\therefore س ص = س ع$

\therefore $س$ منتصف $\overline{س ص} \therefore م س \perp \overline{س ص}$

\therefore $هـ$ منتصف $\overline{س ع} \therefore م هـ \perp \overline{س ع}$

$\therefore م هـ = م د$

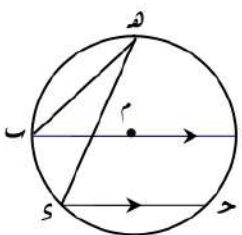
١٥ في الشكل المقابل :

$\overline{اب}$ قطر في الدائرة م

، $\overline{اب} \parallel \overline{ح د}$

، $و(ح د) = ٨٠$

أوجد : $و(هـ)$



برهان

\therefore $\overline{اب}$ قطر في الدائرة م

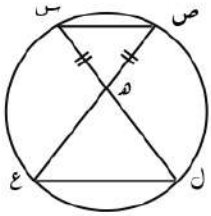
$\therefore و(أوب) = ١٨٠ ، و(ح د) = ٨٠$

$\therefore و(أح) + و(س) = ١٨٠ - ٨٠ = ١٠٠$

$\therefore \overline{اب} \parallel \overline{ح د} \therefore و(أح) = و(س) = \frac{1}{2} \times ١٠٠ = ٥٠$

، \therefore $و(هـ)$ محيطية مقابلة لـ $و(س)$

$\therefore و(هـ) = \frac{1}{2} \times و(س) = \frac{1}{2} \times ٥٠ = ٢٥$



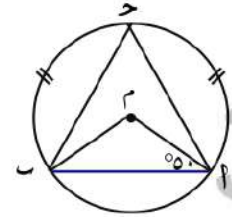
١٩ في الشكل المقابل :

صع \cap سل = {هـ}
 $هـ س = هـ ص$ ،
 أثبت أن : هـ ع = هـ ل

برهان

- (١) $هـ س = هـ ص$ $\therefore \angle (س) = \angle (ص)$
 (٢) $\angle (ص) = \angle (ل)$ محيطتان مشتركتان في (س ع)
 (٣) $\angle (س) = \angle (ع)$ محيطتان مشتركتان في (ص ل)
 من (١) ، (٢) ، (٣)

$$\therefore \angle (ع) = \angle (ل) \therefore هـ ل = هـ ع$$

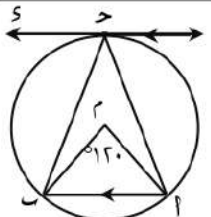


٢٠ في الشكل المقابل :

$\angle (م أ ب) = ٥٠^\circ$
 $\angle (ب ح) = \angle (أ ح)$ ،
 أوجد : $\angle (ح أ م)$

برهان

$$\begin{aligned} \therefore \angle م = \angle ب = \angle ن \\ \therefore \angle (ب م) = \angle (م أ ب) = ٥٠^\circ \\ \therefore \angle (أ م ب) = ١٨٠ - ٥٠ - ٥٠ = ٨٠^\circ \\ \therefore \angle (أ ح ب) = \frac{1}{2} \angle (أ م ب) = \frac{1}{2} \times ٨٠ = ٤٠^\circ \\ \text{"محيطية ومركزية مشتركتان في (ب)"} \\ \therefore \angle (ب ح) = \angle (أ ح) \therefore ح ب = ح أ \\ \therefore \angle (أ) = \angle (ب) = ٤٠ - ١٨٠ = ٧٠^\circ \\ \therefore \angle (ح أ م) = ٥٠ - ٧٠ = ٢٠^\circ \end{aligned}$$



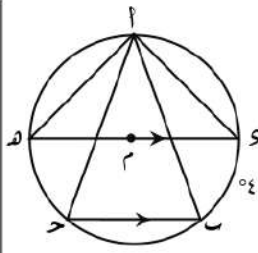
٢١ في الشكل المقابل :

ح ح مماس للدائرة عند ح

$\angle (أ م ب) = ١٢٠^\circ$ ، $أ ب \parallel ح ح$ ،
 أثبت أن : Δ ح أ ب متساوي الأضلاع

برهان

$$\begin{aligned} \therefore \angle (أ ح ب) = \frac{1}{2} \angle (أ م ب) = \frac{1}{2} \times ١٢٠ = ٦٠^\circ \\ \text{"محيطية ومركزية مشتركتان في (أ)"} \\ \therefore \angle (أ ح) = \angle (أ ب) \therefore ح أ = ح ب \\ \therefore \angle (أ ح ب) = ٦٠^\circ ، ح أ = ح ب \\ \therefore \Delta ح أ ب متساوي الأضلاع \end{aligned}$$

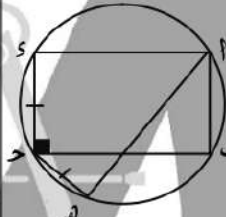


١٦ في الشكل المقابل :

د ه قطر في دائرة مركزها م
 $د ه \parallel س ح$ ، $\angle (س) = ٤٠^\circ$
 أوجد : ١) $\angle (د ه)$
 ٢) $\angle (ح أ د)$

برهان

$$\begin{aligned} \therefore د ه قطر في الدائرة م \\ \therefore \angle (د ه) = ٩٠^\circ \text{ "محيطية مرسومة في نصف دائرة"} \\ \therefore د ه \parallel س ح \therefore \angle (س) = \angle (ح د) = ٤٠^\circ \\ \therefore \angle (د ه) = ١٨٠ - ٩٠ - ٤٠ = ٥٠^\circ \\ \therefore \angle (س ح) = ١٨٠ - ٤٠ - ٥٠ = ٩٠^\circ \\ \therefore \angle (د ه) = ٤٠ + ٩٠ = ١٣٠^\circ \\ \therefore \angle (د ح) \text{ محيطية مقابلة لـ } \angle (س ح) \\ \therefore \angle (د ح) = \frac{1}{2} \angle (س ح) = \frac{1}{2} \times ٩٠ = ٤٥^\circ \end{aligned}$$

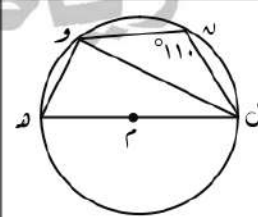


١٧ في الشكل المقابل :

أ ب ح د مستطيل مرسوم داخل دائرة
 رسم الوتر ح د بحيث ح د = ح ع
 أثبت أن : أ ه = س ح

برهان

$$\begin{aligned} \therefore ح د = ح ع \therefore \angle (ح د) = \angle (ح ع) \text{ --- ①} \\ \therefore \angle (أ ب ح) \text{ مستطيل } \therefore \angle (أ ب) = ٩٠^\circ \\ \therefore \angle (أ ب) = \angle (أ ح) = \angle (ح د) \text{ --- ②} \\ \therefore \angle (أ ب) = \angle (أ ح) \text{ وبإضافة } \angle (ب ه) \text{ للطرفين} \\ \therefore \angle (أ ب ه) = \angle (أ ح ه) \therefore أ ه = س ح \end{aligned}$$



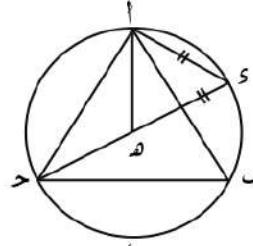
١٨ في الشكل المقابل :

ل ه قطر في الدائرة
 $\angle (ن) = ١١٠^\circ$ ،
 أوجد : $\angle (و ل ه)$

برهان

$$\begin{aligned} \therefore ل ه قطر في الدائرة م \\ \therefore \angle (و ل ه) = ٩٠^\circ \text{ "محيطية مرسومة في نصف دائرة"} \\ \therefore ل ه و ه رباعي دائري $\therefore \angle (ه) + \angle (ن) = ١٨٠^\circ$ \\ $\therefore \angle (ه) = ١٨٠ - ١١٠ = ٧٠^\circ$ \\ $\therefore \angle (و ل ه) = ٩٠ - ٧٠ = ٢٠^\circ \end{aligned}$$$

٢٢) في الشكل المقابل :



أ ب ح مثلث متساوي الأضلاع
مرسوم داخل دائرة
أخذت د على ب ج ، د أ ⊥ ب ج

بحيث د أ = د ب أثبت أن : Δ د ب ج متساوي الأضلاع

البرهان

∵ Δ أ ب ح متساوي الأضلاع

∴ قياس كل زاوية من زوايا = 60° ∴ ∠(ب) = ∠(ج) = 60°

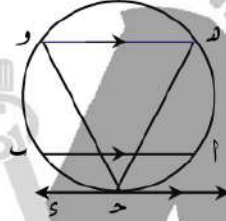
∴ ∠(ب) ، ∠(ج) محيطيتان مشتركتان في القوس (أ ح)

∴ ∠(ب) = ∠(ج) = 60°

في Δ د ب ج ∴ ∠(د ب ج) = 60° ، د أ = د ب

∴ Δ د ب ج متساوي الأضلاع

٢٣) في الشكل المقابل :



ح د مماس للدائرة عند ح

أ ب ، ه و وتران في الدائرة

حيث : أ ب // ه و // ح د

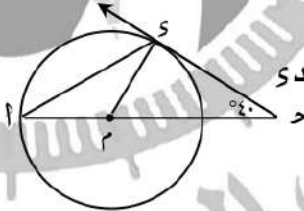
أثبت أن : ح ه = ح د

البرهان

∴ ح د // ه و ∴ ∠(ح د ه) = ∠(ه و د)

∴ ح ه = ح د

٢٤) في الشكل المقابل :



إذا كان ح د مماس للدائرة عند ح

، ∠(ح) = 40°

أوجد : ∠(أ د) ، ∠(م أ د)

البرهان

∴ ح د مماس ∴ ح د ⊥ م د

∴ ∠(م د ح) = 90°

، ∴ ∠(أ د ح) خارجة عن Δ م د ح

∴ ∠(أ د ح) = ∠(ح) + ∠(م د ح)

= 40° + 90° = 130°

∴ ∠(أ د) = ∠(م أ د) "قوس مقابل لزاوية مركزية"

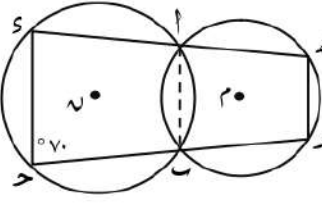
∴ ∠(أ د) = ∠(م أ د) = 130° (أولاً)

في Δ م د ح ∴ م د = ح د = ح

∴ ∠(م د ح) = ∠(م أ د) = 130° - 180° = 25° (ثانياً)

٢٥) في الشكل المقابل :

م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب



رسم أ ب يقطع الدائرة م

في ه و والدائرة ن في د

رسم ب ح يقطع الدائرة م

في و والدائرة ن في ح

، ∠(ح) = 70° أوجد : ∠(و) أثبت أن : ح د // ه و

العمل

البرهان

∴ الشكل أ ب ح د رباعي دائري

∴ ∠(ح) + ∠(ب أ د) = 180°

∴ ∠(ب أ د) = 180° - 70° = 110°

∴ الشكل أ ب و ه رباعي دائري

∴ ∠(ب أ د) الخارجة = ∠(و) الداخلية المقابلة

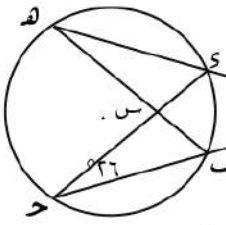
∴ ∠(و) = 110° (أولاً)

∴ ∠(و) + ∠(ح) = 180° + 70° = 110°

وهما زاويتان داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع ح د

∴ ح د // ه و (ثانياً)

٢٦) في الشكل المقابل :



ح ب ∩ د ه = { } ، ∠(أ) = 40°

د ح ∩ ب ه = { } ، ∠(ب) = 26°

أوجد : ١) ∠(ح ه)

٢) ∠(ه ب ح) ٣) ∠(ه س ح)

البرهان

∴ ∠(ح ه) خارجة عن Δ د ه ح

∴ ∠(ح ه) = 40° + 26° = 66°

∴ ∠(ح ه) = 132° مقابل لزاوية محيطية (ح ه)

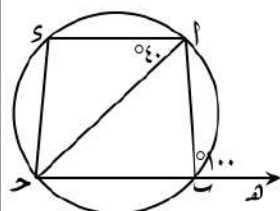
∴ ∠(ح ه) = ∠(ح ه) = 66°

"محيطيتان مشتركتان في (ح ه)"

∴ ∠(ب) = 2 × 26° = 52°

"مقابل لـ ∠(ح ب) المحيطية"

∴ ∠(ه س ح) = 132° + 52° = 92°



٢٩) في الشكل المقابل :

$$\widehat{AOB} = 90^\circ$$

$$\widehat{BOC} = 90^\circ$$

$$\widehat{COD} = 90^\circ$$

$$\widehat{DOA} = 90^\circ$$

البرهان

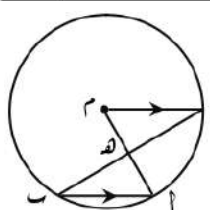
∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COD} = \widehat{DOA}$

∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COD} = \widehat{DOA}$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COD} = \widehat{DOA}$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COD} = \widehat{DOA}$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COD} = \widehat{DOA}$$



٣٠) في الشكل المقابل :

أب وتر في الدائرة م ، $\widehat{AOB} = 90^\circ$

$$\widehat{BOC} = 90^\circ$$

$$\widehat{COA} = 90^\circ$$

البرهان

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

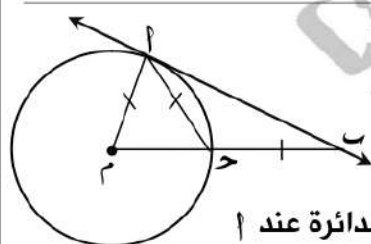
محيطية ومركزية مشتركتان في (أ)

∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

وبالتالي فإن : $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$



٣١) في الشكل المقابل :

م دائرة

$$\widehat{AOB} = 90^\circ$$

أثبت أن : $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$

البرهان

∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

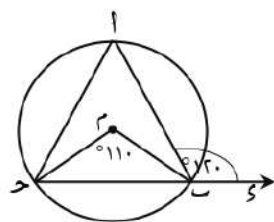
∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$



٢٧) في الشكل المقابل :

م دائرة ، $\widehat{AOB} = 90^\circ$

$$\widehat{BOC} = 90^\circ$$

$$\widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = 90^\circ$$

البرهان

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

محيطية ومركزية مشتركتان في (أ)

∴ $\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

٢٨) في الشكل المقابل :

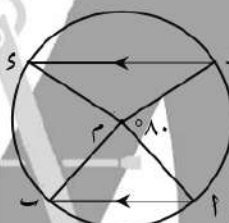
أب ، ح وتران متوازيان في الدائرة

طول نصف قطرها ١٥ سم

$$\widehat{AOB} = 90^\circ$$

$$\widehat{BOC} = 90^\circ$$

أوجد : $\widehat{AOB} = 90^\circ$



البرهان

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

"قوس مقابل لزاوية مركزية"

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

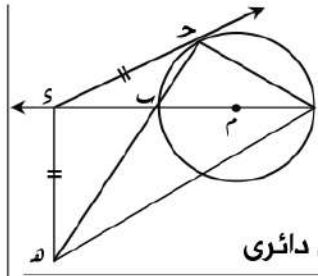
$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

$$\widehat{AOB} = \widehat{BOC} = \widehat{COA} = 90^\circ$$

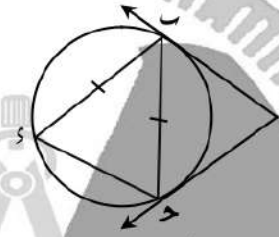
٤٢) في الشكل المقابل :
 \overline{AB} قطر ، $\overline{SC} \subset \overline{AB}$
 \overline{SC} مماساً للدائرة عند ح
 $\overline{CH} \subset \overline{CB}$ بحيث $\angle H = \angle SC$
 أثبت أن : الشكل أحرفه رباعي دائري



البرهان

- ١) $\angle C = \angle H$ (ب) $\angle C = \angle H$ (ب) "مماسية ومحيطية مشتركتان في (ب)"
 ٢) $\angle C = \angle H$ (ب) $\angle C = \angle H$ (ب) من ١، ٢ $\angle C = \angle H$ (ب) $\angle C = \angle H$ (ب) وهما مرسومتان على القاعدة ح وفي جهة واحدة
 \therefore أحرفه رباعي دائري

٤٣) في الشكل المقابل :

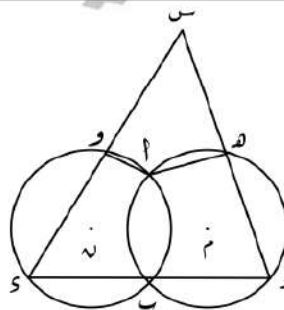


\overline{AB} ، \overline{AC} مماسان للدائرة
 $\angle A = 70^\circ$
 \overline{BC} = \overline{BC}
 أوجد : $\angle C$

البرهان

- \overline{AB} ، \overline{AC} مماسان للدائرة $\therefore \angle A = \angle C$
 $\angle C = \angle A = 70^\circ$
 $\angle C = \angle A = 70^\circ$ "مماسية ومحيطية مشتركتان في (ب)"
 $\angle C = \angle A = 70^\circ$ $\angle C = \angle A = 70^\circ$
 $\angle C = \angle A = 70^\circ$ $\angle C = \angle A = 70^\circ$

٤٤) في الشكل المقابل :



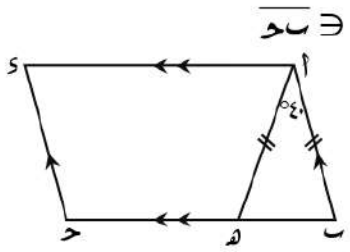
م ، له دائرتان
 متقاطعتان في م ، ب
 \overline{CM} يمر بالنقطة ب
 أثبت أن :
 الشكل أوسه رباعي دائري

العمل

البرهان

في الدائرة م \therefore ح ح ب أ رباعي دائري

٤٥) في الشكل المقابل :

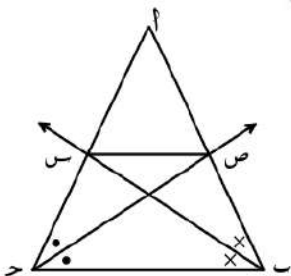


أولاً : $\angle A = 40^\circ$ أوجد :
 ثانياً : أثبت أن الشكل أحرفه رباعي دائري

البرهان

- $\angle A = 40^\circ$
 $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$
 $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$
 $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$
 $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$ $\angle A = 40^\circ$

٤٦) في الشكل المقابل :



أثبت أن : ١) الشكل سوس ص رباعي دائري
 ٢) $\overline{SC} \parallel \overline{VS}$

البرهان

- $\angle A = 110^\circ$ $\angle A = 110^\circ$ $\angle A = 110^\circ$
 $\angle A = 110^\circ$ $\angle A = 110^\circ$ $\angle A = 110^\circ$
 $\angle A = 110^\circ$ $\angle A = 110^\circ$ $\angle A = 110^\circ$

$$\therefore \widehat{O(S\Gamma V)} = \widehat{O(V\Gamma S)}$$

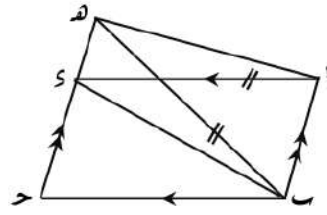
وهما مرسومتان على القاعدة \overline{SV} وفي جهة واحدة
 \therefore $SV\Gamma$ رباعي دائري

٤٧ في الشكل المقابل :

$AB \parallel CD$ متوازي أضلاع

$$E \in \overline{CD}$$

بحيث : $AE = BE$



أثبت أن : الشكل $ABEC$ رباعي دائري

البرهان

$\therefore AB \parallel CD$ متوازي أضلاع

$$\therefore \widehat{A} = \widehat{E} \quad \text{①}$$

$$\therefore AE = BE \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$$\therefore \widehat{A} = \widehat{E} \quad \text{②}$$

$$\text{من ①، ②} \quad \therefore \widehat{A} = \widehat{E} \quad \widehat{B} = \widehat{C}$$

وهما مرسومتان على القاعدة \overline{AC} وفي جهة واحدة

$\therefore ABEC$ رباعي دائري

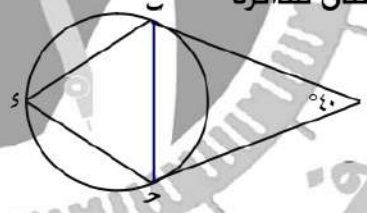
٤٨ في الشكل المقابل :

AB, AC قطعتان مماستان للدائرة

عند B, C

$$\widehat{A} = 40^\circ$$

أوجد : \widehat{B}



البرهان

$\therefore AB, AC$ قطعتان مماستان عند B, C

$$\therefore AB = AC$$

$$\therefore \widehat{A} = 40^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} = 70^\circ$$

"محيطية ومماسية مشتركتان في (B) "

٤٩ في الشكل المقابل :

AB, AC قطعتان مماستان للدائرة Γ

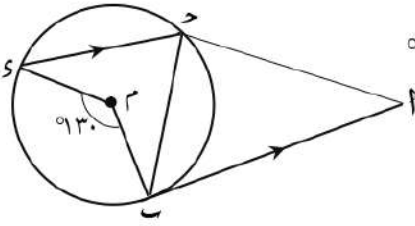
$$AB \parallel AC$$

$$\widehat{A} = 130^\circ$$

① أثبت أن :

\widehat{B} ينصف (AC)

② أوجد : \widehat{A}



البرهان

$$\therefore \widehat{A} = 130^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = \frac{180^\circ - 130^\circ}{2} = 25^\circ$$

"محيطية ومركزية مشتركتان في (B) "

$$\therefore AB \parallel AC$$

$$\therefore \widehat{A} = 130^\circ \quad \text{بالتبادل} \quad \text{①}$$

$\therefore AB, AC$ قطعتان مماستان عند B, C

$$\therefore AB = AC$$

$$\therefore \widehat{A} = 130^\circ \quad \text{بالتبادل} \quad \text{②}$$

$\therefore \widehat{B}$ ينصف (AC)

\therefore مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث $= 180^\circ$

$$\therefore \widehat{A} = 180^\circ - 130^\circ - 25^\circ = 25^\circ$$

٥٠ في الشكل المقابل :

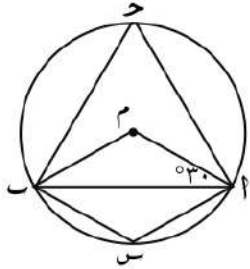
AB مثلث مرسوم داخل دائرة Γ

M, N منتصفى قطريين فيهما

$$\widehat{A} = 30^\circ, \quad S \in \overline{AB}$$

أوجد :

$$\widehat{A}, \widehat{B}, \widehat{C}, \widehat{D}, \widehat{E}, \widehat{F}$$



البرهان

$$\therefore M = N \quad \text{"أنصاف أقطار"}$$

$$\therefore \widehat{A} = 30^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = \frac{180^\circ - 30^\circ}{2} = 75^\circ$$

$$\therefore \widehat{A} = 30^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = 75^\circ$$

$$\therefore \widehat{A} = 30^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = 75^\circ$$

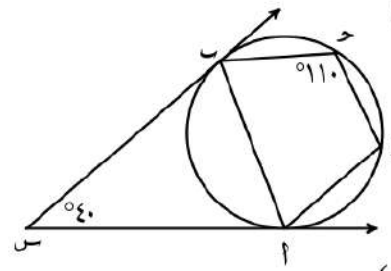
"محيطية ومركزية مشتركتان في (A) "

$\therefore AB \parallel CD$ رباعي دائري

$$\therefore \widehat{A} = 30^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = 75^\circ$$

$$\therefore \widehat{A} = 30^\circ \quad \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = 75^\circ$$

٥١ في الشكل المقابل :



\overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{AC} مماسان
للدائرة عند A ، B
و $\widehat{C} = 110^\circ$ ،
و $\widehat{B} = 40^\circ$ ،
اثبت أن :

- ١ \overrightarrow{AB} ينصف (\widehat{BC})
- ٢ $\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{BC}$

برهان

$\therefore \overrightarrow{AB}$ ، \overrightarrow{AC} قطعتان مماستان عند A ، B

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$$\therefore \widehat{C} = (\widehat{B}) = \widehat{C} = \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ$$

$\therefore \overrightarrow{AB}$ رابعي دائري

$$\therefore \widehat{C} = 110^\circ - 180^\circ = 70^\circ$$

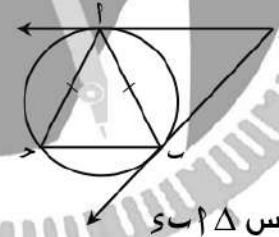
$\therefore \overrightarrow{AB}$ ينصف (\widehat{BC})

$$\therefore \widehat{C} = (\widehat{B}) = \widehat{C} = 40^\circ + 140^\circ = 180^\circ$$

وهما في وضع تداخل

$$\therefore \overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{BC}$$

٥٢ في الشكل المقابل :



$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$
، \overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{AC} مماسان للدائرة
اثبت أن :

\overrightarrow{AB} مماس للدائرة المارة برؤوس $\triangle ABC$

برهان

$\therefore \overrightarrow{AB}$ ، \overrightarrow{AC} مماسان للدائرة

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} \therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (\widehat{B}) "

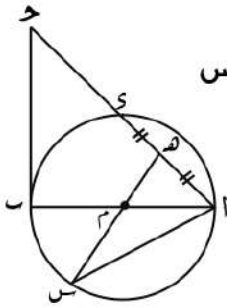
$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} \therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} \therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$\therefore \overrightarrow{AB}$ مماس للدائرة المارة برؤوس $\triangle ABC$

٥٣ في الشكل المقابل :



\overrightarrow{AB} قطر في الدائرة M ، \overrightarrow{AC} مماس
للدائرة M ، M منتصف \overrightarrow{AB}
اثبت أن :

١ M هو مركز رابعي دائري

$$٢ \widehat{B} = \widehat{C} = \frac{1}{2} \widehat{C}$$

برهان

$\therefore \overrightarrow{AB}$ مماس للدائرة عند B ، $\therefore M$ نصف قطر

$$\therefore \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC} \therefore \widehat{B} = 90^\circ$$

$$\therefore \widehat{B} = 90^\circ \therefore \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC}$$

$$\therefore \widehat{B} = 90^\circ$$

$$\therefore \widehat{B} = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

$\therefore M$ هو رابعي دائري

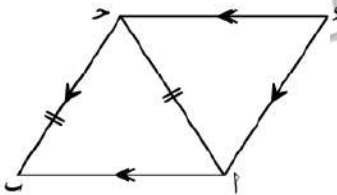
$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} = \widehat{C} = \widehat{C} \text{ الداخلة } \leftarrow ١$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} = \widehat{C} = \widehat{C} \text{ الداخلة } \leftarrow ٢$$

"محيطية ومركزية مشتركتان في (\widehat{B}) "

$$\text{من } ١ ، ٢ \therefore \widehat{B} = \widehat{C} = \widehat{C}$$

٥٤ في الشكل المقابل :



\overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC} متوازي أضلاع فيه :

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$$

اثبت أن :

\overrightarrow{AB} مماس للدائرة الخارجة للمثلث ABC

برهان

$$\therefore \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} \therefore \widehat{B} = \widehat{C} \leftarrow ١$$

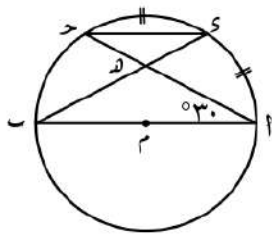
$$\therefore \overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{AC}$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} \therefore \widehat{B} = \widehat{C} \text{ بالتبادل } \leftarrow ٢$$

$$\text{من } ١ ، ٢$$

$$\therefore \widehat{B} = \widehat{C} \therefore \widehat{B} = \widehat{C}$$

$\therefore \overrightarrow{AB}$ مماس للدائرة الخارجة للمثلث ABC



٥٨ في الشكل المقابل :

AB قطر في الدائرة م

$$\angle C = (\angle A) = 30^\circ$$

، ومنتصف AC

$$DE \parallel AB \quad \angle C = \angle A = 30^\circ$$

١ أوجد : $\angle B$ ، $\angle C$ ، $\angle A$

٢ أثبت أن : $DE \parallel AB$

برهان

$$\angle C = (\angle B) = 30^\circ$$

"محيطيتان مشتركتان في (C)"

$$\angle C = (\angle B) = 30^\circ \times 2 = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

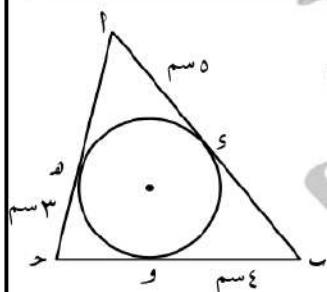
$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 60^\circ$$



٥٩ في الشكل المقابل :

ABC مرسوم خارج الدائرة م

التي تماس أضلاعه

AB ، BC ، AC

في D ، E ، F وعلى الترتيب

$$AD = 1, DB = 2, BE = 3, EC = 4, CF = 5, FA = 6$$

$$AD = 1, DB = 2, BE = 3, EC = 4, CF = 5, FA = 6$$

برهان

$$\angle A = \angle B = \angle C$$

$$\angle A = \angle B = \angle C$$

$$\angle A = \angle B = \angle C$$

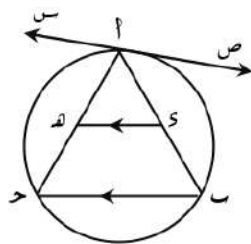
$$\angle A = \angle B = \angle C$$

$$\angle A = \angle B = \angle C$$

$$\angle A = \angle B = \angle C$$

$$\angle A = \angle B = \angle C$$

$$\angle A = \angle B = \angle C$$



٥٥ في الشكل المقابل :

ABC مثلث مرسوم داخل دائرة

مس مماساً للدائرة عند M

DE // AB أثبت أن :

مس مماس للدائرة المارة بالنقط M ، D ، E

برهان

$$\angle C = (\angle B) = 30^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 30^\circ$$

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (C)"

$$\angle C = (\angle B) = 30^\circ$$

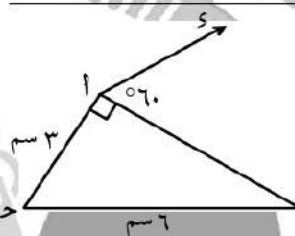
$$\angle C = (\angle B) = 30^\circ$$

٥٦ في الشكل المقابل :

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$



أثبت أن : AC مماس للدائرة الخارجة للمثلث ABC

برهان

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

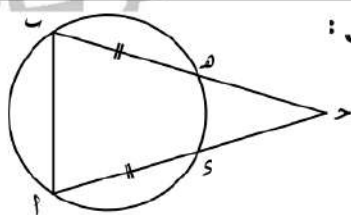
$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

٥٧ في الشكل المقابل :

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$



برهان

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

$$\angle C = (\angle B) = 90^\circ$$

٦٠ في الشكل المقابل :

أ ب ، أ ح قطعتان مماستان

للدائرة عند ب ، ح

و (أ) = ٧٠°

و (ح و ه) = ١٢٥°

أثبت أن : ① س ح ينصف و (أ ب ه)

② ح ب = ح ه

البرهان

∴ أ ب ، أ ح قطعتان مماستان عند ب ، ح

∴ أ ب = أ ح

∴ و (أ ب ح) = و (أ ح ب) = $\frac{١٨٠ - ٧٠}{٢} = ٥٥^\circ$

∴ س ح و رباعي دائري

∴ و (ح و ه) + و (س) = ١٨٠°

∴ و (ح و ه) = ١٢٥° - ٥٥° = ٧٠°

∴ و (أ ب ح) = و (ح و ه) = ٥٥°

∴ س ح ينصف و (أ ب ه)

∴ و (ب ه ح) = و (أ ح ب) = ٥٥°

"محيطية ومركزية مشتركتان في (س ح)"

∴ و (ح و ه) = و (ح و ب) ∴ ح ب = ح ه

٦١ في الشكل المقابل :

أ ب قطر في دائرة م

و (ب س) = و (ح س)

و (ب س ح) = ١٤٠°

أوجد : ① و (أ ب ح)

② و (أ ب س)

البرهان

∴ أ ب و رباعي دائري ∴ و (أ) + و (ح س ب) = ١٨٠°

∴ و (أ) = ١٨٠° - ١٤٠° = ٤٠°

∴ أ ب قطر في الدائرة م

∴ و (أ ب ح) = ٩٠° "محيطية مرسومة في نصف دائرة"

∴ و (أ ب ح) = ٩٠° - ٤٠° = ٥٠°

∴ و (ح و س) = و (ب و س) ∴ ح س = ب س

∴ و (س ح ب) = و (س ح ب) = $\frac{١٨٠ - ١٤٠}{٢} = ٢٠^\circ$

∴ و (أ ب س) = ٥٠° + ٢٠° = ٧٠°

٦٢ في الشكل المقابل :

أ ب قطر في دائرة م

و (أ ب ح) مماس للدائرة عند ح

رسم ه و ⊥ أ ب

بحيث : ه و ∩ ح ب = {و}

أثبت أن :

① الشكل أ و ح رباعي دائري

② المثلث ه و ح متساوي الساقين

البرهان

∴ و (أ ح ب) = ٩٠° "مرسومة في نصف دائرة"

∴ ه و ⊥ أ ب ∴ و (و س ب) = ٩٠°

∴ و (س ح ح) الخارجة = و (ح) الداخلة المقابلة

∴ أ و ح رباعي دائري

∴ و (ه ح ب) = و (أ ب ح) ← ①

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (ح ب)"

ومن الشكل الرباعي الدائري أ و ح

∴ و (ه ح ب) = و (ه و ح) ← ②

من ① ، ② ∴ Δ ه و ح متساوي الساقين

٦٣ في الشكل المقابل :

أ ح قطر في دائرة م

و (ح) = ٥٠°

و (أ س) = ٦٠°

أوجد بالبرهان :

و (ح و س) ، و (ب أ س)

البرهان

∴ أ ح قطر في الدائرة م

∴ و (أ ب ح) = ٩٠° "محيطية مرسومة في نصف دائرة"

∴ و (ح و س) = ٩٠° - ٦٠° = ٣٠°

∴ و (ب أ ح) = ٩٠° - ٥٠° - ٩٠° = ٤٠°

∴ و (ح و س) = و (أ س) = ٣٠°

"محيطيتان مشتركتان في (ح و س)"

∴ و (ب أ س) = ٣٠° + ٤٠° = ٧٠°

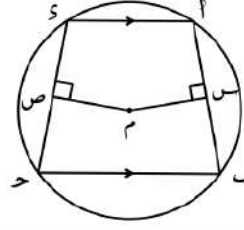
٦٤ في الشكل المقابل :

دائرة م فيها :

$\overline{سأ} // \overline{سح}$

$\overline{مأ} \perp \overline{سأ}$ ، $\overline{مأ} \perp \overline{سح}$

أثبت أن : $مأ = مس$



البرهان

$\therefore \overline{سأ} // \overline{سح}$

① $\therefore \angle(أ) = \angle(ح) \therefore \overline{سأ} = \overline{سح}$ ←

② $\therefore \overline{مس} \perp \overline{أب}$ ، $\overline{مأ} \perp \overline{سح}$ ←

$\therefore مس = مأ$

٦٥ في الشكل المقابل :

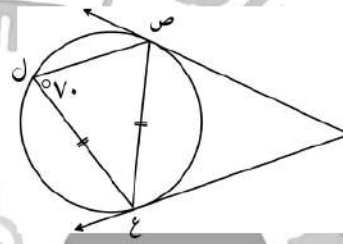
$\overline{سأ}$ ، $\overline{سح}$ مماسان

للدائرة عند ص ، ع

$\angle(أ) = \angle(ح)$ ،

أوجد بالبرهان : $\angle(س)$

② أثبت أن : $\overline{سأ} // \overline{سح}$



البرهان

$\therefore \angle(ص ع س) = \angle(ص أ ع) = ٧٠^\circ$

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (ص ع)"

$\therefore \overline{سأ}$ ، $\overline{سح}$ مماسان للدائرة عند ص ، ع

$\therefore صأ = صح$

$\therefore \angle(س ص ع) = \angle(س ع أ) = ٧٠^\circ$

$\therefore \angle(س) = ١٨٠^\circ - ٧٠^\circ - ٧٠^\circ = ٤٠^\circ$

$\therefore صأ = صح$

$\therefore \angle(ع ص أ) = \angle(ع ص ح) = ٧٠^\circ$

$\therefore \angle(ع ص أ) = \angle(ع ص ح) = ٧٠^\circ$ "في وضع تبادل"

$\therefore \overline{سأ} // \overline{سح}$

٦٦ في الشكل المقابل :

م ، ن دائرتان متطابقتان رسم $\overline{أب} // \overline{م ن}$

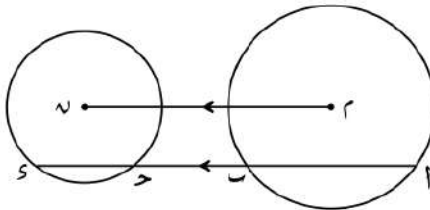
قطع الدائرة م

في أ ، ب

وقطع الدائرة ن

في ح ، د

أثبت أن : $أح = حد$



العمل في الرسم $\overline{مأ} \perp \overline{أب}$ ، $\overline{نح} \perp \overline{ح د}$

البرهان

$\therefore \overline{مأ} // \overline{نح}$ ، $\overline{مأ} \perp \overline{أب}$ ، $\overline{نح} \perp \overline{ح د}$

$\therefore \overline{مأ} // \overline{نح}$: الشكل م هو مستطيل

$\therefore مأ = نح$ ، $\therefore م ، ن$ دائرتان متطابقتان

$\therefore أب = ح د$ وبإضافة $سح$ للطرفين $\therefore أح = ح د$

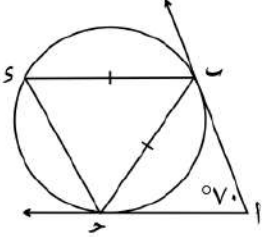
٦٧ في الشكل المقابل :

$\overline{أب}$ ، $\overline{أح}$

مماسان للدائرة م

$\angle(أ) = ٧٠^\circ$ ،

أوجد : $\angle(أ)$



البرهان

$\therefore \overline{أب}$ ، $\overline{أح}$ مماسان للدائرة م

$\therefore \angle(أ) = ٧٠^\circ = ١٨٠^\circ - ٥٥^\circ - ٥٥^\circ$

$\therefore \angle(أ) = \angle(أ) = ٥٥^\circ$

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (أ)"

$\therefore أب = أ ح$ ،

$\therefore \angle(أ) = \angle(أ) = ٥٥^\circ$

$\therefore \angle(أ) = ٧٠^\circ = ١٨٠^\circ - ٥٥^\circ - ٥٥^\circ$

$\therefore \angle(أ) = ٧٠^\circ + ٥٥^\circ = ١٢٥^\circ$

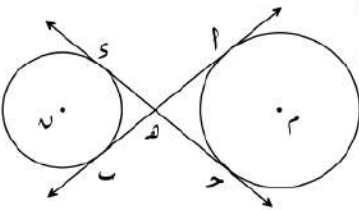
٦٨ في الشكل المقابل :

$\overline{أب}$ ، $\overline{أح}$ مماسان

للدائرتين م ، ن

أثبت أن :

$أب = أ ح$



البرهان

$\therefore \overline{أب}$ ، $\overline{أح}$ مماسان للدائرة م

① $\therefore أب = أ ح$ ←

$\therefore \overline{أب}$ ، $\overline{أح}$ مماسان للدائرة ن

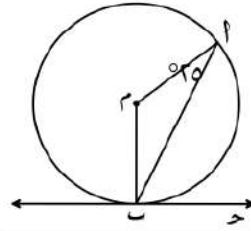
② $\therefore أ ب = أ ح$ ←

بجمع ① ، ②

$\therefore أب + أ ح = أ ب + أ ح$

$\therefore أب = أ ح$

٧٩ في الشكل المقابل :
 $\widehat{SC} \parallel \widehat{AB}$ مماس للدائرة م
 $\angle C = 25^\circ$
 أوجد : $\angle A$



٨٠ في الشكل المقابل :

$\angle A = \angle B = \angle C$

$\angle C = 25^\circ$

$\angle A = 130^\circ$

$\angle A = 65^\circ$

"مماسية ومركزية مشتركتان في (AB)"

٨١ في الشكل المقابل :

\widehat{SC} قطر في الدائرة م

$\widehat{SC} \parallel \widehat{AB}$

$\angle C = 25^\circ$

أوجد : ١ $\angle A$

٢ $\angle B$

٨٢ في الشكل المقابل :

$\angle A = 2^\circ$

$\angle C = 50^\circ$

$\angle A = 25^\circ$

\widehat{SC} قطر في الدائرة م

$\angle A = 90^\circ$ "محيطية مرسومة في نصف دائرة"

$\angle A = 115^\circ$

$\angle A = 180^\circ$

$\angle A = 80^\circ$

٨٣ في الشكل المقابل :

\widehat{SC} قطر في الدائرة م

$\widehat{SC} \parallel \widehat{AB}$

$\angle C = 25^\circ$

أوجد : $\angle A$

٨٤ في الشكل المقابل :

$\angle A = 2^\circ$

"محيطية ومركزية مشتركتان في (C)"

\widehat{SC} قطر في الدائرة م

٨٥ في الشكل المقابل :

\widehat{AB} متوازي أضلاع

أثبت أن :

$\angle A = \angle B$

٨٦ في الشكل المقابل :

\widehat{AB} متوازي أضلاع

$\angle A = \angle B$

\widehat{AB} رباعي دائري

$\angle A = \angle B$ الخارجية = $\angle C$ الداخلية المقابلة

من ١ ، ٢

$\angle A = \angle B$

٨٧ في الشكل المقابل :

$\angle A = 30^\circ$

$\widehat{SC} \parallel \widehat{AB}$

\widehat{AB} قطر في الدائرة م

أوجد : $\angle A$ ، $\angle B$

٨٨ في الشكل المقابل :

$\angle A = 60^\circ$

\widehat{AB} قطر في الدائرة م

$\angle A = 120^\circ$

$\widehat{SC} \parallel \widehat{AB}$

$\angle A = 60^\circ$

٨٤ في الشكل المقابل :

أ ب ح د شكل رباعي فيه :

$$\widehat{و(د ح)} = 76^\circ$$

$$\widehat{و(د ب)} = 38^\circ$$

أثبت أن : أ ب ح د رباعي دائري

البرهان

∴ $\widehat{و(د ح)}$ خارجة عن $\Delta ه ب ح$

$$\therefore \widehat{و(د ح)} = \widehat{و(د ب)} + \widehat{و(ب ح)}$$

$$\therefore \widehat{و(د ح)} = 38^\circ - 76^\circ = 38^\circ$$

$$\therefore \widehat{و(د ح)} // \widehat{و(ب ح)}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(د ب)} = 38^\circ \text{ بالتبادل}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(د ب)} = 38^\circ$$

وهما مرسومتان على القاعدة أ ب وفي جهة واحدة

∴ أ ب ح د رباعي دائري

٨٥ في الشكل المقابل :

أ ب ح د شكل رباعي

مرسوم داخل دائرة م

فإذا كان : $\widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(د ح)}$

$$\widehat{و(أ ح)} = 30^\circ$$

١ أثبت أن : أ ب ح د

٢ أوجد $\widehat{و(أ د)}$

البرهان

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(د ح)} \text{ وبإضافة } \widehat{و(ب ح)} \text{ للطرفين}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} + \widehat{و(ب ح)} = \widehat{و(د ح)} + \widehat{و(ب ح)}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ح)} = \widehat{و(د ب)}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ح)} = \widehat{و(د ب)}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(د ح)}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(د ح)} = 30^\circ$$

"محيطيتان أقواسهما متساوية في القياس"

$$\therefore \widehat{و(أ د)} = 180^\circ - 30^\circ - 30^\circ = 120^\circ$$

٨٦ في الشكل المقابل :

م ، ن دائرتان متماسكتان

من الخارج في ح

أ د تماس الدائرة م

في ب

أ ب تماس الدائرة ن

في ب

فإذا كان : $\widehat{و(م)} = 5^\circ$ ، $\widehat{و(ن)} = 6^\circ$ سم

١ أثبت أن : أ ب ح د

٢ أوجد محيط الشكل أ ب ح د

٣ أثبت أن : أ ب ينصف $\widehat{و(ح د)}$

البرهان

∴ أ ب ، أ ح قطعتان مماستان عند ب ، ح

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ ح)} \text{ ①}$$

∴ أ ب ، أ ح قطعتان مماستان عند ح ، ب

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ ح)} \text{ ②}$$

$$\text{من ① ، ②} \therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ ح)}$$

$$\therefore \widehat{و(م)} = 5^\circ \therefore \widehat{و(ن)} = 6^\circ$$

$$\therefore \text{محيط الشكل أ ب ح د} = 5 + 5 + 6 + 6 = 22^\circ \text{ سم}$$

$\Delta أ ب ح$ ، $\Delta أ ح ب$ فيهما

أ ب ح د ، $\widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ ح)}$ ، $\widehat{و(ب ح)} = \widehat{و(ح د)}$ ضلع مشترك

$$\therefore \Delta أ ب ح \equiv \Delta أ ح ب$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ ح)}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} \text{ ينصف } \widehat{و(ح د)}$$

٨٧ في الشكل المقابل :

$$\widehat{و(أ ب)} = 60^\circ$$

$$\widehat{و(م ح ب)} = 70^\circ$$

أوجد $\widehat{و(أ م ح)}$

العمل

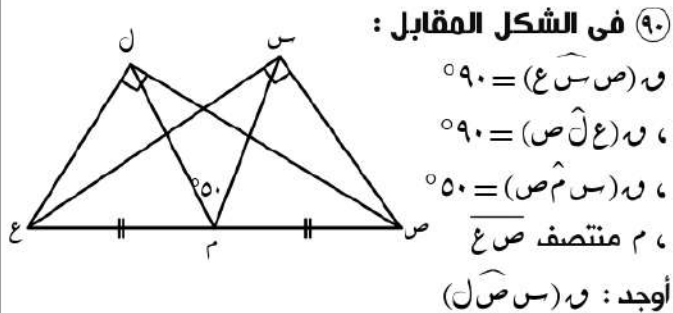
البرهان

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ م ح)} \text{ "أنصاف أقطار"}$$

$$\therefore \widehat{و(أ ب)} = \widehat{و(أ م ح)} = 60^\circ$$

$$\therefore \widehat{و(أ م ح)} = 180^\circ - 60^\circ - 60^\circ = 60^\circ$$

$$\therefore \widehat{و(أ م ح)} = \widehat{و(أ ب)} \text{ "أنصاف أقطار"}$$



البرهان

$$\angle (A) = 90^\circ \quad \angle (B) = 90^\circ \quad \angle (C) = 50^\circ$$

وهما مرسومتان على القاعدة ص ع وفي جهة واحدة

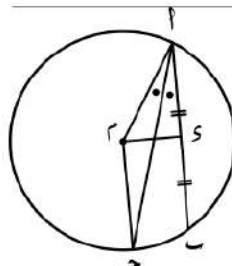
\therefore س ص ع ل رباعي دائري

\therefore ص ع قطراً في الدائرة ، م منتصف ص ع

$$\angle (D) = \angle (C) = 50^\circ \quad \angle (E) = 90^\circ \quad \angle (F) = 90^\circ$$

"محيطية ومركزية مشتركتان في (س ل)"

$$\begin{aligned} \angle (A) &= \angle (B) = 90^\circ \\ \angle (C) &= 50^\circ \\ \angle (D) &= 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ \\ \angle (E) &= 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ \end{aligned}$$



٨٨ في الشكل المقابل :

أ ب وتر في الدائرة م

أ ح ينصف (ب أ م)

س منتصف أ ب

أثبت أن : $\overline{OM} \perp \overline{AB}$

البرهان

$$\angle (A) = 90^\circ \quad \angle (B) = 90^\circ \quad \angle (C) = 50^\circ$$

\therefore م منتصف أ ب \therefore م س \perp أ ب

\therefore "أنصاف أقطار"

$$\angle (A) = \angle (B) = 90^\circ \quad \angle (C) = 50^\circ$$

\therefore أ ح ينصف (ب أ م)

$$\angle (A) = \angle (B) = 90^\circ \quad \angle (C) = 50^\circ$$

من ① ، ②

\therefore $\angle (A) = \angle (B) = 90^\circ$ وهما في وضع تبادل

$$\angle (A) = \angle (B) = 90^\circ$$

$$\angle (A) = \angle (B) = 90^\circ \quad \angle (C) = 50^\circ$$

$$\angle (A) = \angle (B) = 90^\circ \quad \angle (C) = 50^\circ$$

٨٩ في الشكل المقابل :

أ ب ، أ ح مماسان للدائرة م

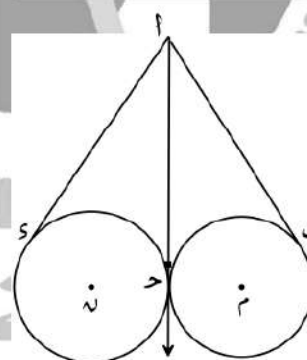
أ د ، أ ه مماسان للدائرة ن

$$\angle (A) = 15^\circ$$

$$\angle (B) = 15^\circ$$

$$\angle (C) = 15^\circ$$

أوجد قيمة : س ، ص



البرهان

\therefore أ ب ، أ ح مماسان للدائرة م

$$\angle (A) = \angle (B) = 15^\circ$$

$$\angle (A) = \angle (B) = 15^\circ$$

$$\angle (A) = \angle (B) = 15^\circ$$

\therefore أ د ، أ ه مماسان للدائرة ن

$$\angle (A) = \angle (B) = 15^\circ$$

$$\angle (A) = \angle (B) = 15^\circ$$

كيفية طباعة صفحات معينة من ملف معين مثلا ازاي نطبع الصفحات من صفحة 4 الى صفحة 9

